

jus. 6595 (106)

Zeitschrift für

Wirtschafts- und Sozialwissenschaften

Herausgegeben von der

Gesellschaft für Wirtschafts- und Sozialwissenschaften

Verein für Socialpolitik

106. Jahrgang 1986



DUNCKER & HUMBLOT / BERLIN

Zeitschrift für Wirtschafts- und Sozialwissenschaften

Diese Zeitschrift wurde im Jahre 1871 als Jahrbuch für Gesetzgebung, Verwaltung und Rechtspflege des Deutschen Reichs gegründet. 1877 wurde der Titel in Jahrbuch für Gesetzgebung, Verwaltung und Volkswirtschaft im Deutschen Reich geändert. 1881 übernahm Gustav Schmoller die Herausgabe. Zum 75. Geburtstag von Gustav Schmoller im Jahre 1913 wurde der Name Schmollers zur Ehrung des langjährigen Herausgebers mit der Zeitschrift verbunden. Seitdem lautete der Titel Schmollers Jahrbuch für Gesetzgebung, Verwaltung und Volkswirtschaft im Deutschen Reich. 1968 wurde der Titel in Schmollers Jahrbuch für Wirtschafts- und Sozialwissenschaften, 1972 in Zeitschrift für Wirtschafts- und Sozialwissenschaften geändert. Mit dem Jahre 1974 wurde die Zeitschrift wissenschaftliches Publikationsorgan der Gesellschaft für Wirtschafts- und Sozialwissenschaften — Verein für Socialpolitik —.

Geschäftsführender Herausgeber: Prof. Dr. Artur Woll (Wl.), Siegen.

Mitherausgeber: Prof. Dr. Josef Gruber, Ph. D., Hagen / Prof. Dr. Eva Bößmann, Köln / Prof. Dr. Dr. h. c. Helmut Koch, Münster / Prof. Dr. Rolf Pfefferkoven, Mainz / Prof. Dr. Heinz Lampert, Augsburg.

Herausgeberassistent: Dr. Gerald Vogl (Vo.), Siegen.



Alle Rechte vorbehalten

© 1986 Duncker & Humblot GmbH, Berlin 41

Gedruckt 1986 bei Berliner Buchdruckerei Union GmbH, Berlin 61

Printed in Germany

k 428

Inhaltsverzeichnis

106. Jahrgang · 1986 · Heft 1 - 6

Abhandlungen und Aufsätze

<i>Abel, U. / Boing, G., An Empirical Law of the Stock Option Market</i>	15
<i>Farmer, K., Gleichgewichtskonzept, Investitionsfunktion und Unterbeschäftigungsgleichgewicht</i>	441
<i>Gärtner, M., Anticipated Shocks and Exchange Rate Disequilibrium beyond the Short Run</i>	1
<i>Graw, E. / Streit, M. E., „Halbstrenge“ Effizienz des Terminkontraktmarktes für Währungen. Ein an Mustervorhersagen orientierter Test</i>	25
<i>Hartje, V. J., Zur Erhaltung genetischer Ressourcen. Eine ökonomische Analyse von Institutionen und Instrumenten</i>	229
<i>Helmedag, F., Long-Run and Short-Run Demand Response, Discount Rate, and Pricing</i>	275
<i>Jahnke, W., Simulation verschiedener Strategien zur Verringerung der Arbeitslosigkeit</i>	557
<i>Kirchgässner, G., Überprüfung der Hypothese rationaler Erwartungen anhand von Popularitätsdaten. Eine Untersuchung für die Bundesrepublik Deutschland, 1971 - 1982</i>	363
<i>Kraft, K., Wettbewerbssituation und Marktzutrittsbarrieren bei spezifischen Qualifikationen</i>	387
<i>Rahmeyer, F., Der Zusammenhang zwischen Lohn-, Produktivitäts- und Preisstruktur im verarbeitenden Gewerbe</i>	467
<i>Ronning, G., Ökonometrische Analyse dynamischer Anteilsgleichungen</i>	605
<i>Rudolph, B. / Wondrak, B., Modelle zur Planung von Zinsänderungsrisiken und Zinsänderungschancen</i>	337

<i>Schmitt, G.</i> , „Renationalisierung“ der gemeinsamen Agrarpolitik — ein Ausweg aus der Krise?	253
<i>Siebert, H.</i> , Allokationseffekte von Importbeschränkungen. Eine Anmerkung	509
<i>v. Suntum, U.</i> , Internationale Wettbewerbsfähigkeit einer Volkswirtschaft. Ein sinnvolles wirtschaftspolitisches Ziel?	495
<i>Tietzel, M.</i> , Moral und Wirtschaftstheorie	113
<i>Wolters, J.</i> , Preiserwartungen der Unternehmer. Eine empirische Untersuchung anhand der Ifo-Salden	579
<i>Zimmermann, K.</i> , Beschäftigungspolitik mit der Umwelt? Eine angebotsorientierte Kritik und umweltpolitische Perspektive	41
<i>Zinn, G.</i> , Zur Frühgeschichte des „theoretischen Interventionismus“. Zugleich eine Erinnerung an Heinrich Ludwig Lampert Gall (1794 - 1863)	139

Diskussion

<i>Kromphardt, J.</i> , Die Phillipskurve bei informierter Erwartungsbildung. Replik zu den Bemerkungen von O. Landmann	73
<i>Landmann, O.</i> , Die Phillipskurve bei ‚informierter‘ Erwartungsbildung. Bemerkungen zu einem theoretischen Ansatz von Kromphardt	63
<i>Ramb, B.-Th.</i> , Arbeitsangebotseffekte regulierter Beschäftigungszeitverkürzungen. Erwiderung zu einer Kritik	181
<i>Scherl, H.</i> , Arbeitsangebotseffekte regulierter Beschäftigungszeitverkürzungen. Kritische Anmerkungen zu einem Beitrag von Ramb	167
<i>Vaubel, R.</i> , Competing Currencies: In Case for Free Entry. Reply to Martin Hellwig	623

Buchbesprechungen

<i>Agarwal, Jamuna / Hans P. Glismann / Peter Nunnenkamp</i> : Ölpreisschocks und wirtschaftliche Entwicklung. Anpassungsprobleme in der Dritten Welt (<i>H. Berg</i>)	291
--	-----

Amstad, Alois: Das Werk von Götz Briefs als Beitrag zu Sozialwissenschaft und Gesellschaftskritik aus der Sicht christlicher Sozialphilosophie (<i>O. v. Nell-Breuning</i>)	629
Bahadir, Sefik Alp: Theorien und Strategien der regionalen Wirtschaftsintegration von Entwicklungsländern (<i>R. J. Langhammer</i>)	424
Bauer, Felix: Datenanalyse mit SPSS (<i>L. Fusková</i>)	314
Bauer, P. T.: Reality and Rhetoric: Studies in the Economics of Developments (<i>W. Lachmann</i>)	654
Berninghaus, Siegfried: Das „Multi-Armed-Bandit“-Paradigma (<i>A. Wenig</i>)	422
Besch, M. / F. Kühlmann / G. Lorenz (Hrsg.): Vermarktung und Beratung (<i>W.-P. Zingel</i>)	528
Böckenhoff, E. / H. Steinhauser / W. von Urff: Landwirtschaft unter veränderten Rahmenbedingungen (<i>Th. Dams</i>)	215
Braun, Claudia, Freiin von: Geldmengenpolitik und Umlaufgeschwindigkeit — eine strukturorientierte Analyse für die Bundesrepublik Deutschland (<i>J. Siebke</i>)	532
Buhr, Walter / Reinhard Pauck: Stadtentwicklungsmodelle. Analytische Instrumente empirisch orientierter Simulationsansätze zur Lösung von Projektions- und Planungsproblemen der Städte (<i>P. Klemmer</i>) ...	197
Buttler, Günter / Heinrich Dickmann / Elmar Helten / Friedrich Vogel (Hrsg.): Statistik zwischen Theorie und Praxis (<i>H. Gollnick</i>)	670
Cipolla, Carlo M. (Hrsg.) / Knut Borchardt (Hrsg. d. deutschen Ausgabe): Europäische Wirtschaftsgeschichte (<i>H. Witthöft</i>)	657
Claasen, Jens-Uwe: Die Entwicklung der kategorialen Einkommensverteilung. Theoretische und komparativ-empirische Analysen für die Bundesrepublik Deutschland und die Skandinavischen Länder Dänemark, Norwegen und Schweden im Zeitraum 1950 bis 1980 (<i>K. Löbbecke</i>)	525
Cox, Helmut / Uwe Jens / Kurt Markert (Hrsg.): Handbuch des Wettbewerbs. Wettbewerbstheorie — Wettbewerbspolitik — Wettbewerbsrecht (<i>D. Piekenbrock</i>)	316
Cuyler, A. J. / B. Horisberger (Eds.): Economic and Medical Evaluation of Health Care Technologies (<i>J. Bagus</i>)	299
van Daal, J. / A. H. Q. Merkies: Aggregation in Economic Research. From Individual to Macro Relation (<i>A. Wenig</i>)	325
Deutler, T. / M. Schaffranek / D. Steinmetz: Statistik-Übungen im wirtschaftswissenschaftlichen Grundstudium (<i>R. Wiegert</i>)	323

Dichmann, Werner: Nationalökonomie und Realität. Grundzüge einer historischen Theorie und Politik des sozialen Handelns (<i>W. Meyer</i>)	308
Ellinger, Theodor: Operations Research — Eine Einführung (<i>K.-P. Kistner</i>)	287
Ernst, Erwin: International Commodity Agreements. The System of Controlling the International Commodity Market (<i>E. Birnstiel</i>)	105
Fahrmeir, L. / A. Hammerle (Hrsg.): Multivariate statische Verfahren (<i>G. Hansen</i>)	94
Gaab, Werner: Devisenmärkte und Wechselkurse. Eine theoretische und empirische Analyse (<i>G. Heiduk</i>)	88
Göbel, Dieter: Lebenseinkommen und Erwerbsbiographie. Eine Längsschnittuntersuchung mit Daten der gesetzlichen Rentenversicherung (<i>H. Winterstein</i>)	293
Göppel, Herrmann / Rudolf Henn (Hrsg.): Geld, Banken und Versicherungen (<i>W. Gebauer</i>)	77
Göttinger Arbeitskreis (Hrsg.): Wirtschaftsverfassung und Wirtschaftspolitik der DDR (<i>K.-H. Hartwig</i>)	518
Grosskopf, Werner / Manfred Köhne (Hrsg.): Einkommen in der Landwirtschaft — Entstehung — Verteilung, Verwendung und Beeinflussung (<i>A. Henze</i>)	661
Habig, Gutmann: Möglichkeiten und Grenzen einer Kontrolle internationaler Rohstoffmärkte durch Entwicklungsländer. Das Beispiel des Kupfer- und Aluminiummarktes (<i>G. Wagenhals</i>)	295
Haller, Heinz: Die Steuern. Grundlinien eines rationalen Systems öffentlicher Abgaben (<i>J. Hackmann</i>)	431
Hauser, Heinz / Jürg H. Sommer: Kostendämpfung im Gesundheitswesen in den USA, in Kanada und in der Bundesrepublik Deutschland. Ansatzpunkte für die schweizerische Reformdiskussion (<i>K.-D. Henke</i>)	523
Heilmann, Martin: Lorenz von Stein und die Grundprobleme der Steuerlehre (<i>F. Neumark</i>)	630
Hertz-Eichenrode, Dieter: Wirtschaftskrise und Arbeitsbeschaffung (<i>C.-L. Holtfrerich</i>)	102
Hesse, Helmut / Erich Streissler / Günther Tichy (Hrsg.): Außenwirtschaft bei Ungewißheit (<i>H.-J. Heinemann</i>)	667

