



D I S S E R T A T I O

D E

M A R I S Æ S T U

A U C T O R E

P. ROGERIO JOSEPHO BOSCOVICH

S O C I E T A T I S J E S U

Matheos Professore in Collegio Romano.



R O M Æ , M D C C X L V I I .

Ex Typographia Komarek in Viâ Cursùs.

Superiorum Facultate.



DE ÆSTU MARIS

P A R S P R I M A.



A R I S Æstum explicandum suscipimus, mirum illud naturæ arcanum quod frustra olim diuturnis Philosophorum laboribus conquisitum, ita demum per generalem Newtonianam gravitatem innotuit, & in publicam lucem protractum est; ut præcipua ejus phænomena nihilo fere minus quam congregations syderum, & Solis, ac Lunæ defectus ad calculum reduci possint, & ab ignaris quoque observationum ejusmodi divinari. Non eo tamen consilio id argumentum pertractandum suscipimus, ut quidquid ad hanc rem pertinet proferamus. Ea est enim rerum copia, ea dignitas; ut non angustos tantum brevioris dissertationis limites, sed iusti etiam voluminis mensuram excedat. Præcipua quædam capita, & ex quibus reliqua fere omnia pendeant, persequemur. Proferemus phænomenorum historiam, potissimas aliorum sententias innuemus, atque impugnabimus, Newtonianam, quam tantus phænomenorum consensus cum principiis, & calculis satis comprobat, illustrabimus.

2. Qua quidem in re, licet omnia ferè, quæ ad hanc phænomeni explicationem pertinent, & a Newtono ipso jam olim in *Principiis Mathematicis Philosophiae Naturalis* adumbrata sint, & a doctissimis viris *Daniele Bernoullio*, *Mac-Laurino*, *Eulero*, in iis dissertationibus, quæ a Parisiensi Academia præmio donatae sunt anno 1740., enucleatius tradita, & accuratius definita; illud tamen nequaquam metuimus, ne actum agere videamur. Cum enim haud ita pauca, quæ si vel minus perspicua demonstratione, vel longiore ambitu, vel



implexis calculorum ambagibus persecuti sunt, nobis & clara admodum ratiocinatione, & contractiore methodo, & solius Geometriae ac communis Arithmeticae ope multo facilius, atque ad communem captum accommodatus expedienda se obtulerint, & quedam etiam Bernoullio potissimum, atque Eulerio summis sanè viris, & immortale in litterariâ repub: nomen meritissimè adeptis, minus verè dicta, nisi nos ipsi hallucinamur, exciderunt, omnino corrigenda invenerimus; & demum inierimus rationem superiore anno indicatam, qua quidquid ii ex Telluris motu derivarunt, quem nobis hic Romæ olim a sacra auctoritate damnatum amplecti omnino non licet, cum Telluris quiete conciliaremus; si ea omnia exposuerimus, & præstantissimis eorum inventis, ubi ad rem nostram accomodata esse videbuntur, adhibitis, rem totam paulo alia methodo fuerimus persecuti; patet sanè ad absolutam nobilissimi phænomeni explicationem nos etiam nostram veluti symbolam contulisse.

3. Verum ut iis etiam consulamus, quos Geometricæ contemplationes detergere solent, vel quibus sublimior infinitesimorum Geometria minus familiaris est, & quoniam adhuc plus æquo materia excrescit, dissertationem ipsam in duas partes dividemus, quarum prima seclusis prorsus Geometricis demonstrationibus phænomena omnia, & phænomenorum explications, causas, & quantum licet determinationes etiam dilucidè proponat ob oculos, iis identidem indicatis, quæ in secunda parte demonstrabuntur, atque determinabuntur, secunda Geometricas ipsas demonstrationes, & determinationes proferat. Et in hac quidem prima parte tum Generalem Newtoni gravitatem mutuam omnium materiæ particularum, tum nostram Telluris quiescentis cum eadem conciliationem paulo fusiū exponimus, & comprobamus.

4. Multa quidem, quæ ad æstus Marini historiam pertinent tum apud Veteres, tum apud Recentiores occurunt. Cæteris tamen omnibus ea præstant, quæ sub initium hujuscæ sæculi definita sunt per Gallicam Oceani oram jussu Regiae Scientiarum Parisiensis Academiæ, ex quâ unâ potentissimorum Regum & patrocinio, & opibus ad naturæ potissimum cognitionem promovendam felicissimè usâ, tanta in universam litterariam Rempublicam commoda profluxerunt. Anno nimirum 1701., eadem Academia a Comite Pontchartrainio id obtinuit, ut Regia auctoritate juberet per omnes Galliæ portus ad Oceanum fitos Marini æstus phænomena diligentissimè observari juxta Methodum ab Academicis ordinatam, & quoquoversum transmissam. Pluribus in locis ab idoneis hominibus labor susceptus, & plures observationum Ephemerides ad Academiam brevi transmisse; Ex iis inter se diligenter collatis Jacobus Caffinus vir doctissimus in Commentariis ejusdem Academiacis Parisiensis ad annos 1710., 1712., 1713., 1714., 1720. phænomenorum seriem eruit, & regulas quædam

dam generales constituit, ac tabulas digessit ex sola inductione eratas, & observationibus ipsis confirmatas, quarum ope in singulis portibus hora Marini æstus intra paucorum sæpe minutorum limites prænunciari possèt, & magnitudo etiam singulorum æstuum utcumque innotesceret, ea autem hoc reducuntur.

5. In primis in tres classes distinguenda sunt, quarum prima continet mutationes diurnas, secunda menstruas, tertia annuas. Quod ad diurnas pertinet, primo singulis diebus in aperto Oceano bis intumescit mare, bis detumescit. 2. Intumescens fit aliquanto post appulsum Lunæ ad Meridianum sive supra, sive infra Horizontem; detumescens paulo post ortum, & occasum, ita tamen, ut hora pendeat etiam a positione Lunæ respectu Solis, nimirum in primo & tertio quadrante mensis Lunaris anticipet, in secundo, & quarto posticipet nonnihil: id vero intervallum in aliis portibus est aliquanto magius, in aliis aliquanto minus. 3. Bini illi æstus Lunæ extra Äquator rem sitâ sunt inæquales ita, ut cæteris paribus in Europa major sit ille, qui habetur Lunæ supra Horizontem sitâ, quando ejus declinatio est Borealis, & qui habetur ea sitâ infra Horizontem, quando est Australis. 4. Mare fere semper celerius ascendit, quam descendat.

6. Quod pertinet ad menstruas. 1. Circa Syzygias nimirum circa Novilunia, & Plenilunia æstus sunt multo majores, circa quadraturas multo minores ita; ut maximi, vel minimi sint primi vel secundi post Syzygias ipsas, & quadraturas. 2. Æstus cæteris paribus multo minores sunt Lunæ recedente ad Apogaeum, quam accidente ad Perigeum. 3. Cæteris paribus majores esse solent Lunæ existente in Äquatore, quam extra. 4. Intervalla inter binos æstus tibi post integrum diem succedentes aliquanto minora sunt in Syzygiis, quam in Quadraturis. 5. Multo majus est intervallum inter appulsum Lunæ ad Meridianum, & affluxum aquæ in Syzygiis quam in Quadraturis.

7. Quod demum pertinet ad variationes annuas. 1. Æstus cæteris paribus majores sunt circa Äquinoccia in Syzygiis, quam circa Solsticia, ita tamen, ut maximi sint primi, vel secundi, vel tertii post Äquinoccia. 2. Cæteris paribus in majoribus Solis distantiis a Terra minores sunt, quam in minoribus Syzygiarum æstus.

8. Hæc omnia phænomena vel in iis Caffini dissertationibus manifestè exhibentur, vel ex iisdem admodum facile deducuntur. Illud, quod pertinet ad æstus majores circa Äquinoccia, quam circa Solsticia, potius improbat in iis, quæ proponit annis 1710., & 1712., At anno 1713. notat in observationibus, quæ ei phænomeno videbantur opponi, alias fortasse causas interfuisse, & ipse etiam ibi definit cæteris paribus æstus in Äquinocciorum Syzygiis majores esse, ac penderre a distantia Lunæ ab Äquatore. Ceterum Phænomenum idem occurrat apud plures tam Veteres, quam Recentiores, ut paulo infra constabit n. 14. Celeriorem Ascensum aquæ, quam descensum, ipse qui-

quidem fere ubique notat, quem nos alibi non vidimus. Diurnorum Marinorum aestum inaequalitatem anno 1713. primum agnoscit, & pluribus observationibus comprobat, tam eritis ex Ephemeridibus ad Academiam transmissis, quam ex observationibus *Collepressii*, & *Sturmii a Nevvtono* adductis.

9. His accedunt quædam alia tum ibi, tum alibi observata. 1. Minoraria maria, & potissimum clausa undecunque, ac lacus aestu carere: 2. Aestum ad littora, & in angustioribus fretis esse multo maiorem, quam in aperto mari, & quidem alicubi inter Angliam, & Europæ continentem ad 50. etiam pedes aliquando afflurgere. 3. Alicubi in quibusdam portubus aliqua anni tempestate nullum aestum, observari. Id *Nevvtono* teste, *Halleys* ex Nuttarum observationibus narrat contingere in portu *Batsham Tunchinensis* Regni in latitudine Bor. gra. 20. min. 50. ubi in Syzygiis Aequinoctialibus nulli habentur aestus, in Solstitialibus habentur singulis diebus singuli. 4. In aliquibus portubus esse etiam multo plures aestus singulis diebus, quam duos, & eos maximè irregulares. 5. Ventorum impetu, & procellarum vi sèpè aestus ipsos perturbari iisdem tam acceleratis vel retardatis, quam auctis vel imminutis.

10. Multa ex hisce phænomenis etiam apud Veteres erant satis nota, & apud Poetas quoque marini aestus mentio occurrit sèpè. Hunc certe Poetarum quoque Princeps *Virgilius* inter alia vel è Physicâ, vel è Matheſi desumpta tanquam aptissimum carminis argumentum commemorat, quo exponatur *Quà vi maria alta tumescant Obicibus raptis, rursusque in se ipsa residant.* *Claudianus* autem analogiam aestus marini, qui in Oceano contingit cum Lunæ motibus ibi adumbravit, ubi de Padi ostiis, & Adriatici aestu loquens sic habet

. *Certis ubi legibus advena Nereus
Æstuat, & pronas puppes nunc amne secundo
Nunc redeunte vebit, nudataque littora fluctu
Deserit: Oceani lunaribus æmula damnis*

11. Homero quoque satis fuisse cognitum Oceani aestum *Strabo* sub ipsum suæ Geographiæ exordium, ubi eum, & primum, & summum Geographum extitisse affirmat, ex eo deducit, quod Oceano reflui appellationem tribuerit odiss. lib. 20. vers. 65. Idem tamen ibi pariter nimirum sub initium libri primi videtur de Oceano perperam intelligere versum 105. lib. 12. odiss., qui de Oceano profecto non loquitur sic enim habet: *Ad eandem solertia pertinet quod affluxus, & refluxus Oceani non ignoravit, Oceano refluxus appellationem tribuens & ibi*

Tḡs μὴ γὰς τὸ ἀντίστοιχον τὸν ἡμέραν Τρὶς δὲ αὐτοῖς βέβαιον
Ter enim eructat quotidie ter autem absorbet.

Quod enim non ter, sed bis, (sive non Tḡs sed δις) Eustus maris quotidie accedit, in eo aut aberravit a vero narratio, aut in scriptura mendum

dum est: certe aestum maris voluit significare Poeta; ubi *Strabo* ipse & binos in Oceano singulorum dierum aestus sibi esse cognitos manifesto ostendit, & iisdem videtur censere contrarium *Homeri* locum, ac proinde fortasse etiam vitiosum, qui pro binis ternos affirmet.

12. At *Homerus* ibi quidem non de Oceani aestu loquitur satis periodico, & regulari, sed de mira illa Messanensis freti indole, ac de Charybdi potissimum: sic enim habet

Τω̄ δ' ὅπο δια χάρυβδις ἀναρροιβεῖ μέλαν ὕδωρ
Τρὶς μὲν γὰς τὸ ἀντίστοιχον τὸν ἡμέραν, τρὶς δὲ αὐτοῖς βέβαιον
Δεινόν. μὴν γέ τε καὶ τύχοις ὅτε ποιθήσετε
Sub hoc Diva Charybdis absorbet nigram aquam;
Ter enim eructat quotidie, ter autem absorbet
Horrende: ne tu utique illuc venias quando absorbet.

13. Plura quoque alia phænomena marini aestus commemorat *Strabo* ipse pluribus in locis, quæ fere omnia ex *Posidonio* desumit, quem & justæ molis opus de Maris aestu scripsisse affirmat, & Lectorem suum ad ipsum, & ad *Athenodorum* remittit, cum dicat: *Nos vero majorem partem questionis de Oceano, & Aestu ad Posidonium, atque Athenodorum reiiciimus:*

14. Affirmat autem lib. 3. *Posidonium* tradidisse *Oceani motum-imitari conversionem calestem*: agnovisse vicissitudines diurnas menstruas, & annuas: diurnam quidem intumescentiam incipere Lunâ uno signo erectâ supra Horizontem: augeri intumescentiam usque ad appulsum ad Meridianum: tum detumescere maria, donec Luna ab Horizonte distet uno signo: ibi consistere, donec post occasum per unum signum infra Horizontem descendat, & ita porro: ubi *Posidonus* rem aliquanto crassius definivit. Quoniam enim ubi ad maximum intumescentiam vel detumescentiam aqua devenit, incrementa ita exigua sunt, ut sub sensum non cadant; statim aquæ in maxima depressione Lunâ versante circa Horizontem, accipit pro permanenti quadam statu, nec mutato.