von Hippel, Eike: Der Schutz des Schwächeren (<i>R. Weimar</i>)	632
Holzmann, Robert: Lebenseinkommen und Verteilungsanalyse. Ein methodischer Rahmen zur Neuorientierung der Verteilungspolitik (<i>P. Weiss</i>)	426
Irle, Martin in collaboration with Lawrence B. Katz (Eds.): Studies in Decision Making. Social Psychological and Socio-Economic Analyses (<i>B. Strümpel</i>)	209
Käsmeier, Josef H.: Euromärkte und nationale Finanzmärkte. Eine Analyse ihrer Interdependenz (<i>W. Hennerkes</i>)	304
Kirchgässner, Gebhard: Optimale Wirtschaftspolitik und die Erzeugung politisch-ökonomischer Konjunkturzyklen (<i>W. Meißner</i>)	430
Köhler, Klaus: Geldwirtschaft. Dritter Band (<i>R. Caesar</i>)	648
Köhler, Peter A. / Hans F. Zacher (Hrsg.): Ein Jahrhundert Sozialversicherung in der Bundesrepublik Deutschland, Frankreich, Großbritannien, Österreich und der Schweiz (<i>W. Schmähl</i>)	98
Köhler, Peter A. / Hans F. Zacher (Hrsg.): Beiträge zu Geschichte und aktueller Situation der Sozialversicherung (<i>W. Schmähl</i>)	98
Klodt, Henning: Produktionsschwächen in der deutschen Wirtschaft (<i>F. Rahmeyer</i>)	85
Kozma, Ferenc: Economic Integration and Economic Strategy (<i>D. Lorenz</i>)	289
Krelle, W.: Theorie des wirtschaftlichen Wachstums (<i>H. Walter</i>)	661
Krelle, W. / D. Elixmann / H. Joerg / H. Kreuer / H. T. Sarrazin: Der „Maschinenbeitrag“. Gesamtwirtschaftliche Auswirkungen alternativer Bemessungsgrundlagen für die Arbeitgeberverbände zur Sozialversicherung (<i>H. Lampert</i>)	643
Lampert, Heinz: Lehrbuch der Sozialpolitik (<i>Ph. Herder-Dorneich</i>)	640
Machlup, Fritz, Gerhard Fels und Hubertus Müller-Groeling (Eds.): Reflection on an Troubled World Economy. Essays in Honour of Herbert Giersch (<i>Th. Pütz</i>)	211
Majer, Helge (Hrsg.): Qualitatives Wachstum. Einführung in die Konzeptionen der Lebensqualität (<i>M. Tietzel</i>)	521
Maunder, Allen / Kazushi Ohkawa (Eds.): Growth and Equity in Agricultural Development (<i>A. Henze</i>)	92
Meimberg, Rudolf: Zum rationalen Gehalt gesellschaftlicher Leitbilder und Zielvorstellungen. Fragen — Möglichkeiten (<i>E. Tuchtfeldt</i>)	307

Neumann, Carl Wolfgang: Allgemeine Wettbewerbstheorie und Preismißbrauchsaufsicht. Das Ordo-Dynamische Wettbewerbskonzept — und Preismißbrauchsaufsicht nach § 22 GWB und Art. 86 EWG-Vertrag über marktbeherrschende Unternehmen, unter besonderer Berücksichtigung von Fortschrittsleistungen (<i>H.-H. Barnikel</i>)	416
Neumann, G. R. u. a. (Hrsg.): Studies in Labor Market Dynamics (<i>G. Ronning</i>)	640
Paaß, Gerhard: Prognose und Asymptotik Bayesscher Modelle (<i>M. Lösch</i>)	541
Pfeiffer, Rolf / Helmut Lindner (Hrsg.): Systemtheorie und Kybernetik in Wirtschaft und Verwaltung (<i>M. Fröhlich</i>)	96
von Rabenau, Kurt: Einkommensverteilung in Entwicklungsländern — Wirtschaftspolitische Einflußmöglichkeiten (<i>H.-P. Nissen</i>)	204
Rasmussen, Thomas: Sektorale Strukturpolitik in der Bundesrepublik Deutschland (<i>A. Beyer</i>)	189
Ritter, Gerhard A.: Sozialversicherung in Deutschland und England — Entstehung und Grundzüge im Vergleich (<i>W. Schmähl</i>)	98
Röhling, Wolfgang: Ökonometrische Systeme mit variablen Strukturen. Die Konstruktion adaptiver lernfähiger Systeme als Möglichkeit zur Weiterentwicklung der ökonomischen Modellbildung (<i>H. Lauenstein</i>)	297
Rüstow, Hanns-Joachim: Neue Wege zur Vollbeschäftigung. Das Versagen der ökonomischen Theorie (<i>H. Arndt</i>)	201
Schäfer, H.-B.: Landwirtschaftliche Akkumulationslasten und industrielle Entwicklung (<i>E.-S. El-Shagi</i>)	319
Schäfer, H.-B.: Landwirtschaftliche Akkumulationslasten und industrielle Entwicklung (<i>H. de Haen</i>)	646
Schäfer, Wolf (Hrsg.): Schattenökonomie. Theoretische Grundlagen und wirtschaftspolitische Konsequenzen (<i>E. Küng</i>)	294
Schaich, E. / A. Hammerle: Verteilungsfreie statistische Prüfverfahren. Eine anwendungsorientierte Darstellung (<i>K. Ringwald</i>)	517
Schmidt, Klaus-Dieter: Arbeitsmarkt und Bildungspolitik, Kieler Studien, hrsg. v. H. Giersch, Bd. 187 (<i>W. Rippe</i>)	635
Seidl, C. (Hrsg.): Lectures on Schumpeterian Economics (<i>E. März</i>)	650
Seifert, Ekkehard: Privilegierung und Regulierung im Bankwesen (<i>W. D. Becker</i>)	193
Smith, Eric Owen: The West German Economy (<i>J. E. Adams</i>)	534

Steinmann, Günter (Hrsg.): <i>Economic Consequences of Population Change in Industrialized Countries</i> (K. Jaeger)	536
Ströbele, Wolfgang: <i>Wirtschaftswachstum bei begrenzten Energieressourcen</i> (W. Reiß)	207
Tenbruck, Friedrich H.: <i>Die unbewältigten Sozialwissenschaften oder: Die Abschaffung des Menschen</i> (M. Tietzel)	82
Waibl, Elmar: <i>Ökonomie und Ethik — Die Kapitalismusdebatte in der Philosophie der Neuzeit</i> (H. Scherf)	539
Wagner, Helmut: <i>Inflation und Wirtschaftswachstum. Zum Einfluß von Inflation auf die Akkumulationsrate</i> (J. Kromphardt)	531
Wiemeyer, Joachim: <i>Krankenhausfinanzierung und Krankenhausplanung in der Bundesrepublik Deutschland</i> (G. Neubauer)	415
Zacher, Hans F. (Hrsg.): <i>Bedingungen für die Entstehung und Entwicklung von Sozialversicherung</i> (W. Schmähl)	98
Zohlnhöfer, Werner (Hrsg.): <i>Wachstumsminderung und soziale Gerechtigkeit</i> (S. F. Franke)	79

Verzeichnis der Mitarbeiter

Abel, U.	15
Adams, J. E.	534
Arndt, H.	201
Bagus, J.	299
Barnikel, H.-H.	416
Becker, W. D.	193
Berg, H.	291
Beyer, A.	189
Birnstiel, E.	105
Boing, G.	15
Caesar, R.	648
Dams, Th.	215
El-Shagi, E.-S.	319
Farmer, K.	441
Franke, S. F.	79
Fröhlich, M.	96
Fuskovà, L.	314
Gärtner, M.	1
Gebauer, W.	77
Gollnick, H.	670
Graw, E.	25
Hackmann, J.	431
Haen, de H.	646
Hansen, G.	94
Hartje, V. J.	229
Hartwig, K.-H.	518
Heiduk, G.	88
Heinemann, H.-J.	667
Helmedag, F.	275

Hennerkes, W.	304
Henke, K.-D.	523
Henze, A.	92, 661
Herder-Dorneich, Ph.	640
Holtfrerich, C.-L.	102
Jaeger, K.	536
Jahnke, W.	557
Kirchgässner, G.	363
Kistner, K.-P.	287
Klemmer, P.	197
Kraft, K.	387
Kromphardt, J.	73, 531
Küng, E.	294
Lachmann, W.	654
Lampert, H.	643
Landmann, O.	63
Langhammer, R. J.	424
Lauenstein, H.	297
Löbbe, K.	525
Lösch, M.	541
Lorenz, D.	289
März, E.	650
Meißner, W.	430
Meyer, W.	308
Nell-Breuning, O. v.	629
Neubauer, G.	415
Neumark, F.	630
Nissen, H.-P.	204
Piekenbrock- D.	316
Pütz, Th.	211
Rahmeyer, F.	85, 467
Ramb, B.-Th.	181
Reiß, W.	207
Rippe, W.	635
Ringwald, K.	517

Ronning, G.	605, 640
Rudolph, B.	337
Scherf, H.	539
Scherl, H.	167
Schmähl, W.	98
Schmitt, G.	253
Siebert, H.	509
Siebke, J.	532
Streit, M. E.	25
Strümpel, B.	209
Suntum, U. v.	495
Tietzel, M.	82, 113, 521
Tuchtfeldt, E.	307
Vaubel, R.	623
Wagenhals, G.	295
Walter, H.	661
Weimar, R.	632
Weiss, P.	426
Wenig, A.	325, 422
Wiegert, R.	323
Winterstein, H.	293
Witthöft, H.	657
Wondrak, B.	337
Wolters, J.	579
Zimmermann, K.	41
Zingel, W.-P.	528
Zinn, G.	139

Modelle zur Planung von Zinsänderungsrisiken und Zinsänderungschancen

Von Bernd Rudolph und Bernhard Wondrak*

Zunehmende Zinsfluktuationen haben in den letzten Jahren zu wachsenden Rendite- und Vermögensrisiken aus Anlagen in festverzinslichen Wertpapieren geführt. Anlagestrategien, die die mittlere Kapitalbindungsdauer als Portefeuilleauswahlkriterium benutzen (sog. Duration-Strategien), können eine Immunisierung des Wertpapierportefeuilles gegen Zinsänderungsrisiken bewirken. Solche Immunisierungsstrategien implizieren aber eine extreme Risikoaversion des Investors. Der hier vorgestellte Ansatz vermeidet diese Annahme und ermöglicht die Entwicklung von Instrumenten zur flexiblen Chancen-Risiken-Steuerung von Festzinsportefeuilles.

A. Problemstellung

Obwohl Anlagen in festverzinslichen Wertpapieren gemeinhin als besonders risikoarm angesehen werden, unterliegen sie bestimmten Risiken.

Gegenstand des vorliegenden Beitrags ist ausschließlich das Zinsänderungsrisiko als das für festverzinsliche Wertpapiere typische Risiko. Bei der Berücksichtigung dieses Risikos in der Portefeuilleplanung wird davon ausgegangen, daß der Anleger keine zuverlässigen Informationen über die zukünftige Marktzinsentwicklung hat. Dieser unvollkommene Informationsstand wird in der Annahme präzisiert, daß der Anleger bei seinen Dispositionen keine speziellen Zinsprognosen berücksichtigt, sondern das Anlageproblem als Entscheidungsproblem bei Unsicherheit im engeren Sinne betrachtet.

Zur Lösung solcher Portefeuilleplanungsprobleme bei Unsicherheit sind in der Anlagepraxis und in der Literatur Anlagestrategien mit dem Ziel entwickelt worden, durch Mischung von Wertpapieren mit unterschiedlichen Restlaufzeiten das Zinsänderungsrisiko zu begrenzen.¹ Die Rationalität dieser als Laufzeitstrategien bekannten Anlageempfehlungen ist allerdings nicht gesichert.²

* Die Verfasser arbeiten an einem von der Deutschen Forschungsgemeinschaft geförderten Forschungsprojekt über spezielle Verfahren zur Immunisierung von Portefeuilles festverzinslicher Wertpapiere.

¹ Vgl. Cheng (1962), Wolf (1969), Crane (1971), Fisher / Weil (1971), Watson (1972), Bradley / Crane (1975) und Fogler / Groves / Richardson (1977).

² Vgl. Bühler (1983), 116 - 131.