15. Menstruas autem vicissitudines eo reducit, ut aestus in Noviluniis, & Pleniluniis maximi sint, in quadraturis minimi. Et quidem de *Posidonio* eodem ipse *Strabo*: Narrat inquit, se immanem vidisse exundationem fluvii *Boetis* apud *Ilipam* circa Novilunium: qui cum ante vias usque ad dimidiā ripam madefaceret; tunc ita fuerit effusus, ut ibi aquarentur milites: abest autem *Ilipa a Muri* circa 700. stadia: & campestria mari propinquaque etiam usque 30. stadia in altum fuisse aquis tecta. Altitudo fundamenti, cui *Fanum Herculis* insitit, & aggeris, qui portui *Gaditano* præpositus est usque ad 10. cubitos occultata, ut mensum se ait.

16. At de annuis vicibus ex *Strabone* colligitur, eas non rite cognitas *Posidonio* fuisse. Sic enim de eo habet. *Annuas denique Maris vices sc̄ a Gaditanis auditu cognovisse ait: ita enim illos tradere,*

circa Aestivum Solsticium recessus, accessusque maris maximè augeri: se verò conjecturam facere, eisdem inde ad Aequinoctium usque diminui, rursumque ad Brumam usque accrescere, ab hac usque ad vernum Aequinoctium descrescere, porroque accrescere usque ad Aestivum Solsticium. Nam quod cæteris paribus Aequinoctiales Syzygiarum aestus sint omnium maximi, non minimi cæteris paribus, id profecto cum ex plurimis Recentiorum monumentis constat, tum etiam ex Veteribus ipsis fit manifestum. Et Plinius enim lib. 2. cap. 97. *Naturalis Historia* cum aliis phænomenis, quæ paulo infra ex eodem producemus, id ipsum numerat; & Seneca *Naturalium Questionum* lib. 3. cap. 28. ut sicut, inquit aestus Aequinoctialis sub ipsum Lunæ, Solisque cotum omnibus aliis major undare & Tacitus lib. 1. Annalium affirmat sydere Aequinoctii maximè Oceanum tumescere. Quin immò cæteris paribus & illud ex Gallicis observationibus constat, potius circa Hybernum Solsticium, in quo Sol Perigeo est proximus, quam circa Aestivum, cum is ad Apogaeum recedit, majores haberi aestus, quod & apud Plinium occurret paulo inferius.

17. Observationes illæ *Gaditanorum*, quibus tota Posidonii conjectura nitebatur, fortasse institutæ sunt, quod & Jacobus Cassinus suspicatur, eo tempore, quo Perigeum Lunæ erat Cancri signo proximum; ac proinde maiores aestus obvenerant tantum iecirco, quod Luna tum temporis in ipso Solsticio aestivo erat Terræ proxima. Nam & Cassinus ostendit ex omnibus observationibus, magnitudinem aestus pendere plurimum a distantia Lunæ a Terra, & Chidreyus, quem Cassinus ipse adducit ad annum 1713., notavit in Actis Philosophicis Octobri mense anni 1670., aestus illos, ex quibus maximæ inundationes profluxerunt, semper contigisse in Syzygiis quidem, sed Lunâ Terræ proximâ circa Perigeum. Unde consequitur, si Perigeum Lunæ, quod per Eclipticam excurrit, per eos annos, quibus observationes Gaditanorum institutæ sunt, fuisset in Cancri signo, vel ipsi proximum, debuisse in ipso Solsticio Aestivo tum temporis maximos aestus haberi.

18. Præterea (refert Posidonius apud Strabonem eodem lib. 3.) Seleucum quendam a Rubro Mari oriundum in his aequalitatem, inæqualitatemque statuere aliquam pro signorum celestium ratione: nam Luna in Aequinoctialibus signis hærente æquabiliter illos aestus fieri: in Solstitialibus autem, & quantitate, & celeritate inæquali, eamque inæqualitatem in reliquis signis locum habere pro eo, atque unumquodque eorum ad dicta proprius accedit. Quæq. idem Seleuci observatione pertinet ad aequalitatem vel inæqualitatem binorum aestuum eodem die contingentium, prout Luna in Aequatore fuerit vel extra ipsum, quam ex Cassino possumus tertio loco num. 8. Quian quam eam a Posidonio malè intellectam fuisse appetet ex ipso Strabone, qui de eodem Posidonio: Ipse autem, inquit, se memorat, *Gadibus in Hercolis*

is templo fuisse sub ipsum aestivum Solsticium in Plenilunio per aliquot multos dies, neque tamen anniversarias istas mutationes potuisse deprehendere. Neque enim ea sunt anniversariæ mutationes, sed diurnæ, vel ad summum menstruæ; cum Luna totum Zodiacum singulis mensibus percurrat. Cæterum Posidonius ipse cum affirmet a certo limite post ortum, & post occasum, intumescentiam incipere, & itidem in certo limite ante ortum, & ante occasum desinere; simul manifesto affirmat eandem temporis inæqualitatem, quam Seleucus protulerat. Luna enim æquali tempore infra, ac supra Horizontem moratur, si in Aequatore sit; inæquali, si extra ipsum.

19. Et in iis quidem Posidonius ipse aberat videtur: at & ipse Posidonius, erravit; & Strabo lib. 7. Nam & hic ab eo narrat reprehensum Clitarchum affirmantem immensam quandam celeritatem marium, se aliquando cum maximo impetu effundentium ad littora, & eundem Clitarchum reprendit ipse, sic habens. *Male etiam Clitarchus equites narrans accusum maris spectantes, citatis equis refugisse, & pene fuisse a fluctu obrutos: neque enim tanta celeritate accedere mare deprehendimus, sed sensim, & latenter. Intumescencia quidem marium paulatim crescit, & sine impetu. Ac proinde ad littora, que descensu precipiti ad mare profundum & aperatum spectant, aqua sine impetu effluendi, & remeandi attolli, & subcidere potest, ut Newtonus etiam notavit, at in portibus quibusdam aqua cum impetu magno per loca vadosa, & sinus alternis vicibus implendos, & evacuandos influere, & effluere cogitur...* His in locis mare magna cum velocitate accedendo & recedendo littora nunc inundat, nunc arida relinquit ad multa millaria. Neque enim, ubi brevi intervallo mare ad multa millaria effunditur ad littora parum declivia impetu sane multo majore, quam ubi fluvii altiores ruptis ageribus erumpunt, & cum sylvis armenta trahunt; mirum videri debet, si quandoque vix, aut ne vix quidem citati equi præsidio liceat irruentis undæ cursum prævertere, atque impetum evitare. Quod quidem cum pluribus aliis in locis, tum potissimum, ad Cambajæ, littora ubi, ut referunt Nostræ Societatis Patres, & Scriptores alii teste Ricciolio Almagesti lib. 9. sectione 9. cap. 14. Mare horis 2. se in littus effundens occupat 30. circiter leucas: sed alibi 15. millaria, & tanta quidem rapiditate; ut nisi homines, cymbalis admoniti concitato cursu fugiant, præmergantur ab aestu: refluxente autem binis horis Mari, plurimæ Naves in secco hærent destituta. Id ipsum profecto contigisse debuit in ingenti illa exundatione quam Posidonius a se conspectam narrat, ut vidimus, qua ad 30. stadia, nimirum ad quatuor fere millaria, Oceanus in campos sibi conterminos irrumpt.