Entscheidungstheoretisch fundiert sind dagegen die auf der sogenannten „Duration“ als Kennzahl der mittleren Restlaufzeit von Wertpapieranlagen aufbauenden *Immunisierungsstrategien*, die zu Wertpapierportefeuilles führen, deren Anlageergebnisse von möglicherweise eintretenden, aber nicht abschätzbaren Änderungen des Zinsniveaus und/oder der Zinsstruktur nicht negativ beeinflußt werden. Auf dem Konzept dieser Immunisierungsstrategien, das im Teil B zusammenfassend dargestellt und als Anlageempfehlung für sehr risikoscheue Wertpapierkäufer empfohlen wird, baut die Idee einer Risiko-Chancen-Planung von Wertpapierportefeuilles auf, die eine Immunisierung der Anlageergebnisse auf einer vom Anleger vorgegebenen Mindestrendite zuläßt. Im Teil C wird mit der Entwicklung eines Modells zur *Teilimmunisierung* des Anlageergebnisses gegenüber unvorhergesehenen Marktzinsänderungen ein Vorschlag zur Portefeuilleplanung für Wertpapieranleger formuliert, die keine extreme Risikoscheu in der Weise zeigen, daß sie Risiken aus Marktzinsänderungen auch bei entgegenstehenden Zinsänderungschancen mit allen Mitteln zu vermeiden trachten. Das Ziel der Anleger besteht vielmehr in der Maximierung der Zinsänderungschancen bei einer festen Begrenzung der Zinsänderungsrisiken. Im Teil D werden mögliche Weiterentwicklungen, Modifikationen und Anwendungsmöglichkeiten der entwickelten Teilimmunisierungsstrategie aufgezeigt.

B. Das Grundmodell der Immunisierung

1. Begriff und Entwicklung des Duration-Konzepts

Jede Einzahlung aus einer Kapitalanlage unterliegt einem Zinsänderungsrisiko, sofern der Anleger die Zahlungsmittel nicht unmittelbar zum Zahlungszeitpunkt entnimmt. Geht man beispielsweise davon aus, daß der Anleger am Ende seiner Planungsperiode über das Portefeuillevermögen in einem Betrag verfügen will, dann unterliegen alle Zins- und Tilgungszahlungen, die nicht genau zum Planungshorizont erfolgen, dem Zinsänderungsrisiko. Der Einfluß einer möglichen Zinsänderung auf den Wert einer Einzahlung ist dabei um so größer, je weiter der Einzahlungstermin vom Planungshorizont entfernt ist.

Berechnet man für ein Wertpapier oder ein Wertpapierportefeuille mit unterschiedlichen Einzahlungszeitpunkten einen gewichteten Mittelwert der Fälligkeitszeitpunkte, so kann der Abstand D dieses Mittelwertes vom Planungshorizont bzw. einem anderen Bezugszeitpunkt als Indikator für die Zinsempfindlichkeit der Vermögensanlage herangezogen werden.

*Macaulay*³ hat diesen Indikator D entdeckt, als Duration bezeichnet und ihn als skalares Maß zur Erfassung der Zeitstruktur der Zahlungen aus einer

Kuponanleihe in die Literatur eingeführt. Von *Redington*⁴ stammt der Begriff der Immunisierung. Redington hat in einem Beitrag zur Anlagepolitik von Versicherungsunternehmen gezeigt, daß die Nettoposition der Barwerte der Schaden- und Prämienzahlungen von Versicherungen dann gegen Zinsänderungen immun ist, wenn die Duration-Werte beider Zahlungsströme gleich sind und die Streuung der Fälligkeitstermine des Prämienstroms nicht kleiner ist als die Streuung der Zeitpunkte der Schadenzahlungen. Wesentliche Impulse erhielt die Forschung zur Immunisierung von Wertpapieranlagen gegen nicht antizipierte Zinsänderungen mit der Arbeit von *Fisher* und *Weil*⁵, die zeigen konnten, daß das Zinsänderungsrisiko für Anlagen in festverzinslichen Wertpapieren mit der Duration-Strategie weitgehend eliminiert werden kann. *Hopewell* und *Kaufman*⁶ verwendeten die Duration-Kennzahl eines Festzinspapiers als Proportionalitätsfaktor zur Abschätzung der Kursänderungen des Titels bei kleinen Marktzinsänderungen.⁷

Heute haben sich für die Duration-Analyse zwei Hauptanwendungsbereiche herausgebildet:

1. Mit Hilfe von Duration-Analysen wird die Zinsempfindlichkeit des Marktwertes von Unternehmen abgeschätzt und gesteuert.⁸
2. Die Duration-Analyse wird als Steuerungskonzept in der Portefeuilleplanung zur Immunisierung gegen unverhoffte Zinsänderungsrisiken eingesetzt.⁹

Die Weiterentwicklung der Duration-Analyse setzt an einem Kritikpunkt an, der es zweckmäßig erscheinen läßt, zunächst die formale Herleitung einer Immunisierungsstrategie zu betrachten, damit die Prämissen einer solchen theoretischen Analyse hervorgehoben werden können.

³ Vgl. *Macaulay* (1938). Macaulay benutzt in seiner empirischen Arbeit den Effektivzins der untersuchten Anleihen statt des Marktzinses als Diskontsatz. Vgl. dazu die Kritik von *Carr / Halpern / McCallum* (1974) und *Rudolph* (1979).

⁴ Vgl. *Redington* (1952).

⁵ Vgl. *Fisher / Weil* (1971).

⁶ Vgl. *Hopewell / Kaufman* (1973).

⁷ Einen guten Überblick über die früheren Arbeiten zur Duration-Analyse findet man bei *Weil* (1973).

⁸ Die Duration-Kennzahl zur Abschätzung von Marktzinsrisiken von Banken benutzen *Grove* (1974) und in jüngster Zeit *Kaufman / Malliaris* (1983). In der deutschsprachigen Literatur beschäftigen sich vor allem *Rudolph* (1979), (1981b) und *Schmidt* (1979), (1981) mit der Anwendung der Duration-Analyse auf die Planung der Finanzintermediäre.

⁹ Einen Überblick über die amerikanische Literatur findet man bei *Weil* (1973), *Ingersoll / Skelton / Weil* (1978) und besonders *Bierwag / Kaufman / Toevs* (1983a). Aus der deutschsprachigen Literatur sind die Beiträge von *Rudolph* (1981), *Uhlir / Steiner* (1983), *Bühler* (1983) und *Albrecht* (1984) zu nennen.

2. Ableitung einer Immunisierungsstrategie

Ein Kapitalanleger plant in $t = 0$ eine Anlage seines Vermögens V_0 in festverzinslichen Wertpapieren. Diese Anlage soll gegen Wertverluste aus zwischenzeitlich eintretenden nicht antizipierten Marktzinsänderungen immunisiert werden. Das Anlageergebnis wird im Planungshorizont T als gesamtes Portefeuilleendvermögen festgestellt. Die Anlagestrategie wird unter Berücksichtigung folgender Annahmen entwickelt:

1. Es herrscht eine flache Marktzinskurve, d.h. die Höhe des Marktzinses i_0 ist von der Restlaufzeit der Wertpapiere unabhängig.
2. Im Planungszeitraum kann eine einzige Marktzinsänderung eintreten. Dieser Zinsschock kann nur unmittelbar nach der Anlage der Mittel, also kurz nach $t = 0$ erfolgen.
3. Das Ausmaß der ex ante unbekannten Zinsänderung in Prozentpunkten beträgt $\lambda \gtrless 0$.
4. Der Anleger löst das Portefeuille im Planungshorizont T auf. Dem Portefeuille werden zwischenzeitlich keine Beträge entnommen. Zwischenzeitliche Zins- und Tilgungszahlungen werden zum neuen Marktzins bis zum Planungshorizont T wieder angelegt.
5. Terminverträge zur sicheren Wiederanlage der zwischenzeitlichen Zins- und Tilgungszahlungen zum geltenden Marktzins i_0 sind nicht möglich.
6. Es fallen keine Transaktionskosten oder Steuern an. Mögliche Ganzzahligkeitsbedingungen sowie Mindest- oder Höchstbeträge der Anlage sind nicht zu beachten.

Das Wertpapierportefeuille des Anlegers ist gegen mögliche Marktzinsänderungen λ dann immunisiert, wenn das Endvermögen nach der möglichen Zinsänderung $V_T(\lambda)$ nicht kleiner ist als das im Planungszeitpunkt $t = 0$ zum Zinssatz i_0 berechnete Endvermögen $V_T(0)$. Die Immunisierungsbedingung lässt sich formal also angeben als

$$(1) \quad V_T(\lambda) \geq V_T(0) \quad \text{für } \lambda \gtrless 0 .$$

Das zum Zeitpunkt $t = 0$ berechnete Endvermögen $V_T(0)$ entspricht dem mit dem Marktzins i_0 aufgezinsten Anfangsvermögen V_0 und ist gleich dem Gegenwartswert¹⁰ der Zahlungen aus der Vermögensanlage im Zeitpunkt T . Erfolgen solche Zahlungen C_t vom Zeitpunkt 1 bis zum Zeitpunkt $N > T$, so gilt¹¹

¹⁰ Zum Begriff des Gegenwartswertes vgl. Hax (1979), 12.

¹¹ Zahlungen zum Zeitpunkt 0, die als Kassenhaltung interpretiert werden können, schließen wir hier der Einfachheit halber aus.

$$(2) \quad V_T(0) = (1 + i_0)^T V_0 = \sum_{t=1}^N C_t (1 + i_0)^{T-t} = (1 + i_0)^T \sum_{t=1}^N C_t (1 + i_0)^{-t}.$$

Eine Zinsänderung λ nach Anlage der Mittel wird den Gegenwartswert der Vermögensanlage zum Zeitpunkt T im allgemeinen verändern, der sich nun aus

$$(3) \quad V_T(\lambda) = \sum_{t=1}^N C_t (1 + i_0 + \lambda)^{T-t}$$

berechnet.

- a) Tritt keine Zinsänderung ein ($\lambda = 0$), so gilt natürlich $V_T(\lambda) = V_T(0)$ und die Bedingung (1) ist erfüllt.
- b) Die Immunisierungsbedingung (1) ist für infinitesimale Zinsänderungen aber auch erfüllt, wenn die Änderung der Funktion (3) gegenüber (2) bei einer Zinsänderung um λ gleich Null ist. Leitet man (3) nach λ ab und setzt die Ableitung gleich Null (Immunisierungsbedingung), so erhält man

$$(4) \quad \frac{dV_T(\lambda)}{d\lambda} = \sum_{t=1}^N (T-t) C_t (1 + i_0 + \lambda)^{T-t-1} = 0.$$

Unter Berücksichtigung von (2) erhält man aus (4) für den Marktzins i_0 ($\lambda = 0$) die Immunisierungsbedingung

$$(5) \quad T = \frac{1}{V_0(0)} \sum_{t=1}^N t C_t (1 + i_0)^{-t},$$

mit $V_0(0) = \sum_{t=1}^N C_t (1 + i_0)^{-t} = V_0$ als Vermögensanlagebetrag.

In (5) stellt die rechte Seite die Duration D der Vermögensanlage dar. Die Duration der Vermögensanlage ist ein gewichteter Durchschnitt der Abstände $t = 1, 2, \dots, N$ der Einzahlungszeitpunkte vom Bezugszeitpunkt $t = 0$, wobei die Barwertanteile der verschiedenen Einzahlungsbezüge am Gesamtwert $V_0(0)$ der Einzahlungsreihe als Gewichtungsfaktoren dienen. Die Immunisierungsbedingung ist erfüllt, so daß das Endvermögen des Anlegers im Zeitpunkt T nach einer Zinsänderung λ nicht vom Endvermögen ohne Zinsänderung abweicht, wenn die Anlage so gewählt wird, daß ihre Duration D der Zeit T bis zum Planungshorizont entspricht.

- c) Schließlich ist die Immunisierungsbedingung (1) dann erfüllt, wenn zwar $V_T(\lambda) \neq V_T(0)$ ist, die Vermögensänderung aber unabhängig von der

Richtung der Zinsänderung stets positiv ist, weil $V_T(\lambda) > V_T(0)$ für $\lambda \geq 0$ gilt. Wegen

$$\frac{d^2 V_T(\lambda)}{d\lambda^2} = \sum_{t=1}^N (T-t)(T-t-1) C_t (1+i_0 + \lambda)^{T-t-2} > 0 \quad ^{12}$$

hat $V_T(\lambda)$ für $\lambda = 0$ ein Minimum, wenn $T = D$, d. h. (5) gilt.

3. Eine Beispielrechnung

Ein Kapitalanleger plant den Erwerb festverzinslicher Wertpapiere und will dabei den im Planungszeitpunkt $t = 0$ geltenden Marktzinssatz in Höhe von $i_0 = 0,1$ bis zu seinem Planungshorizont $T = 5$ absichern. Das Anfangsvermögen beträgt $V_0 = 100\,000$ DM, der Anleger nimmt keine zwischenzeitlichen Entnahmen vor. Das Portefeuille kann aus zwei Kuponanleihen gebildet werden. Anleihe A hat eine Restlaufzeit von zwei Jahren, Anleihe B wird in zehn Jahren fällig. Die Rückzahlungen erfolgen jeweils zu 100 %. Beide Papiere sind mit einer Nominalverzinsung von 10 % ausgestattet und notieren am Planungsbeginn beim Marktzins von $i_0 = 0,1$ zu pari. In $t = 0$ lassen sich für die beiden Titel A und B die Duration-Werte D_A und D_B berechnen:

$$D_A = \frac{1}{100} \left[1 \cdot \frac{10}{1,1} + 2 \cdot \frac{110}{1,1^2} \right] \approx 1,91 \quad \text{und}$$

$$D_B = \frac{1}{100} \left[1 \cdot \frac{10}{1,1} + 2 \cdot \frac{10}{1,1^2} + 3 \cdot \frac{10}{1,1^3} + 4 \cdot \frac{10}{1,1^4} + 5 \cdot \frac{10}{1,1^5} + 6 \cdot \frac{10}{1,1^6} \right. \\ \left. + 7 \cdot \frac{10}{1,1^7} + 8 \cdot \frac{10}{1,1^8} + 9 \cdot \frac{10}{1,1^9} + 10 \cdot \frac{110}{1,1^{10}} \right] \approx 6,76 .$$

Ein Portefeuille aus den Wertpapieren A und B hat die Duration $D = 5$, wenn der Anteil x in das Wertpapier A fließt und der Anteil $(1-x)$ in das Wertpapier B und gleichzeitig

$$x D_A + (1-x) D_B = D = 5$$

gilt. Wir erhalten das immunisierte Portefeuille mit

$$x = \frac{5,00 - 6,76}{1,91 - 6,76} = 0,363 .$$

¹² Zum formalen Beweis vgl. Rudolph (1979), 191.

Der Anleger legt seine Mittel in $t = 0$ in einem Portefeuille aus $100\ 000 \cdot x = 36\ 300$ DM Kurswert der Anleihe A und $100\ 000 \cdot (1 - x) = 63\ 700$ DM Kurswert der Anleihe B an und sichert damit die Marktrendite von 10% bis zum Planungshorizont ab. Zur Demonstration betrachten wir das Endvermögen aus dem immunisierten Portefeuille bei drei unterschiedlichen Zinsentwicklungen. Im ersten Fall sinkt der Marktzins um $\lambda = -0,02$ auf $i_1 = 0,08$, im zweiten Fall bleibt der Marktzins konstant und im dritten Fall steigt der Marktzins um $\lambda = +0,02$ auf $i_1 = 0,12$. Für das immunisierte Portefeuille $x = 0,363$ ergeben sich folgende Portefeuilleendvermögen.

Zinsentwicklung	$\lambda = -0,02$	$\lambda = 0$	$\lambda = +0,02$
$V_T(\lambda)$ in DM	161 396	161 051	161 386

Die Tabelle zeigt, daß der Anleger genau das im Planungszeitpunkt berechnete Endvermögen in Höhe von $100\ 000 \cdot 1,1^5 = 161\ 051$ DM erhält, wenn sich der Marktzins nicht ändert. Treten während des Planungszeitraums Zinsänderungen ein, so realisiert der Anleger unabhängig von der Richtung der Zinsänderung ein höheres Endvermögen als das zunächst in Höhe von 161 051 DM berechnete. Der Anleger ist also gegen Verluste aus Zinsänderungen vollständig geschützt, wenn er die abgeleitete Duration-Strategie verfolgt, die die Duration D seines Portefeuilles seinem individuellen Planungszeitraum T anzugeleichen.

4. Beurteilung der Duration-Analyse

Die Ableitung der Immunisierungsstrategie und das vorgestellte Beispiel beziehen sich auf den einfachsten und gleichzeitig wenig realistischen Fall einer Absicherung gegen Zinsänderungen. Die wesentlichen Kritikpunkte an der Strategie beziehen sich daher auf die engen Prämissen des Ansatzes:

- Es wird nur eine einzige mögliche Zinsänderung im Planungszeitraum, kurz nach $t = 0$, berücksichtigt.
- Die Marktzinskurve ist flach, d. h. es existiert ein Einheitszinssatz für alle Anlagezeiträume.
- Mögliche Zinsänderungen treten ausschließlich als parallele Verschiebung der flachen Zinskurve auf.
- Dem Portefeuille werden bis zum Planungshorizont keine Beträge entnommen.

In der Literatur sind Ansätze entwickelt worden, die die genannten engen Prämissen des Ansatzes zugunsten realistischerer Annahmen aufheben:

- *Bierwag*¹³ und *Khang*¹⁴ haben ein Verfahren zur Absicherung von Festzinsanlagen gegen Zinsänderungsrisiken auch bei mehrfacher Zinsänderung bis zum Planungshorizont entwickelt.
- Die grundsätzliche Anwendbarkeit der Duration-Analyse bei nicht flacher Zinskurve wurde schon von *Fisher / Weil*¹⁵ demonstriert. Zur Berücksichtigung nicht flacher Zinskurven wurden insbesondere für additive und multiplikative Zinsänderungsprozesse Duration-Maße konstruiert.¹⁶ Darüber hinaus sind Duration-Maße für restlaufzeitabhängige Zinsänderungsprozesse abgeleitet worden, die mögliche stärkere Schwankungen der kurzfristigen gegenüber den langfristigen Zinssätzen berücksichtigen.¹⁷
- Die oben angesprochenen und üblicherweise verwendeten Zinsänderungsprozesse sind mit der in den Immunisierungsmodellen geltenden Annahme eines vollkommenen Kapitalmarktes unverträglich, da nach einer Zinsänderung risikolose Arbitragegewinne durch Laufzeittransformationen möglich wären.¹⁸ Einen Ausweg bietet das Modell der Diffusionsprozesse, das die Arbitragebedingung erfüllt und damit die Immunisierungsmodelle mit den Gleichgewichtsmodellen des Kapitalmarktes verträglich macht.¹⁹
- Die Immunisierung von mehrfachen Entnahmen während der Planungsperiode ist generell möglich. Nach Redington haben besonders *Rudolph*²⁰ und *Bierwag / Kaufman / Toebs*²¹ diese Problemstellung aufgegriffen und entsprechende Anlagestrategien entwickelt.
- Eine besonders restriktive Annahme in den Arbeiten zur Immunisierung von Festzinsanlagen gegen Zinsänderungsrisiken besteht in der unterstellten Zielsetzung des Anlegers, alle Zinsrisiken möglichst vollständig zu eliminieren. Diese Zielsetzung impliziert eine extreme Risikoaversion

¹³ Vgl. *Bierwag* (1979) und *Bierwag / Kaufman / Toebs* (1983 c).

¹⁴ Vgl. *Khang* (1983).

¹⁵ Vgl. *Fisher / Weil* (1971).

¹⁶ Vgl. *Bierwag* (1977) und *Cooper* (1977).

¹⁷ Vgl. *Khang* (1979). Da aber auch mit komplexen Zinsänderungskonstruktionen der tatsächliche Zinsänderungsprozeß nicht immer ausreichend genau abgebildet werden kann, bleibt ein sogenanntes Restprozeßrisiko bestehen, das mit den verwendeten Duration-Kennzahl variiert und sich als Zinsverlust trotz theoretisch perfekter Immunisierung offenbart. *Bierwag / Kaufman / Toebs* (1983) und auch *Bierwag / Kaufman / Schweitzer / Toebs* (1981) vergleichen unterschiedliche Duration-Kennzahlen bezüglich des Restprozeßrisikos. *Fong / Vasicek* (1983) und (1984) zeigen eine Möglichkeit zur Reduktion des Restprozeßrisikos unabhängig von den verwendeten Duration-Kennzahlen auf.

¹⁸ Auf diesen Effekt haben erstmals *Ingersoll / Skelton / Weil* (1978) hingewiesen.

¹⁹ Vgl. *Albrecht* (1984).

²⁰ Vgl. *Rudolph* (1981).

²¹ Vgl. *Bierwag / Kaufman / Toebs* (1983 c).

des Anlegers. *Bierwag / Khang*²² haben die Duration-Strategie daher entscheidungstheoretisch als Minimax-Strategie charakterisiert. Weicht aber die Risikoeinstellung des Anlegers vom „pathologischen Pessimismus“²³ ab, so ist für ihn die Zinsimmunisierung keine optimale Strategie mehr.²⁴ Ein nicht extrem risikoscheuer Anleger ist immer bereit, gewisse Zinsänderungsrisiken zu übernehmen, wenn sich ihm dafür hinreichend große Zinsänderungschancen bieten.

Will man differenzierte Risikoeinstellungen bei der Wertpapieranlage berücksichtigen, dann muß der Grad der Risikoaversion des Anlegers in der Zielfunktion des Modells quantifiziert werden, wobei die Form der Quantifizierung davon abhängig ist, ob der Anleger Prognosen über die zukünftige Zinsentwicklung berücksichtigt oder nicht. In einem Anlagemodell bei Risiko, das also von gegebenen Zinsprognosen ausgeht, zeigen *Bierwag / Kaufman / Toevs*²⁵, wie mit Hilfe der Duration-Analyse für einen nicht extrem risikoscheuen Anleger die optimale Strategie bestimmt werden kann. Das Risiko wird in diesem Modell als Standardabweichung von der erwarteten Rendite über die Planungsperiode gemessen.

Einen anderen Weg zur Berücksichtigung unterschiedlicher Risikoeinstellungen beschreiten *Leibowitz / Weinberger*²⁶, in deren dynamischem Modell der Anleger die Risikoeinstellung als eine nicht zu unterschreitende Mindestrendite vorgibt. Der Anleger wählt am Planungsbeginn entsprechend seiner Zinserwartung ein bestimmtes nicht immunisiertes Portefeuille. Erfüllen sich seine Zinserwartungen, dann realisiert er Zinsgewinne. Stellt sich die Zinsprognose als falsch heraus, dann treten Zinsverluste ein, die jedoch durch die spezielle Immunisierung bei Erreichen der vorgegebenen Mindestrendite auf einen von vornherein begrenzten Betrag beschränkt sind. Nicht optimal gelöst ist in diesem Modell die Frage des Erkennens des Zeitpunkts, an dem die Immunisierung des Portefeuilles erfolgen muß, da das bedingt immunisierte Portefeuille ein größeres als das vom Anleger akzeptierte Risikopotential aufweist und eine Limitierung der Zinsänderungsspanne in dem Modell nicht vorgesehen ist.²⁷

Dieser Mangel kann ausgeschaltet werden, wenn das Anfangsportefeuille bereits in der Weise zusammengestellt wird, daß die Mindestrendite unabhängig von der tatsächlich eintretenden Zinsänderung nicht unterschritten werden kann und so das Zinsrisiko auf der Basis der Mindestrendite perfekt abgesichert wird. Im folgenden Abschnitt wird daher ein Verfahren zur

²² Vgl. *Bierwag / Khang* (1979) und *Khang* (1983).

²³ *Bamberg / Coenenberg* (1985), 101.

²⁴ Vgl. *Grove* (1974), 703 - 704.

²⁵ Vgl. *Bierwag / Kaufman / Toevs* (1983a), 136 - 142.

²⁶ Vgl. *Leibowitz / Weinberger* (1982) und (1983).

²⁷ Vgl. *Wondrak* (1986), 143 - 166.

Ermittlung der optimalen Anlagestrategie für einen nicht extrem risikoaversen Anleger entwickelt, der seine Risikoeinstellung durch die Vorgabe einer Mindestrendite über die Planungsperiode bzw. als Mindestendvermögen am Ende seiner Planungsperiode angeben kann.

C. Ein Modell zur Risiko-Chancen-Steuerung der Anlage in Festzinstiteln

1. Das Konzept der Teilimmunisierung gegen Zinsänderungsrisiken

Betrachtet man Anlagestrategien mit nicht vollständig immunisierten Portefeuilles, so erkennt man, daß diese Strategien bei bestimmten Zinsentwicklungen zu einem Endvermögen führen, das höher ist als das der Immunisierungsstrategie, während die entgegengesetzte Zinsentwicklung zu einem Endvermögen führt, das den zunächst berechneten Betrag nicht erreicht. Nicht vollständig immunisierte Portefeuilles bieten also größere Zinschancen und bergen dafür gegenüber den vollständig immunisierten Portefeuilles gewisse Zinsrisiken.