20. Sed ut cæteros omnes omittamus, Plinius *Naturalis Historia* lib. 2. cap. 97. omnium Veterum accuratissime delcripsit præcipua

pua omnia e phænomenis, quæ Gallicis observationibus usus *Cassinus*, ut vidimus, definivit. Ibi in primis agnoscit nexus phænomenorum cum Luna, & Sole. *Aëstus maris accedere, & reciprocare maximè mirum: pluribus quidem modis, verum causa in Sole, Lunaque.* Tum diurnas exponit variationes: *Bis*, inquit, *inter duos exortus Lunæ afflunt, bisque remeant, vicenis, quaternisque semper horis;* quod ita explicat, ut ab ortu ad appulsum ad Meridianum intumescant maria, tum usque ad occasum detumescant, & iterum intumescant; donec Luna ad Meridianum infra Horizontem deveniat, ac detumescant usque ad ortum. Affirmat autem sensis horis æqualibus id fieri, quod quidem, ut verum sit, de horis Lunaribus intelligi debet, nimirum de iis, quarum 24. sint ab uno appulsum Lunæ ad Meridianum ad alium, & Lunâ existente in Äquatores; nam aliter inter utrumlibet appulsum ad Horizontem, & binos appulsus ad Meridianum inæqualia sunt temporis intervalla. Hinc ad menstruas variationes transiens, *Multiplex, ait etiamnum Lunaris differentia, primumque septenis diebus, ita, ut in Plenilunio & Novilunio sint maximi, in Quadraturis minimi æstus.*

21. Agnoscit etiam incrementum, & decrementum æstuum proximi, vel majori distantia Lunæ a Terra, sed in eo errat, quod putet in signis Borealis Apogeum esse, in Australibus Perigeum. *Planè eadē Aquiloniā, & a Terris longius recedente minores, quam cum in Austros digressa propiore nisu vim suam exercet.* Nisi forte eo maximè anno, cum hæc Plinius scriberet, eam potissimum positionem habuit Apogeum. Addit præterea: *per octonos quoque annos ad principia motus, & paria incrementa centesimo Lunæ revocantur ambitu.* Mirantur hic plures a *Plinio* usurpari octo annos non novendecim, & *Cassinus* ad annum 1713. rationem desumit a motu Apogei quod post nonum, & ante decimum annum, ad easdem Cœli plagas regreditur emenso toto Zodiaco. At *Plinius* profecto Octoeteridas illas celeberrimas *Atheniensium* respexit, sive cyclum annorum 8. continentium Lunares menses 99. Nam Novilunia, ac Plenilunia centesimi Mensis Lunaris, si minus accurate in easdem horas incident, ac primi, incident tamen quamproximè fere in eosdem dies, ac proinde & maximos æstus & eadem æstuum intervalla fere ad eosdem mensium dies reducunt.

22. Ad annuas variationes jam gradum faciens: *augente, inquit, ea cuncta Solis annuis causis, duobus Äquinoctiis maximè tumentes, & Autumnali amplius, quam Verno, inanes vero Bruma, & magis Solstitio.* Videtur prima fronte debere in utroque Äquinoctio res eodem modo se habere exeteris paribus; & quidem per hæc nostra tempora fere ita contingit; cum Apogeum Solis parum distet ab initio Cancri, ac proinde in utroque Äquinoctio fere æquè Sol distet a Terra. Verum illud considerandum: *Plinii temporibus Apogeum ipsum*

ipsum 20. circiter gradibus erat Occidentalius initio Cancri. Quare Vernal Äquinoctium erat multo proprius Apgeo, quam Autunnale; & id discrimen multo etiam maius debuit esse vetustioribus temporibus, quibus ii floruerant, ex quibus hanc ipse *Plinius* doctrinam hauisit. Cum igitur in majoribus a Sole distantiis viderimus cæteris paribus minores haberi æstus, hoc *Plinianum* phænomenum ab eo ipso non discrepat: ac multo etiam clarius patet, ab eodem illud non discrepare, quod circa Ästivum Solstitionum tam proximum Apgeo, fuerint magis inanes æstus, quam circa Hyemale proximum Perigeo.

23. Addit autem quod supra monuimus: *Nec tamen in ipsis, quos dixi temporum articulis, sed paucis post diebus, sicuti neque in plena, aut novissima (Luna), sed postea: nec statim ut Lunam Mundus ostendat, occultetve, aut media plaga declinet, verum duabus fere horis Äquinoctialibus serius, tardiore semper ad terras omnium quæ geruntur in Cœlo effectu cadente, quam visu, sicut fulguris, & tonitrus, & fulminum.*

24. Demum a generalibus phænomenis ad quædam singularia delapsus affirmat, in Oceano multo majorem esse æstum, quam in minoribus mariis, ut & in lacubus, aut flaviis nullos: esse locum, in quo septies etiam die ac nocte æstus reciprocatio habeatur: esse puteos, vel fontes, qui augeantur crescente æstu, esse qui decrescant, & alia ejusmodi: ex quibus omnibus patet, quam in hoc argumento diligenter *Plinius* se gesserit.

25. Hæc quæ ex nonnullis tam Recentiorum, quam Veterum monumentis phænomena marini æstus protulimus, ad causam determinandam viam sternet. Illud tamen hic cavendum vel maximè: ne cum ordinatissimis marini æstus phenomenis confundantur, motus marium alii, quos generant seu venti, & procelle, seu influentium fluviorum impetus, seu procursus illi marium, quos vulgo dicimus *le correnti*, quacunque demum a causa ortum ducant.

26. Quod ad causas pertinet, plurimas tam Vetustiorum, quam Recentiorum sententias *Ricciolius* collegit, *Almagesti lib. 9. sect. 4. cap. 14.* quarum pleraque absurdæ, omnes vel cum ipsis pugnantes phænomenis, vel ita vagæ, ac crassæ, & principiis aliunde non constantibus innixæ; ut illud unum ritè deducatur ex iis omnibus, quod initio diximus, frustra olim in hoc naturæ arcanum diuturnis Philosophorum laboribus inquisitum. Quamobrem a tanta vere causæ assignandæ difficultate perterritus *Seneca Naturalium Quæst. lib. 3. cap. 28.* ad fatum confudit, ubi de aqua Ioquens, *Hujus elementi materia, inquit, fatis mota, non æstu (nam æstu fatus ministerium est) attollit vasto sinu fretum, agitque ante se.* Eas sententias persequi, ac singulas impugnare, nec per tempus licet, & laboris esset sane improbus, ac prorsus inutilis.