Voraussetzung zur Wahrnehmung von Zinschancen ist ein nicht vollständig immunisiertes Portefeuille ($D \neq T$). Je mehr der Zinsanteil bzw. der Kursanteil im Endvermögen die jeweils andere Komponente übersteigt, desto höher sind die Chancen und bei entgegengesetzter Zinsentwicklung die Risiken. Abbildung 1 zeigt das Endvermögen eines Anlegers in Abhängigkeit vom Marktzins für je ein Wertpapier, das überwiegend dem Wiederanlagerisiko (a) bzw. dem Kursrisiko (b) unterliegt.

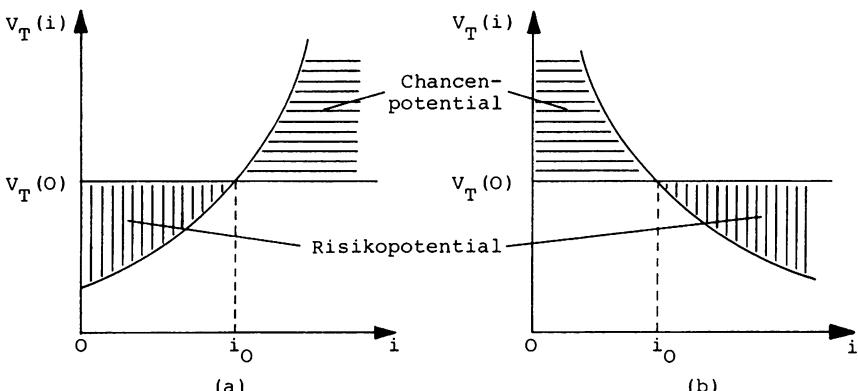


Abb. 1: Endvermögensverlauf zweier Wertpapiere in Abhängigkeit vom Marktzins
(a) Wertpapier unterliegt dem Wiederanlagerisiko
Restlaufzeit < Planungshorizont
(b) Wertpapier unterliegt dem Kursrisiko
Restlaufzeit > Planungshorizont

Kombiniert man die beiden Wertpapiere, dann reduzieren sich die Chancen- und Risikopotentiale beider Anlagen. Bei vollständiger Immunisierung wird das Risikopotential vernichtet (vgl. Abbildung 2). Die Addition der beiden oben gezeigten Risiko-Chancen-Funktionen, die der Kombination der beiden Wertpapiere in einem Portefeuille entspricht, führt nämlich auf eine Summenfunktion, die ein Minimum für $i = i_0$ aufweist. Ein Minimum-Endvermögen in Höhe des erwarteten Endvermögens beim Marktzins i_0 erreicht nur das vollständig immunisierte Portefeuille, dessen Konstruktion im vorigen Abschnitt B gezeigt wurde.

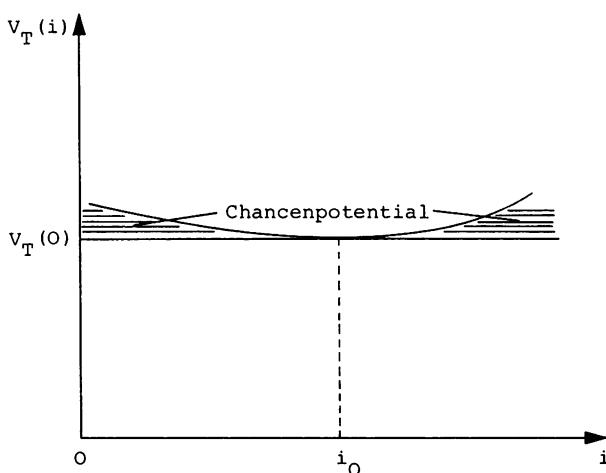


Abb. 2: Endvermögensverlauf eines vollimmunisierten Portefeuilles in Abhängigkeit vom Marktzins

Da jedes nicht vollständig immunisierte Portefeuille bei einem Zins $i \neq i_0$ ein Minimumendvermögen aufweist, das unter dem erwarteten Endvermögen $V_T(0)$ liegt, lässt sich für jedes Portefeuille ein maximales Risikopotential ermitteln.²⁸ Dieses maximale Risikopotential eines Portefeuilles bzw. einer Strategie bezeichnen wir als *effektives Risikopotential*. Ein Portefeuille, das ein Minimumendvermögen unter dem zunächst berechneten Endvermögen aufweist, bezeichnen wir als *teilimmunisiert*.

Betrachten wir nun das Chancenpotential. Wie die Abbildung 2 zeigt, bietet bereits das vollständig immunisierte Portefeuille gewisse Zinschancen. Liegt das Minimumendvermögen unterhalb des berechneten Endvermögens $V_T(0)$, so steigt das Chancenpotential wegen des konvexen Verlaufs der Endvermögensfunktion überproportional an. Führt eine Zinsänderung z.B.

²⁸ Vgl. dazu auch Marshall / Yawitz (1982).

zu Zinsgewinnen, so erzielt der Anleger bei einer doppelt so großen Zinsänderung mehr als den doppelten Zinsgewinn. Teilimmunisierungsstrategien erlauben dem Anleger, Zinschancen wahrzunehmen und gleichzeitig das Zinsrisiko auf eine von ihm bestimmte Höhe zu begrenzen. Abbildung 3 zeigt den Endvermögensverlauf eines teilimmunisierten Portefeuilles bei einem effektiven Risikopotential in Höhe von $V_T(0) - V_{T\min}(i_m)$.

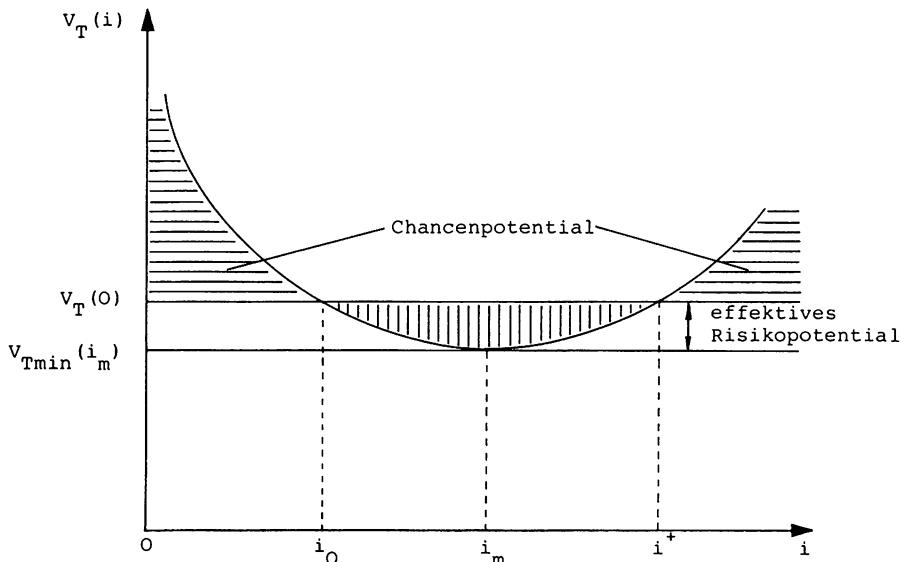


Abb. 3: Endvermögensverlauf eines teilimmunisierten Portefeuilles in Abhängigkeit vom Marktzins

Ein *Zinsrisiko* aus dem angenommenen Portefeuille in Abbildung 3 besteht nur, wenn der neue Marktzins im Bereich zwischen i_0 und i^+ liegt. Für $i = i_m$ erreicht die Endvermögensfunktion V_T ihr Minimum $V_{T\min}$. Fällt der Marktzins unter i_0 oder steigt er über i^+ , so realisiert der Anleger mit diesem speziellen Portefeuille *Zinsgewinne*. Anlagestrategien mit teilimmunisierten Portefeuilles ermöglichen dem Anleger bei strenger Begrenzung der möglichen Verluste Zinsgewinne, die höher sind als bei vollständiger Immunisierung.

Die Strategie der Teilimmunisierung bietet sich für einen Anleger an, der

1. bereit ist, ein begrenztes Zinsrisiko einzugehen (also nicht extrem risikoscheu ist), um dafür an Zinschancen zu partizipieren²⁹ und

²⁹ Wir gehen davon aus, daß der Anleger eine Mindestrendite f bzw. ein Mindestendvermögen $V_T(f)$ angeben kann. Dieses Mindestendvermögen soll unabhängig von jeder Zinsentwicklung über den Planungszeitraum mit Sicherheit erreicht werden. Nach welchen Kriterien der Anleger die Mindestrendite festlegt, soll an dieser Stelle nicht weiter untersucht werden.

2. positive und negative Abweichungen vom ursprünglichen Marktzins nicht ausschließt.

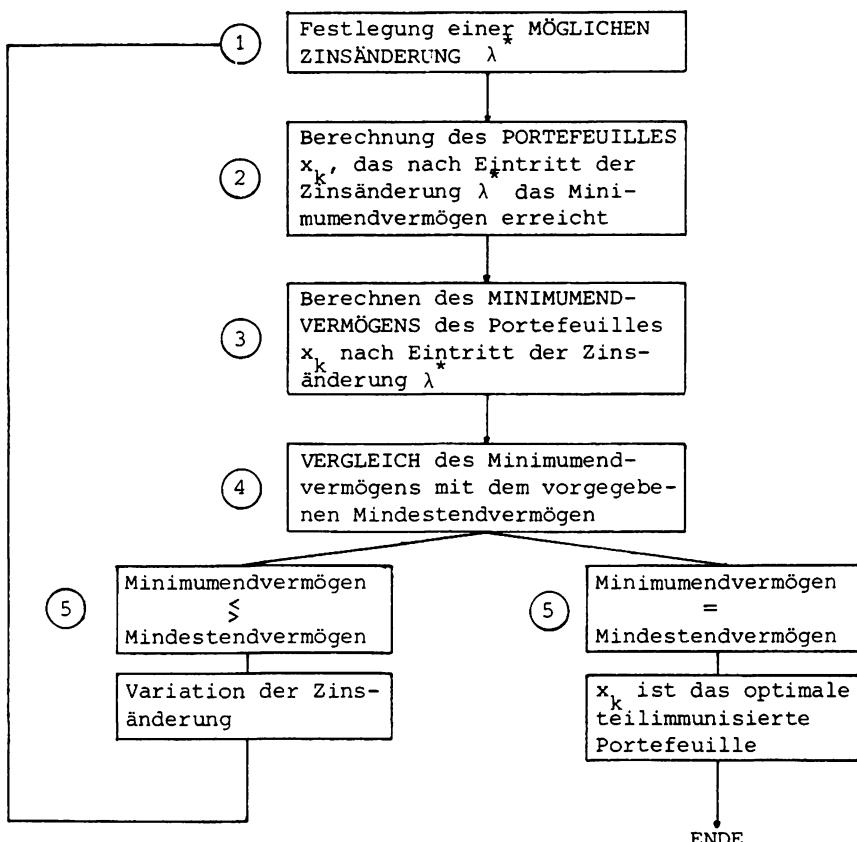
Wir gehen in unserem Anlagemodell wieder davon aus, daß der Anleger nur an einem fixierten Termin, dem Planungshorizont, über das bis dahin aufgelaufene Vermögen verfügen will. Gibt der Anleger ein seiner Risikoeinstellung entsprechendes Mindestendvermögen vor, so heißt das, daß er am Planungshorizont über mindestens diese Summe verfügen will. Im folgenden wird eine Anlagestrategie entwickelt, die das Mindestendvermögen am Planungshorizont absichert, so daß die vorgegebene Mindestrendite unabhängig von der Richtung und vom Ausmaß der Zinsänderung erreicht wird. Mit der ersten Anlageentscheidung am Planungsbeginn begrenzt der Anleger das Risiko der Festzinsposition. Eine Portefeuilleumschichtung nach der Zinsänderung ändert die Risiko-Chancen-Position des Anlegers nicht mehr.

2. Ableitung der optimalen Teilimmunisierungsstrategie

Ein Kapitalanleger, der seine Risikoeinstellung in Form einer unter dem ursprünglichen Marktzins liegenden Mindestrendite als Risikopotential angeben kann, zielt auf die Bildung eines Portefeuille, dessen Rendite die vorgegebene Mindestrendite in keinem Fall unterschreitet. Zur möglichst weitgehenden Ausnutzung der Zinsänderungschancen muß das teilimmunisierte Portefeuille ein minimales Endvermögen in Höhe des vorgegebenen Mindestendvermögens aufweisen. Im Abschnitt B.2 wurde dargetan, daß ein vollimmunisiertes Portefeuille beim ursprünglichen Marktzins i_0 das Minimumendvermögen erreicht. Teilimmunisierte Portefeuilles erreichen ihr Minimumendvermögen dagegen bei einem vom ursprünglichen Marktzins abweichenden Zins.