27. Celebriores postremis hisce temporibus fuerunt *Galilai*, *Cartesii*, *Kepleri* opiniones, quas & Caslinus ad annum 1713., e Recentioribus solas una cum *Nevvtoniana* commemorat. *Galilaeus*, causam desumpfit a combinatione motus diurni, & annui. Nimirum cum Terræ motus diurnus in partibus Solem spectantibus sit contrarius motui annuo; in partibus autem aversis conspiret cum eodem; affirmavit, singulis diebus Terræ superficiem in motu suo accelerari, tum retardari, & inde consequi, ut aqua ad littora affluat, & refluat per vices eodem pacto, quo si vas aqua plenum transferas & acceleres, ac retardes per vices, videbis aquam ad margines jam affluere, jam refluere. At nec si ejusmodi reciprocus motus consequi deberet ex acceleratione illa, & retardatione; is consentiret cum phænomenis diurnis æstuum, ut multo minus, quæ ad cætera explicanda adiicit, cum observationibus consentiunt: & quod caput est, ille reciprocus motus ex acceleratione, ac retardatione superficie Terrestris nullus sequi debet. Nam illud in Mechanica certum jam est, & facile demonstratur, motum respectivum partium systematis quotunque corporum, non turbari a motu æquali adjecto partibus omnibus versus quancunque plagam. Nec vasis exemplum, quidquam evincit. Refluit aqua in vase, si acceleretur vas, & simul eadem vi non acceleretur aqua, sed ab ipso vase celeritas illa major aquæ ipsi communicanda sit. Contra in Telluris diurno motu causa eadem, quæ continentis partes accelerat vel retardat, nimirum, quæ annum conservat & diurnum motum, eadem & in aquam immediatè agit, eandemque tantundem accelerat, vel retardat.

28. *Cartesius* per vortices rem expedit, & Lunæ pressionem ac vorticum ipsorum angustias in subsidium vocat. Inde fieri putat, ut aqua sub ipsa Luna comprimatur, & cogatur ad latera quoquoversus diffluere ad distantiam unius quadrantis. At præterquam quod in iis, quæ ad menstruas, & annuas vices explicandas addiuntur, arbitriæ ubique hypotheses hypothesibus superingerendæ sunt, nec adhuc satis feliciter explicantur phænomena; Vortices ipsos nullos esse plane demonstrant cum alia plura argumenta, quorum nonnulla persecuti sumus in *Disquisitione in Universam Astronomiam* edita anno 1742., tum potissimum Cometarum motus, qui dum liberrimè quaquaversus excurrunt, Vorticum hypothesis proptius evertunt. Accedit, quod Luna in ipso vortice innata sit, & cum eo translata in gyrum, nec ulla alia gravitate prædita (ad evitandam enim gravitatem ipsam potissimum vortices excogitati sunt), nullam sane pressionem exercere potest in partes vorticis sibi subjectas; nec si quam exiceret, pressio globuli tam exigui respectu tantæ vorticis massæ in hac tanta distantia effectum ederet, qui sensu perciperetur.

29. *Keplerus* ad Lunæ magnetismum configuit, & aquas in Lunam

nam elevari affirmat, in quam abirent, nisi a gravitate in Terram cohíberentur. Consentit quidem ipsum motus principium cum generali *Nevvtoni* gravitate, quam *Keplerus* ante ipsum adumbravit; at qua potissimum ratione universalis gravitas e naturæ phænomenis validissima argumentorum vi colligi posuit, ac quo pacto ex ea & universi Planetarum, ac Cometarum motus, & alia plurima naturæ phænomena deducantur, & ad calculum revocentur, omnino ignoravit; ut ignoravit genuinam quoque ipsius marini æstus explanationem ex mutua generali gravitate derivatam, & intumescientiam potissimum in locis Lunæ oppositis prima fronte cum attractione aquarum in Lunam omnino pugnantem.

30. *Nevvtonus* Gravitatem generalem adhibet ita, ut ex ea, & ex motu Telluris diurno circa proprium axem, mœstro circa commune gravitatis centrum cum Luna, anno circa Solem, mirum sanè in modum deducat præcipua omnia æstus marini phænomena *Principiorum* lib. 3. Nos, ut ejus explicationem secuti eandem illustreremus, ac perficiamus juxta ea, quæ diximus num. 2. Statuimus hæc tria. Existere in Natura gravitatem generalem *Nevvtonianam*: 2. ex ea in sententia Telluris motæ necessario consequi phænomena omnia marini æstus, & quidem præcipua ex iis etiam satis accurate ad calculum revocari. 3. Telluris quietem nec hujus phænomeni explicationi obesse, nec universæ Astronomiæ mechanicæ *Nevvtonianæ*, iis adiectis, quæ superiore anno in dissertatione de Cometis exposuimus, quæ quidem cum nullis pugnant aut naturæ phænomenis, aut rationibus, & si Terræ quies ut datum quoddam assumatur, positivis & validissimis argumentis probentur.

31. Generalis *Nevvtoni* gravitas huc reducitur. Omnes materiae particulae æquales in se mutuo æqualibus viribus gravitant, in æquilibus distantiis; auctis autem distantiis decrescit gravitas in ratione reciproca duplicata distantarum, sive reciprocè ut quadratum distantiæ, vel ita ut in dupla distantia sit bis duplo seu quater minor, in tripla ter triplo sive novies, in decupla decies decuplo sive centies, & ita porro, quæ omnia idem sonant. Hinc quo plus materiae corpus aliquod continet paribus distantiis, eo gravitas alterius corporis in ipsum est major; & generaliter gravitas hæc variatur in ratione composita ex ratione massæ, in quam tenditur simplici directa, & reciproca duplicata distantiæ; ita tamen, ut totius corporis gravitas in aliud corpus æstimetur colligendo summam virium omnium, quibus quævis particula prioris gravitat in singulas particulas posterioris redactorum ad eandem directionem elisis oppositis, & iterum colligendo summam virium jam collectarum, quibus singulæ partes prioris gravitant in totum corpus posterius, reducendo tamen has etiam ad directionem eandem; quo pacto si varietur massa corporis gravitantis, variabitur cæteris paribus in eadem ratione etiam ejusdem pon-

pondus ; eritque pondus corporis in aliud corpus in ratione composita ex rationibus directa simplici tam massæ corporis in quod tenditur, quam massæ corporis tendentis, & reciproca duplicata distantiarum.

32. Ob analogiam quandam, quam habent hujusmodi vires gravitatis mutuæ cum viribus, quibus bina corpora se mutuo trahant ope funis, vel alterius medii, dicitur attractio mutua, & actio alterius in alterum: verum nihil est opus concipere physicam quandam actionem corporis in corpus distans. Poteſt ea eſſe vel propensio quædam corporum in corpora, vel impulsio medii nobis adhuc incogniti, (quam tamen censemus nullam eſſe, & gravitatem mutuam nullo etiam interjecto corpore suum fortiri effectum, arbitramur), vel si Peripatetici etiam velint, qualitas quædam ei ſimilis, quam ipſi in noſtrorum gravium gravitate admittunt, vel id, in quod nos maximè propendemus, libera quædam lex a Summo Naturæ Opifice ſancita, dum Orbem conderet. Nihil hic refert, quo cunque demum pacto oriatur physice hæc mutua gravitas, dummodo nec ipſi quidquam occurrat contrarium, & non ad arbitrium configatur, ſed eo nos directe deducant Naturæ phænomena, a quibus eam existere positivè, quantum in physicis licet, probetur, & explicandis, ac determinandis plurimis Naturæ phænomenis interficiat, consentientibus observationibus. Sic Horologii ſtructuram, & uſum explicaturus qui ſpiam jure optimo gravitatem ponderis appenſi, vel penduli, aut laminæ chalybeæ elasticitatem adhibet, ignorata, vel diſſimulata ipſius gravitatis aut elasticæ vi cauſa physica.

33. Nihil hujusmodi gravitati contrarium opponi, ſatis evincitur; ſi ea, quæ opponi ſolent diſolvantur. Quod enim opponitur, Naturam per impulsionem ſemper communicare motum, & quamvis aliam motus communicationem a Mechanicis rationibus plurimum abhorre, id nos ſanè nequaquam movet. Nam & noſtra gravia deorsum delabi cernimus, quin ulla appareat descensus cauſa ab impulſu corporum pendens, vorticibus præterea nec existentibus, nec idoneis ad gravitatis phænomena producenda, & lumen in aliqua diſtantia a corporibus reſlecti, refringi, infleci, ſatis jam tum rationibus, tum experimentis evincitur, & in Magneticis, in Elasticis, in aliis plurimis corporum generibus, mutationem ſtatus cernimus, quin ullum videamus impulſum. Nos autem, ut in diſſertatione de Viribus vivis duobus ab hinc annis ostendimus, ſatis evidenter deduci arbitramur admiſſo principio, quod nulla velocitas mutetur per saltum ſine transitu per intermedias, nunquam motum communicari verè per impulsionem, & nunquam corporis in alterum corpus impingentis haberi contactum immediatum mathematicum, ſed vires quaſdam repulſivas in minimis diſtantiis eos effectus praefare, quos alii tribuunt omnes impenetrabilitati agenti in contactu. Ve- rum ſi quis adhuc impulsionem velit, is medium ſibi configat adhuc igno-

ignotum, cujus impulsui ignoto pariter, effectus hic aliunde, ut jam ostendemus, positivè notus tribuatur.

34. Nec verò obſtat, quod ejusmodi gravitatis effectum non certimus hic in hiſce corporibus, lapide ſemper in terram decidente, non in aliū lapidem aut parietem. Cum enim gravitas corporis in aliud corpus pendeat etiam a massâ corporis, in quod tenditur, & non ſolum lapides, ac parietes, ſed & montes ipſi respectu totius. Terræ ſint ferè nihil, gravitas in iſpos etiam montes respectu gravitatis in Terram eſt perquam exigua, & fere inſensibilis, ac gravitas uerſus minorā corpora tendens tam respectu gravitatis in Terram, quam etiam in ſe iſpa proſrus inſensibilis, & cujus effectus a modi- dicifima frictione, a reſiſtentia aeris, a quovis exiguo impedimento tollitur totas: in conſortio autem gravitatis in Terram multo minus ſentiri potest. Sic ſi circa maximum, & potentifimum magnetem, minorā fragmenta diſpersa jaceant, ferreus globulus ita ad magnum illum magnetem curſum ſuum diriget, ut nihil ad ſenſum ad exigua illa fragmenta detorqueatur. Ex eo autem, qnōd non videatur ef- fectus ille, qui ſi fit, videri omnino non poſſit; quiſ unquā recta ratiocinatione uſus inferat, eundem non exiſtere, & iſcirco ejusdem quoque cauſam e natura eſſe ceneſat eliminandam? Ceterum ſi mons aliquis ſit maximus; poterit aliquando in longiore pendulo obſervari deviatio aliqua orta ex ejus attractione: & Academicī Parisiēſ ſub Aequatorem profecti ad determinandam figuram Telluris, obſervarunt effectum hujusmodi attractionis in maximum Americanum montem.

35. Nec illud officit, quod in plurim corporum particulis vi- deamus vim potius repulſivam, in aliis attractionem multo ma- jorem, quam quæ gravitati generali repondeat, ut in Elasticis, & Magneticis, aliisque quamplurimis. Nam præter generalem gravi- tam adsunt particulares vires in aliis corporibus aliae, quarum ef- fectus conjungitur cum gravitatis effectu ita; ut ſi ex repulſivæ ſint, tantillo minus repellant, quam repellerent; ſi attractivæ, tantillo magis attrahant, quam attraherent. Poſſet autem concepi etiam unica vi in ſingulis materiæ particulis, quæ in majoribus diſtantiis decreſceret ad ſenſum in ratione reciproca duplicata diſtantiarum, & gravitatem exhiberet, in minoribus, & in multo maximis etiam variaret in ratione ordinatarum ad quaſdam curvas, de quibus in diſſertatione de Viribus Vivis egimus duobus ab hinc annis; ubi etiam ostendimus, quo pacto fieri poſſet, ut Fixe in aequilibrio manerent omnes; quanquam earum a nobis, & a ſe invicem diſtantia tam immanis eſt; ut licet gravitas generalis ad eas pertingeret cum eadem lege, quam hic habemus; nullus tamen in iis motus nobis inſensibilis haberi poſſet tempore perquam diuturno, quod calculo ini- to facile evincitur.

36. Quod

36. Quod non ad arbitrium configatur, sed eo nos directe deducant naturae phænomena, facile evincitur potissimum ope hujus duplicitis principii, quod & ab observationibus eruitur, & ab omnibus jam Mechanicis pro certo habetur. Primum est: Corpora perseverare in eo statu quietis, vel motus uniformis in directum, in quo semel sunt posita, nisi quatenus ab aliqua vi activa determinentur ad mutandum statum suum: quam corporum proprietatem *vim inertiam* appellant. Eam tamen nos admittimus respectu spatii cuiusdam, in quo nos, & Astra omnia siti sumus ita; ut eo spatio utcunque translati, corpora omnia eodem inclusa debeat vi inertiae vel occupare perpetuo idem ejusdem spatii punctum, vel moveri in recta linea spatii ejusdem cum eodem translata motibus quibuscumque: ut paulo infra clarius exponemus. Secundum est: Semper in omnium virium actionibus haberi binas actiones contrarias, & æquales, & produci binos nisus, vel etiam motus in binis corporibus contrarios & æquales, quo reducitur principium actionis, & reactionis æquium, quod principium & in collisione corporum manifesto deprehenditur, in qua semper mutationes status binæ fiunt oppositæ, & æquales, & in vi magnetica, in qua ferrum, & magnes æquè in se invicem tendunt; & in omni alio virium genere, in quo experiri veritatem principii licet.