Eine eindeutige Ableitung des Teilimmunisierungsportefeuilles ist nicht möglich, da dasselbe Minimumendvermögen mit unterschiedlichen Portefeuilles bei einem höheren und einem niedrigeren als dem ursprünglichen Marktzins erreicht werden kann. Deshalb muß zur Ermittlung des optimalen teilimmunisierten Portefeuilles zunächst die kritische Zinsänderung festgelegt werden, um dann das Portefeuille zu berechnen, das bei Eintritt dieser Zinsänderung ein Minimumendvermögen aufweist. Das optimale teilimmunisierte Portefeuille kann in einem iterativen Prozeß bestimmt werden, bei dem folgende Schritte zu durchlaufen sind:

Verfahrensablauf der Ableitung einer Teilimmunisierungsstrategie



Wir ermitteln das optimale teilimmunisierte Portefeuille hier aus zwei Wertpapieren A und B mit den Kurswerten beim Zinssatz i_0 von $K_A(0)$ und $K_B(0)$ und der Zahlungsstruktur $C_{At} \geq 0, C_{Bt} \geq 0$ für $t = 1, 2, \dots, N_A$ bzw. $t = 1, 2, \dots, N_B$. Die Duration-Werte der beiden Papiere betragen $D_A < T < D_B$. Aus diesen Wertpapieren könnte ein vollständig immunisiertes Portefeuille gebildet werden, das mit x^* bezeichnet sei. In diesem Fall würde x^* so gewählt, daß $D_P = x^* D_A + (1 - x^*) D_B = T$ gelten würde.

Aus der Kombination x_k der zwei Wertpapiere in einem Portefeuille erhalten wir ein Endvermögen im Zeitpunkt T in Höhe von

$$(6) \quad V_T(\lambda) = x_k \sum_{t=1}^{N_A} C_{At} (1 + i_0 + \lambda)^{T-t} + (1 - x_k) \sum_{t=1}^{N_B} C_{Bt} (1 + i_0 + \lambda)^{T-t}.$$

Das Endvermögen aus (6) ist ein Minimumndvermögen, wenn die durch eine Zinsänderung hervorgerufene Änderung des Endvermögens gleich Null ist. Zur Berechnung des Portefeuilles mit diesem Minimumndvermögen bilden wir die erste Ableitung der Gleichung (6) nach λ und setzen diese gleich Null:

$$(7) \quad \frac{d V_T(\lambda)}{d \lambda} = x_k \sum_{t=1}^{N_A} (T-t) C_{At} (1+i_0+\lambda)^{T-t-1} \\ + (1-x_k) \sum_{t=1}^{N_B} (T-t) C_{Bt} (1+i_0+\lambda)^{T-t-1} = 0.$$

Nach einigen Umformungen erhalten wir

$$(8) \quad x_k \frac{[T - D_A(\lambda)]}{K_B(\lambda)} = (x_k - 1) \frac{[T - D_B(\lambda)]}{K_A(\lambda)}$$

mit den Duration-Werten

$$(9) \quad D_j(\lambda) = \frac{\sum_{t=1}^{N_j} t C_{jt} (1+i_0+\lambda)^{-t}}{K_j(\lambda)} \quad \text{für } j = A, B$$

und den Kursen

$$(10) \quad K_j(\lambda) = \sum_{t=1}^{N_j} C_{jt} (1+i_0+\lambda)^{-t} \quad \text{für } j = A, B.$$

Das Portefeuille, das ein Minimumndvermögen in Höhe von $V_T(\lambda)$ generiert, ermitteln wir als

$$(11) \quad x_k = \frac{-\frac{[T - D_B(\lambda)]}{K_A(\lambda)}}{\frac{[T - D_A(\lambda)]}{K_B(\lambda)} - \frac{[T - D_B(\lambda)]}{K_A(\lambda)}}.$$

Zur Ermittlung der optimalen Teilimmunisierungsstrategie nutzen wir also die Marktzinsabhängigkeit der Duration-Kennzahl. Der Ausdruck (9) zeigt, daß die Duration eines Kuponpapiers vom jeweiligen Marktzins abhängig ist. Die Duration fällt mit steigendem Marktzins, denn die früher eintretenden Zahlungen erhalten ein stärkeres Gewicht als die später fälligen:

$$D_j = D_j(\lambda) \quad \text{und} \quad \frac{d D_j(\lambda)}{d \lambda} < 0 \quad \text{für } j = A, B. \quad ^{30}$$

Bei kontinuierlicher Variation des Marktzinssatzes kann die Duration jedes Kuponpapiers durch eine fallende Kurve dargestellt werden (vgl. Abbildung 4). Für bestimmte Marktzinsänderungen lässt sich dann die Höhe der Duration eines Wertpapiers direkt ablesen. Die bei einem Marktzins von $i_0 + \lambda_1$ ermittelte Duration gibt den Zeitpunkt an, an dem das Periodenvermögen in $t = D(\lambda_1)$ eines zum Kurs auf der Basis von i_0 in $t = 0$ erworbenen Wertpapiers (Kuponpapier) unabhängig von jeder Zinsänderung nach $t = 0$ nicht unter das mit dem Marktzins $i_0 + \lambda_1$ berechnete Periodenvermögen fällt. Das mit $i_0 + \lambda_1$ berechnete Periodenvermögen in $t = D(\lambda_1)$ ist ein Minimumperiodenvermögen bzw. ein Minimumendvermögen, wenn $D(\lambda_1)$ gleich dem Planungshorizont des Anlegers T ist.

Aus der Gleichung (11) ermitteln wir nun das Portefeuille x_k , das nach Vorgabe einer beliebigen Zinsänderung λ^* bei dem Marktzins $i_0 + \lambda^*$ ein Minimumendvermögen in T generiert. Da der Anleger keine Zinsprognosen kennt, ist es gleichgültig, ob eine Zinsänderung $\lambda^* > 0$ oder $\lambda^* < 0$ vorgegeben wird, das Minimumendvermögen wird niemals unterschritten. Wählt der Anleger $\lambda^* > 0$, so resultiert daraus ein teilimmunisiertes Portefeuille mit niedrigerem Zinsanteil und höherem Kursanteil im Endvermögen als im vollimmunisierten Portefeuille ($x_k < x^*$). Der Anleger erzielt bei fallenden Marktzinsen Zinsgewinne, bei steigenden Marktzinsen erleidet er begrenzt Zinsverluste. Im Falle $\lambda^* < 0$ weist das teilimmunisierte Portefeuille einen höheren Zinsanteil und niedrigeren Kursanteil als das vollimmunisierte Portefeuille auf ($x_k > x^*$). Eine solche Wertpapierkombination führt bei steigenden Marktzinsen zu Zinsgewinnen und bei fallenden Marktzinsen zu

³⁰ Die Ableitung der Duration aus (9) nach λ ergibt:

$$\frac{dD_j(\lambda)}{d\lambda} = D_j^2 - \frac{\sum_{t=1}^{N_j} t^2 C_{jt} (1 + i_0 + \lambda)^{-t}}{K_j(\lambda)} < 0.$$

Die Duration ist eine fallende Funktion des Markzinses. Die Ableitung des Duration-Maßes einer Kuponanleihe nach dem Zins bzw. der Zinsänderung entspricht dem negativen Wert der Varianz der Einzahlungszeitpunkte über die Duration des Wertpapiers M_j^2 (vgl. Fong / Vasicek (1983)):

$$M_j^2 = \frac{\sum_{t=1}^{N_j} (D_j - t)^2 C_{jt} (1 + i_0 + \lambda)^{-t}}{\sum_{t=1}^{N_j} C_{jt} (1 + i_0 + \lambda)^{-t}} < 0 \quad \text{für } t \leq D_j.$$

$$\text{Wegen } M_j^2 > 0 \text{ und } \frac{dD_j(\lambda)}{d\lambda} = -M_j^2 \text{ gilt } \frac{dD_j(\lambda)}{d\lambda} < 0.$$

Die Bedingung für ein Minimum der Endvermögensfunktion $V_T(\lambda)$ aus (6) an der Stelle λ ist mit $d^2 V_T(\lambda)/d\lambda^2 > 0$ erfüllt.

Die Duration-Kennzahl von Diskontpapieren (Zero-Bonds) ist zinsunabhängig, da nur eine Einzahlung am Ende der Laufzeit des Titels erfolgt.

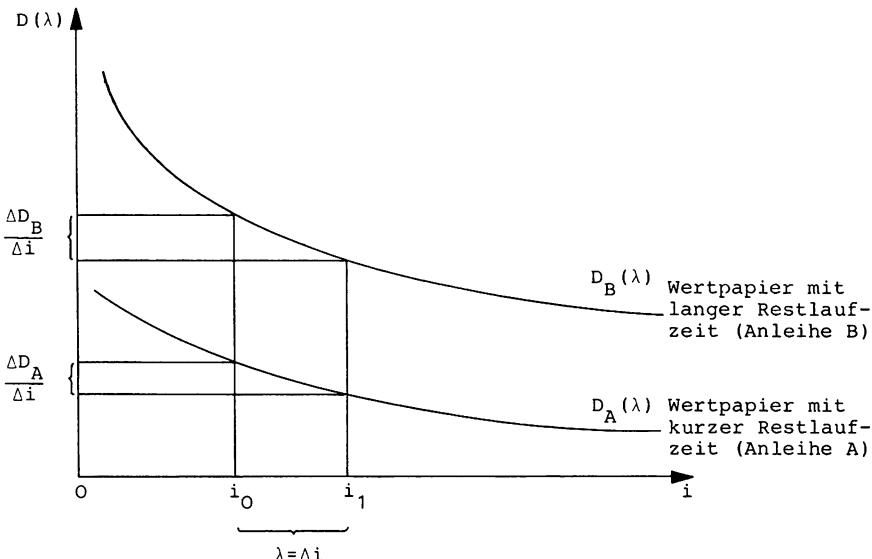


Abb. 4: Abhängigkeit der Duration-Werte vom Marktzins und der Restlaufzeit einer Kuponanleihe

Zinsverlusten, die jedoch auf die Höhe des vorgegebenen Risikopotentials begrenzt sind. Wir wählen hier exemplarisch eine Zinsänderung $\lambda^* > 0$ (Schritt 1). Mit dieser kritischen Zinsänderung berechnen wir aus (10) die marktzinsabhängigen Kurse $K_A(\lambda^*)$ und $K_B(\lambda^*)$ und aus (9) die marktzinsabhängigen Duration-Werte $D_A(\lambda^*)$ und $D_B(\lambda^*)$ für die zwei Wertpapiere, setzen diese in (11) ein und erhalten mit x_1 das Portefeuille, das beim Marktzins $i_0 + \lambda^* > i_0$ ein Minimumndvermögen am Planungshorizont T erzeugt (Schritt 2). Bei jeder anderen Zinsänderung, die nicht auf λ^* führt, ist das Endvermögen aus x_1 höher als das Minimumndvermögen. Ändert sich der Marktzins nicht, wird auch mit dem teilimmunisierten Portefeuille x_1 das erwartete Endvermögen am Planungshorizont $V_T(0)$ erreicht.

Im dritten Schritt setzen wir λ^* und x_1 aus (11) in die Endvermögensgleichung (6) ein. $V_T(\lambda^*)$ gibt die Höhe des Minimumndvermögens an.

Der Vergleich des errechneten Minimumndvermögens $V_T(\lambda^*)$ mit dem vorgegebenen Mindestendvermögen $V_T(f)$ im vierten Schritt zeigt, ob das Portefeuille x_1 das optimale, ein zulässiges oder ein unzulässiges Portefeuille ist:

$V_T(\lambda^*) = V_T(f)$ x_1 ist das optimale teilimmunisierte Portefeuille, da es das vorgegebene Risikopotential vollständig ausnutzt. Der Anleger erwirbt für $x_1 V_0$ Wertpapier A und für $(1 - x_1) V_0$ Wertpapier B.

- $V_T(\lambda^*) > V_T(f)$ Das Portefeuille x_1 ist ein zulässiges Portefeuille, da sein effektives Risikopotential das vorgegebene Risikopotential nicht unterschreitet. Allerdings nutzt das Portefeuille die Risikospanne nicht vollständig aus. Der Anleger kann eine bessere Position erreichen, wenn er mit einer größeren Zinsänderung $\lambda^+ > \lambda^* > 0$ ein Portefeuille x_k , $k \neq 1$ bestimmt, das den akzeptierten Risikoraum besser ausnutzt. Die vorgegebene kritische Zinsänderung wird solange variiert, bis das Optimalportefeuille mit $V_T(\lambda^+) = V_T(f)$ erreicht ist.
- $V_T(\lambda^*) < V_T(f)$ Das errechnete Portefeuille x_1 ist ein unzulässiges Portefeuille, da sein Minimumendvermögen die Höhe des Mindestendvermögens nicht erreicht. Die angenommene Zinsänderung weicht zu stark vom ursprünglichen Marktzins ab. Der Anleger muß mit einer neuen kritischen Zinsänderung λ^+ , die geringer ist als die vorgegebene Größe λ^* im ersten Durchgang, $\lambda^* > \lambda^+ > 0$, die Schritte 2 bis 4 solange wiederholen, bis das optimale Portefeuille gefunden ist.

Die Auswahl der optimalen Anlagestrategie erfolgt nach einer zweiparametrischen Entscheidungsregel, nach der in unserem Unsicherheitsmodell nur zwei Zielausprägungen berücksichtigt werden: das maximale und das minimale Endvermögen jeder Anlagestrategie. Strategien, deren Minimumendvermögen das vorgegebene Mindestendvermögen nicht erreichen, sind unzulässige Strategien. Alle Anlagealternativen, die das Mindestendvermögen gerade erreichen oder übertreffen, sind zulässig. Unter den zulässigen ist die Strategie optimal, die ein Minimumndvermögen genau in Höhe des Mindestendvermögens generiert, denn diese Strategie erreicht auch das maximale Endvermögen aller zulässigen Strategien.

3. Ein Beispiel

Ein Anleger will einen Betrag von 100 000 DM für fünf Jahre in festverzinslichen Wertpapieren festlegen. Der Marktzins im Zeitpunkt der Anlage beträgt 10% p. a. ($i_0 = 0,1$, flache Zinskurve). Das Portefeuille soll so gestaltet sein, daß eine Rendite von 9,5% p. a. über die Planungsperiode nicht unterschritten wird. Daraus errechnet sich ein vorgegebenes Mindestendvermögen $V_T(f)$ in Höhe von $100\,000 \cdot 1,095^5 = 157\,423$ DM. Als Anlagemöglichkeiten stehen zwei Anleihen erstklassiger Bonität mit jährlichem Kupon in Höhe von 10% zur Verfügung. Anleihe A hat eine Restlaufzeit von 2 Jahren, Anleihe B wird in 10 Jahren getilgt. Beide Titel werden zu 100% zurückgezahlt. Da der Nominalzins dem Marktzins entspricht, notieren beide Titel in $t = 0$ zu pari.

In der folgenden Tabelle geben wir alternative kritische Zinsänderungen (λ_s^*) vor, ermitteln für diese Zinsänderungswerte die Kurse und marktzins-abhängigen Duration-Werte am Planungsbeginn und errechnen nach Kenntnis dieser Werte das Portefeuille aus (11), das bei der kritischen Zinsänderung λ_s^* ein Minimumndvermögen aufweist. Schließlich geben wir in der letzten Spalte das Minimumndvermögen beim Marktzins $i_0 + \lambda_s^*$ aus (6) an.

λ_s^*	K_A	D_A	K_B	D_B	x_s	$(1 - x_s)$	$V_T(\lambda_s^*)$
0,00	100,00	1,9091	100,00	6,7590	0,3627	0,6372	161 051
+ 0,01	98,29	1,9083	94,11	6,6549	0,3389	0,6611	160 968
+ 0,05	91,87	1,9053	74,91	6,2367	0,2458	0,7542	159 056
+ 0,068	89,19	1,9040	68,09	6,0496	0,2056	0,7944	157 442!
+ 0,08	87,47	1,9031	64,05	5,9258	0,1796	0,8204	156 154

Das optimale teilimmunisierte Portefeuille lautet:

DM 20 560 nominal Anleihe A und

DM 79 440 nominal Anleihe B.

Mit diesem Portefeuille sichert der Anleger unabhängig von der tatsächlich eintretenden Zinsentwicklung eine Rendite von 9,502 % p. a.³¹ über die Planungsperiode ab. Werden Wertpapiere im Portefeuille kombiniert, die eine größere Differenz zwischen den einzelnen Duration-Werten aufweisen, liegt der kritische Zinssatz, bei dem das Minimumndvermögen in Höhe des Mindestendvermögens erreicht wird, näher beim ursprünglichen Marktzins. Das optimale teilimmunisierte Portefeuille führt bei fallenden Marktzinsen zu Endvermögenssteigerungen. Wir betrachten die Höhe des Endvermögens aus dem Optimalportefeuille bei drei unterschiedlichen Zinsscenarien: λ_1 steht für eine Marktzinssenkung um $\lambda = -0,05$ auf $i_1 = 0,05$, im Fall λ_2 treten keine Marktzinsänderungen ein und λ_3 repräsentiert einen Marktzinsanstieg um $\lambda = +0,05$ auf $i_1 = 0,15$.

Zinsscenarien λ_s	λ_1 - 0,05	λ_2 0,00	λ_3 + 0,05
Endvermögen $V_T(\lambda_s)$ in DM	169 214	161 051	157 684

³¹ Eine präzise Übereinstimmung von Mindest- und Minimumndvermögen lässt sich nur durch eine weitere Differenzierung der kritischen Zinsänderung erreichen.

Durch eine Marktzinsänderung auf $i_1 = 0,05$ „verdient“ der Anleger DM 8163. Um diesen Betrag übersteigt das Endvermögen bei $i_1 = 0,05$ das Endvermögen bei unverändertem Zins. Eine Marktzinssteigerung um ebenfalls $\lambda = 0,05$ auf $i_1 = 0,15$ bewirkt nur einen Zinsverlust in Höhe von DM 3367 gegenüber unveränderten Marktzinsen. Insgesamt ist der Zinsverlust durch die Teilimmunisierung auf DM 3609 begrenzt.³²

D. Zur Bedeutung von Teilimmunisierungsstrategien

Mit dem hier vorgestellten Konzept der Teilimmunisierung von Portefeuilles festverzinslicher Wertpapiere gegen Zinsänderungsrisiken gelingt es erstmals, das Zinsrisiko aus einer Festzinsanlage auf einen festgelegten Betrag zu begrenzen. Der Anleger gibt entsprechend seiner Risikoeinstellung einen Mindestwert für das Endvermögen am Planungshorizont vor und erwirbt nach der Teilimmunisierungsstrategie das Portefeuille, das ihm diesen Mindestwert garantiert. Das in diesem Beitrag vorgestellte Verfahren der Teilimmunisierung ist als Grundmodell zu interpretieren, das wie das im Teil B beschriebene Grundmodell der Vollimmunisierung noch auf restriktiven Annahmen beruht:

1. Das Optimalportefeuille wird nur aus zwei Wertpapieren zusammengestellt.
2. Der Marktzinssatz ändert sich höchstens einmal unmittelbar nach Anlage der Mittel.
3. Das gesamte Portefeuillevermögen wird am Planungshorizont entnommen.
4. Die Marktzinskurve hat einen flachen Verlauf.
5. Es werden nur einfache Zinsänderungsprozesse in Form der Verschiebung einer flachen Zinskurve berücksichtigt.
6. Transaktionskosten und Steuern werden vernachlässigt.

Können mehr als zwei Wertpapiere zur Portefeuillebildung herangezogen werden, dann erhält man bei günstiger Zinsentwicklung höhere Endvermögen als aus Portefeuilles mit wenigen Wertpapieren und einer im allgemeinen damit verbundenen geringeren Streuung der Zahlungstermine. Da bei Auswahl der Wertpapiere nach der zweiparametrischen Entscheidungsregel stets nur das Maximum- und das Minimumendvermögen einer Strategie verglichen werden, ist aus allen zulässigen Portefeuilles die Wertpapierkombination optimal, die die höchste Streuung der Duration-Werte auf-

³² Dieser maximal mögliche Zinsverlust wird allerdings nur erreicht, wenn der Marktzins auf genau $i_1 = 0,168$ ansteigt. Liegt der neue Marktzins unter 16,8% oder schon darüber, so ist der Zinsverlust des Anlegers geringer.

weist.³³ Dies gilt unabhängig von den im Portefeuille kombinierten Wertpapieren, so daß es durchaus sinnvoll sein kann, Kuponanleihen mit lang laufenden Diskonttiteln (Zero-Bonds), Floating Rate Notes oder Zinsterminkontrakten zu kombinieren.³⁴

Eine Teilimmunisierungsstrategie läßt sich ebenso wie die vollständige Immunisierung auch bei mehrfacher Zinsänderung im Planungszeitraum ableiten. Geht man davon aus, daß zwischen zwei Transaktionen aus dem Portefeuille (Halteperiode) nur eine Zinsänderung erfolgt, so kann der Anleger auch in dynamischen Modellen ein Mindestendvermögen absichern, wenn vor jeder Halteperiode (und damit vor der nächsten Zinsänderung) das jeweils optimale teilimmunisierte Portefeuille für die Restplanungsperiode erworben wird. Bei fortlaufend günstiger Zinsentwicklung für den Anleger können mit der Teilimmunisierungsstrategie beträchtliche Zinsgewinne erzielt werden, wobei das Risiko immer auf das Mindestendvermögen begrenzt bleibt. Eine fortwährend ungünstige Zinsentwicklung kann aber dazu führen, daß das Risikopotential Stück für Stück aufgebraucht wird und das Portefeuille nach einer gewissen Zeit nur noch im vollimmunisierten Status bis zum Ende der Planungsperiode gehalten werden kann.³⁵

Zusammenfassung

Durch die wachsenden Zinsfluktuationen auf den internationalen Kapitalmärkten haben sich die Zinsänderungsrisiken aus Portefeuilles festverzinslicher Wertpapiere beträchtlich erhöht. Aus Duration-Strategien lassen sich Anlageempfehlungen ableiten, die eine vollständige Immunisierung der Portefeuilles gegen zinsänderungsbedingte Verluste ermöglichen, dann aber gleichzeitig die Zinsänderungschancen drastisch reduzieren. In den neu formulierten Teilimmunisierungsstrategien wird die Annahme einer extremen Risikoaversion des Anlegers fallen gelassen. Der Investor kann eine von der anfänglichen Markttrendite abweichende Mindestrendite oder ein entsprechendes Mindestendvermögen vorgeben und auf diese Weise sein maximal mögliches Zinsänderungsrisiko fixieren. Die Teilimmunisierungsstrategie läßt die Chance offen, ein höheres als das anfänglich erwartete Endvermögen zu erzielen. Die Höhe der potentiellen Zinsgewinne wird wesentlich vom Umfang der übernommenen Zinsänderungsrisiken determiniert.

Summary

Increasing interest rate fluctuations on international capital markets have considerably raised interest rate risks of bond portfolios. With Duration-Strategies investment recommendations have been developed which enable the investor to immunize

³³ Dies gilt nur bei dem hier angenommenen nicht arbitragefreien Zinsänderungsprozeß.

³⁴ Vgl. dazu *Kolb / Chiang* (1981), *Kolb / Gay* (1982), *Chance* (1983), *Trainer* (1983) und *Hilliard* (1984).

³⁵ Vgl. im einzelnen *Wondrak* (1986).

bond portfolios and eliminate interest rate risks completely. However interest rate opportunities are dramatically reduced, too. Therefore application of Duration-Strategies implies an extreme risk-averse investor. The new constructed Part-Immunization-Strategies drop this incisive premise. The investor fixes a minimum rate of return or the appropriate minimum target value, which is lower than the promised target value. In this way the investor limits his interest rate risk to a maximum amount. The appropriate Part-Immunization-Strategy offers opportunities to increase the actual target value over the promised amount. The magnitude of interest rate opportunities is essentially determined by the range of accepted interest rate risks.