37. Jam verò in primis in omnibus nostris corporibus, in quibus observations licet instituere, nec aliæ vires effectum gravitatis turbant, vel observationem impediunt, observamus vim, qua in Terram tendunt. Vim hujusmodi in Planetarum partibus, quæ in Planetas ipsos tendant, deducimus ex forma eorum sphærica, & potissimum idem confirmant plura argumenta, quæ ostendunt esse in iis partes superficie non adhærentes. Planetas omnes Secundarios, satis constat ex Astronomia, gyrare circa Primarios in orbibus curvilineis, & Lunam circa Terram, Cometas omnes ac Planetas Primarios cum Secundariis circa Solem motu suo proprio cum descriptione arearum ad ea centra terminatarum quamproximè æquabili. Quare necessario vires aliquas habent eos retrahentes a motibus rectilineis, quos deberent habere vi inertiae, quibus quidem viribus tendant Planetæ Secundarii in Primarios, Luna in Terram, Cometæ, & Planetæ Primarii cum Secundariis in Solem. Jam ex secundo illo principio, ex quo & actionis, ac reactionis æqualitas reducitur, Terra contra & Planeta quivis gravitat in singulas suas partes, quod & ex æquilibrii legge deducitur, Planetæ Primarii in Secundarios, Terra in Lunam, Sol in omnes Cometas, & Planetas Primarios, ac Secundarios. Præterea Jovem, ac Saturnum, ubi ad se invicem propius accesserint, turbare motus suos, & siuorum Satellitum pariter ex Astronomia constat: quod ipsum eorum mutuam aliquam gravitatem in se invicem ostendit potissimum exclusis vorticibus. Enīgitur inductionem ampli-

amplissimam pro gravitate mutua tot corporum, immo omnium eorum corporum, in quibus eam aliqua methodo experiri licet. Projecto hæc est multo amplior, quam induc̄io, qua corporum impenetrabilitatem eruimus, quam immediatè observamus in iis tantum corporibus Terrestribus, quæ aliquando attigimus. Ac proinde potiore jure ad omnes materiæ particulas extendetur gravitas mutua, quam impenetrabilitas.

38. Eandem autem gravitatem decrescere in ratione reciproca duplicata distantiarum, deducitur in gravitate, quæ dirigitur in Terram, ex eo, quod lineola, per quam Luna deprimitur a recta tangentे ad arcum curvum uno secundo temporis, ad spatiū pedum 15., quod nostra corpora cadendo eodem tempore percurrunt, sit ut quadratum unius semidiametri Terræ ad quadratum distantiae Lunæ a Terra: in gravitate, quæ dirigitur in Jovem ac Saturnum ex eo, quod quadrata temporum periodicorum satellitum eorundem sint ut cubi distantiarum ab ipsis: in gravitate, qua quivis Cometa, vel Planeta tendit in Solem, ex forma orbitæ in Cometis ad sensum Parabolica, in Planetis Ecliptica ita, ut Sol jaceat in foco, quod vini habet etiam pro gravitate Lunæ in Terram, habentis orbitam ad sensum Eclipticam positâ in foco Terræ ipsâ: in gravitate in Solem uniuscujusque vel Cometæ, vel Planetæ collati cum alio quovis, ex eo, quod quadrata temporum, quibus areæ similes describuntur a Cometis sint, ut cubi distantiarum homologarum, & quadrata temporum, quibus totæ orbitæ describuntur a Planetis circa Solem sint, ut cubi distantiarum mediaryum. Ex his enim omnibus constat lineolas, per quas in iis motibus ea corpora æqualibus temporibus retrahuntur a motu rectilineo per tangentem ad arcum curvum, quæ lineolæ ope Geometriæ, & calculi determinantur, esse eo minores, quo quadrata distantiarum a centris virium majora sunt. Confirmatur autem exemplo eorum omnium, quæ diffundantur in sphæram, ut est ex: gr: lumen; quæ nimurum omnia eo minus intensa sunt, quo in majorem superficiem extenduntur; ac proinde decrescent in ratione eadem.

39. Eandem gravitatem in æqualibus particulis materiæ æqualem esse; ac proinde massis proportionalem modo exposito num. 31., colligitur tum ex eo, quod gravia nostra hic in spatio non resistente descendant eadem celeritate omnia; ac proinde eorum particulæ æquales æquè gravitent in Terram; adeoque & Terra in ipsis: tum ex eo, quod paribus distantiis gravitas in Solem, Jovem, Saturnum, Terram habentium molem hoc ordine majorem, hoc ipso ordine minor fit, quod indicium minus grave est ob incognitam densitatem; habet tamen vim suam. Confirmatur autem multo magis ob simplicitatem & analogiam Naturæ, quibus multo melius ita consultur.

40. Nec hisce argumentis quidquam obest motus diurnus Astro-
rum omnium, ac traslatio orbitalium Planetarum omnium, & Co-
metarum cum Sole circa Terram, & immobilitas Terræ, quæ om-
nia per illam vim inertiam respectivam, quam numerum 34. innuimus, ita
explicabimus inferius; ut proprios eorundem motus, ac vires ad eos
peragendos necessarias nihil turbent. Multo minus negotii faceantur
alia quædam, quæ opponi solent: Planetas perpetuo attractos in So-
lem debere demum in ipsum recidere, eosdemque si in Apheliis
cum minore vi gravitatis ad Solem perpetuo accedunt usque ad Pe-
riphelia, majore ibi agitatos vi, quam in ipsis Apheliis, multo magis
debere ad Solem accedere, & non recedere ad Aphelia: Lunam in
Novilunio magis in Solem attractam, quam in Terram, abitaram
in Solem: eandem in Novilunio oppositas in partes tractam, in Ple-
nilunio in easdem a Sole, & Terra, magis descensuram Solem ver-
sus in secundo casu, quam in primo: & alia ejusmodi, quæ difficult-
atem parient iis tantum, qui vel ignorant Mechanicam, vel Geo-
metriæ sublimioris, & infinitesimorum methodi vim nequaquam
sentiunt. Ex eo enim ipso, quod Planetæ in Solem gravitent in ra-
tione reciproca duplicata distantiarum evidentissimè in Mechanica
demonstratur eosdem utcunque projectos debere describere motu con-
tinuo circa Solem in foco positum sectiones conicas. Vi inertiam co-
nabuntur semper a curva recedere per rectam tangentem, & gravi-
tas in Solem tanta erit semper, quanta requiritur, ut a tangentia
descendat Planeta ad arcum curvum. Interea areae erunt tempori-
bus proportionales, ac velocitas in Aphelio minor, in Perihelio ma-
jor, & tanto minor ibi, hic major; ut a gravitate ibi minore, hic
majore ad ipsum Ellipsois arcum Planeta deferratur, cuius puncta
post Aphelium propiora erunt Foco, post Perihelium remotiora. Lu-
nam autem in Plenilunio attrahi magis in Solem, quam in Terram
nihil obest, cum & gravitatem illam in Solem contraria elidat centri-
fuga vis orta ex ejus anno motu circa Solem una cum Tellure (nobis
quidem respectivo tantum, & absolute iis omnibus, qui Terram
movent): & gravitatem in Terram vis alia centrifuga, orta ex ejus
mensu motu circa Terram. Sic in Plenilunio gravitatis in Solem,
& Terram conspirant, in Novilunio contrariae sunt; sed ibi quidem
hinc pariter vires centrifugæ ortæ ex motu anno circa Solem, &
mensu circa Terram conspirant, hic opponuntur. Solum ex eo
quod Luna in Novilunio gravitet in Solem magis quam Terra, & in
Plenilunio minus, sequitur in primo casu, eam nisi deserere Ter-
ram, in secundo nisi remanere ad partes Terræ oppositas; unde fit,
ut immunita utrobius gravitate in Terram, minus curvum orbem
describat Luna in Noviluniis, ac Pleniluniis, quam in Quadraturis,
quod efficit ut a Novilunio, ac Plenilunio ad proximam Quadratu-
ram magis recedat, & sic ceteris paribus maxime a Terra distet in-

Qua-

Quadraturis, minimè in Noviluniis, ac Pleniluniis; ut pariter ex
inæquali gravitate in Solem Lunæ, ac Terræ, & ex convergentia
directionum, ac diversa Solis positione respectu Lunæ, ejusque orbitæ,
ea omnia, quæ ad ejus theoriam pertinent, ita deducuntur; ut
multo accuratius, & tuis ex Mechanicæ principiis ope Geometriæ,
& calculi, admisæ generali gravitate mutuâ, motus omnes determi-
nentur, quam per ipsas observationes. Sed in his fusius immorari su-
pervacaneus sanè labor est, & ad ulteriora properandum.