Literatur

- Albrecht, P. (1984), Immunisierung von Schadenzahlungen eines Versicherungsunternehmens gegen Zinsänderungen bei Arbitragemodellen für die Zinsstruktur. Diskussionspapier des Instituts für Versicherungswissenschaft der Universität Mannheim, Mannheim.*
- Bamberg, G. / Coenenberg, A. G. (1985), Betriebswirtschaftliche Entscheidungslehre, 4. A., München.*
- Bierwag, G. O. (1977), Immunization, Duration and the Term Structure of Interest Rates, in: Journal of Financial and Quantitative Analysis 12, 725 - 742.*
- (1978), Measures of Duration, in: Economic Inquiry 16, 497 - 507.
- (1979), Dynamic Portfolio Immunization Policies, in: Journal of Banking and Finance 3, 23 - 41.
- Bierwag, G. O. / Kaufman, G. G. (1977), Coping with the Risk of Interest-Rate Fluctuations: A Note, in: Journal of Business 50, 364 - 370.*
- Bierwag, G. O. / Kaufman, G. G. / Schweitzer, R. / Toevs, A. (1981), The Art of Risk Management in Bond Portfolios, in: Journal of Portfolio Management 7, No. 3, 27 - 36.*
- Bierwag, G. O. / Kaufman, G. G. / Toevs, A. (1982), Single Factor Duration Models in a Discrete General Equilibrium Framework, in: Journal of Finance 37, 325 - 338.*
- / — / — (1983), Bond Portfolio Immunization and Stochastic Process Risk, in: Journal of Bank Research 13, 282 - 291.
- / — / — (1983 a), Recent Developments in Bond Portfolio Immunization Strategies, in: Kaufman, Bierwag, Toevs (Hrsg.), Innovations in Bond Portfolio Management: Duration Analysis and Immunization. Greenwich, London.
- / — / — (1983 b), Duration: Its Development and Use in Bond Portfolio Management, in Financial Analysts Journal 39, No. 4, 15 - 35.
- / — / — (1983 c), Immunization Strategies for Funding Multiple Liabilities, in: Journal of Financial and Quantitative Analysis 18, 113 - 123.
- Bierwag, G. O. / Khang, C. (1979), An Immunization Strategy is a Minimax Strategy, in: Journal of Finance 34, 389 - 399.*
- Bradley, S. P. / Crane, D. B. (1975), Management of Bank Portfolios. New York.*
- Brennan, M. J. / Schwartz, E. S. (1977), Savings Bonds, Retractable Bonds and Callable Bonds, in: Journal of Financial Economics 5, 67 - 88.*

- / — (1979), A Continuous Time Approach to the Pricing of Bonds, in: *Journal of Banking and Finance* 3, 133 - 155.
- / — (1980), Conditional Predictions of Bond Prices and Returns, in: *Journal of Finance* 35, 405 - 419.
- / — (1983), Duration, Bond Pricing, and Portfolio Management, in: Kaufman, Bierwag, Toebs (Hrsg.), *Innovations in Bond Portfolio Management: Duration Analysis and Immunization*. Greenwich, London.
- Bühler, W. (1983), Anlagestrategien zur Begrenzung des Zinsänderungsrisikos von Portefeuilles aus festverzinslichen Titeln, in: *Kapitalanlageplanung*, Sonderheft 16/83 der Zeitschrift für betriebswirtschaftliche Forschung. Wiesbaden.
- Carr, J. L. / Halpern, P. J. / McCallum, J. S. (1974), Correcting the Yield Curve: A Re-Interpretation of the Duration Problem, in: *Journal of Finance* 29, 1287 - 1294.
- Chance, D. M. (1983), Floating Rate Notes and Immunization, in: *Journal of Financial and Quantitative Analysis* 18, 365 - 380.
- Cheng, P. L. (1962), Optimum Bond Portfolio Selection, in: *Management Science* 8, 490 - 499.
- Cooper, I. A. (1977), Asset Values, Interest-Rate Changes, and Duration, in: *Journal of Financial and Quantitative Analysis* 12, 701 - 723.
- Courtadon, G. (1982), The Pricing of Options on Default Free Bonds, in: *Journal of Financial and Quantitative Analysis* 17, 75 - 100.
- Cox, J. C. / Ingersoll, J. / Ross, S. (1979), Duration and the Measurement of Basis Risk, in: *Journal of Business* 52, 51 - 61.
- Cox, J. C. / Ingersoll, J. E., jr. / Ross, S. A. (1981), A Re-Examination of Traditional Hypotheses about the Term Structure of Interest Rates, in: *Journal of Finance* 36, 769 - 799.
- Crane, D. B. (1971), A Stochastic Programming Model for Commercial Bank Bond Portfolio Management, in: *Journal of Financial and Quantitative Analysis* 6, 955 - 976.
- Dothan, L. U. (1978), On the Term Structure of Interest Rates, in: *Journal of Financial Economics* 6, 59 - 69.
- Fischer, E. O. / Zechner, J. (1984), Diffusion Process Specifications for Interest Rates, An Empirical Investigation for the FRG, in: Bamberg, G. and Spreman, K. (Hrsg.), *Risk and Capital, Proceedings of the 2nd Summer Workshop on Risk and Capital*. Berlin, Heidelberg, New York, Tokyo.
- Fisher, L. / Weil, R. (1971), Coping with the Risk of Interest-Rate-Fluctuations: Returns of Bondholders from Naive and Optimal Strategies, in: *Journal of Business* 44, 408 - 431.
- Fitzgerald, M. D. (1983), *Financial Futures*. London.
- Fogler, R. (1984), Bond Portfolio Immunization, Inflation, and the Fisher Equation, in: *Journal of Risk and Insurance* 51, 244 - 264.
- Fogler, R. / Groves, W. A. / Richardson, J. G. (1977), Bond Portfolio Strategies, Returns, and Skewness: A Note, in: *Journal of Financial and Quantitative Analysis* 12, 127 - 140.

- Fong, H. G. / Vasicek, O. (1983), Return Maximization for Immunized Portfolios, in: Kaufman, Bierwag, Toevs (Hrsg.), *Innovations in Bond Portfolio Management: Duration Analysis and Immunization*. Greenwich, London.
- / — (1984), A Risk Minimizing Strategy for Portfolio Immunization, in: *Journal of Finance* 39, 1541 - 1546.
- Grove, M. A. (1966), A Model of the Maturity Profile of the Balance Sheet, in: *Metro-economica* 18, 40 - 55.
- (1974), On "Duration" and the Optimal Maturity Structure of Balance Sheet, in: *Bell Journal of Economics and Management Science* 6, 696 - 709.
- Hax, H. (1979), *Investitionstheorie*, 4. A., Würzburg, Wien.
- Hicks, J. R. (1939), *Value and Capital*. Oxford.
- Hilliard, J. E. (1984), Hedging Interest Rate Risk with Futures Portfolios under Term Structure Effects, in: *Journal of Finance* 39, 1547 - 1569.
- Hopewell, M. H. / Kaufman, G. G. (1973), Bond Price Volatility and Term to Maturity: A Generalized Respecification, in: *American Economic Review* 63, 749 - 753.
- Ingersoll, J. E., jr. / Skelton, J. / Weil, R. L. (1978), Duration Forty Years Later, in: *Journal of Financial and Quantitative Analysis* 13, 637 - 650.
- Kaufman, G. G. (1978), Measuring Risk and Return for Bonds: A New Approach, in: *Journal of Bank Research* 9, 82 - 90.
- Kaufman, G. G. / Malliaris, A. G. (1983), Duration based Strategies for Managing Bank Interest Rate Risk: Generalized Proofs and Numerical Examples, unveröffentlichtes Diskussionspapier der Loyola University of Chicago. Chicago.
- Khang, C. (1979), Bond Immunization when Short-Term Interest Rates Fluctuate more than Long-Term Rates, in: *Journal of Financial and Quantitative Analysis* 14, 1085 - 1090.
- (1983), A Dynamic Global Portfolio Immunization Strategy in the World of Multiple Interest Rate Changes: A Dynamic Immunization and Minimax Theorem, in: *Journal of Financial and Quantitative Analysis* 18, 355 - 363.
- Kolb, R. W. / Chiang, R. (1981), Improving Hedging Performance Using Interest Rate Futures, in: *Financial Management* 10, No. 4, 72 - 79.
- Kolb, R. W. / Gay, G. D. (1982), Immunizing Bond Portfolios with Interest Rate Futures, in: *Financial Management* 11, No. 2, 81 - 89.
- Leibowitz, M. / Weinberger, A. (1982), Contingent Immunization – Part I: Risk Control Procedure, in: *Financial Analysts Journal*, Nov./Dec., 17 - 31.
- / — (1983), Contingent Immunization – Part II: Problem Areas, in: *Financial Analysts Journal*, Jan./Febr., 35 - 50.
- Lohmann, K. (1979), *Finanzmathematische Wertpapieranalyse*. Göttingen.
- Macaulay, F. R. (1938), Some theoretical Problems suggested by the Movements of Interest Rates, Bond Yields and Stock Prices in the United States since 1856. New York.
- Marsh, T. (1980), Equilibrium Term Structure Models: Test Methodology, in: *Journal of Finance* 35, 421 - 438.

- Marshall, W. J. / Yawitz, J. B. (1982), Lower Bounds on Portfolio Performance: An Extension of the Immunization Strategy, in: Journal of Financial and Quantitative Analysis 17, 101 - 113.*
- Redington, F. M. (1952), Review of the Principle of Life-Office Valuations, in: Journal of the Institute of Actuaries 78, 286 - 340.*
- Richard, S. F. (1978), An Arbitrage Model of the Term Structure of Interest Rates, in: Journal of Financial Economics 6, 33 - 57.*
- Rudolph, B. (1979), Zinsänderungsrisiken und die Strategie der durchschnittlichen Selbstliquidationsperiode, in: Kredit und Kapital 12, 181 - 206.*
- (1981), Eine Strategie zur Immunisierung der Portefeuilleentnahmen gegen Zinsänderungsrisiken, in: Zeitschrift für betriebswirtschaftliche Forschung 33, 22 - 35.
- (1981a), Duration: Eine Kennzahl zur Beurteilung der Zinsempfindlichkeit von Vermögensanlagen, in: Zeitschrift für das gesamte Kreditwesen 34, 137 - 140.
- (1981b), Planungs- und Kontrollrechnungen, in: Göppel, Henn (Hrsg.), *Geld, Banken und Versicherungen*, Band 1, Königstein.
- Samuelson, P. A. (1945), The Effect of Interest Rate Increases on the Banking System, in: American Economic Review 35, 16 - 27.*
- Schmidt, H. (1979), Liquidität von Finanztiteln als integrierendes Konzept der Bankbetriebslehre, in: Zeitschrift für Betriebswirtschaft 49, 710 - 722.*
- (1981), Wege zur Ermittlung und Beurteilung der Marktzinsrisiken von Banken, in: Kredit und Kapital 14, 249 - 286.
- Steiner, P. (1983), Immunisierungsstrategien gegen das Zinsänderungsrisiko, Diskussionspapier der Universität Graz.*
- Trainer, F. H., jr. (1983), The Use of Treasury Bond Futures in Fixed-Income Portfolio Management, in: Financial Analysts Journal, Jan./Febr., 27 - 34.*
- Uhlir, H. / Steiner, P. (1983), Analyse anleihespezifischer Risiken, in: Zeitschrift für Betriebswirtschaft 53, 632 - 657.*
- Vasicek, O. (1977), An Equilibrium Characterization of the Term Structure, in: Journal of Financial Economics 5, 177 - 188.*
- Watson, D. (1972), Test of Maturity Structure of Commercial Bank Government Securities Portfolios: A Simulation Approach, in: Journal of Bank Research 3, 34 - 46.*
- Weil, R. L. (1973), Macaulay's Duration: An Appreciation, in: Journal of Business 46, 589 - 592.*
- Wolf, C. R. (1969), A Model for Selecting Commercial Bank Government Security Portfolios, in: Review of Economics and Statistics 51, 40 - 52.*
- Wondrak, B. (1986), Management von Zinsänderungschancen und -risiken. Heidelberg, Wien.*
- Yawitz, J. B. / Hempel, G. H. / Marshall, W. J. (1975), The Use of Average Maturity as a Risk Proxy in Investment Portfolios, in: Journal of Finance (Papers and Proceedings) 30, 325 - 333.*
- / — (1976), A Risk-Return Approach for the Selection of Optimal Government Bond Portfolios, in: *Financial Management* 5, Autumn, 35 - 45.