41. Gravitatem generalem in omnibus materiae particulis mu-
tuam, & servantem leges expositas num. 28. inservire explicandis
ac determinandis plurimis Naturæ phænomenis satis patet iis omni-
bus, qui vel mediocriter in Recentiorum præclarissimis monumen-
tis versati sunt. Nam admisæ sola hujusmodi gravitate una cum con-
servatione motus semel habitæ, & perpetuo compositi cum ipsis
gravitatis effectibus, necessario consequuntur motus omnium Pla-
netarum Secundariorum circa Primarios, & Lunæ circa Terram:
Motus omniam Cometarum, licet tam diversi, & prima fronte
adeo irregulares, atque ante hujus gravitatis inventionem, & ap-
plicationem prorsus incogniti, & motus omnium Planetarum Pri-
mariorum cum suis Secundariis circa Solem, quales observantur: Tur-
bationes pariter exiguae in motibus omnium Planetarum, quibus fa-
ctum est, ut nullæ hucusque tabulæ Astronomicæ, nisi identidem
reformatæ diutius cum Cælo consenserint: Turbationes multo ma-
iores Jovis, ac Saturni cum eorum Satellitibus factæ, ubi ad se proprius
accederint. Variationes omnes motuum Lunæ, de quibus superio-
re numero mentionem fecimus, quæ quidem nunquam per obser-
vationes satis determinari potuerant, & ex principio gravitatis ge-
neralis ita determinantur, & calculis subiectiuntur, ut incredibilis ha-
beatur consensus Tabularum cum observationibus: generatio caudæ
Cometarum semper Soli averse ortæ ex vaporibus Cometicis ab At-
mosphera Solari in Solem gravi, & iis densiore protrusis ad partes op-
positas ipsi Soli: generatio Aurora Borealis a Mastracio proposita or-
ta ex partibus Atmospheræ Solaris a gravitate in Terram, ubi ad
eam magis accederint, superante gravitatem in Solem, deorsum tra-
ctis: Inæqualitas gravitatis in diversis Terræ locis, & Figura Terræ
definitæ per vim centrifugam motus diurni, & gravitatis hujus genera-
lis leges, ex quibus eruitur gravitatem ab Äquatore ad Polos perpetuo
augeri debere, & figuram Terræ debere esse compressam ad Polos, &
prominentem sub Äquatore: Præcessio Äquinocitorum, ex qua pen-
det motus ille lentissimus Fixarum in Orientem secundum direc-
tionem Eclipticæ, ortus ex gravitate inæquali in Solem, ac Lunam ma-
teriae exuberantis in processu à Polis ad Äquatorem: ac demum hic
ipse Maris Ästus, cujus explicatio semper est visa per quam ardua,
hujus generalis gravitatis ope tandem inventa. Hæc omnia tam va-

ria naturæ phænomena, una cum iis omnibus, quæ hic apud nos, & in Planetis singulis pendent a gravitate in Terram, vel in ipsis Planetas, per hanc gravitatem generalem explicantur, & ad unicum simplicissimum principium reducuntur.

42. Confirmatâ hoc pacto gravitate generali, ejusque legibus ostendendum est jam, qua ratione in sententia Telluris motæ explicentur omnia phænomena Æstus Marini. In hac sententia juxta principium gravitatis Generalis Terra præter motum quendam lentissimum circa axem Æclipticæ, qui absolvitur 25. circiter annorum milibus, & pendet a gravitate in Solem, ac Lunam materiae exuberantis in progressu a Polis ad Æquatorem, vi cajus & punctum Æquinoctiale regreditur, & Stelle omnes respectu principii Arietis progrediuntur in Orientem, qui quidem cum Maris Æstu nullum sensibilem nexus habet; tres habet præterea motus, Diurnum, quo circa axem Æquatoris perpetuo convertitur in Orientem, Menstruum, quo circa commune gravitatis centrum movetur cum Luna, Annum, quo simul cum Luna circa commune gravitatis centrum eam & Solis convertitur una cum Sole, qui ipsi motus parum admodum turbantur, sed turbantur nonnihil a gravitate in Planetas reliquos, & Cometas.

43. Consideremus primò Terram tanquam si esset tota fluida, & quiesceret respectu ejus spatii, respectu cuius vim inertiarum habet. Conformata in figuram sphæricam tantum maneret in æquilibrio. Adveniat ipsi motus ille annuus circa commune gravitatis centrum, cum Sole. In eo motu deberet abire vi inertiarum per rectam tangentem orbitæ, quam describit; nisi gravitas in Solem cogeret perpetuo deflectere iter suum a recta tangente ad arcum curvum. Si gravitas ejusmodi ageret in omnes Terræ particulas actionibus æquibus, & parallelis; nulla fieret mutatio respectiva partium, & figura maneret prorsus eadem. Sed quoniam omnes ejus particulae gravitant in Solem in ratione reciprocâ duplicatâ distantiarum; nec directio, nec quantitas gravitatis erit in omnibus partibus eadem. Discrimen gravitatis, qua particula quævis in Solem tendit a gravitate, qua tendit in centrum, perturbabit positionem partium respectivam.

44. Ante quam etiam illud discrimen geometricè, & accuratius determinetur; patet partes subjectas Soli, quæ ipsum Solem habent in Zenith, minus a Sole remotas, quam centrum, gravitare in Solem plus, quam gravitet ipsum centrum; partes autem oppositas ob oppositam rationem gravitare minus, quam centrum ipsum. Quare utrobique respectu centri perinde erit, ac si centro non gravitante, utræque repellerentur a centro ipso tanta vi, quantum est illud gravitatum discrimen, & tantundem de gravitate in Terram amitterent. Et quoniam æquæ propiores sunt Soli partes ipsi subjectæ,

jectæ, quam centrum, ac centrum ipsum est proprius; quam partes oppositæ æqualia erunt gravitatum in Solem discrimina, & ferè æqualia utrobique decrementa gravitatis in Terram. At in partibus hinc iride a centro distantibus per quadrantem, quibus Sol in Horizonte versatur, gravitas circumquaque introrsum verget directione inclinata ad eam rectam, quæ centra jungit; & proinde resolvi poterit in duas alteram tendentem ad centrum Terræ, alteram parallelam rectæ jungenti centra, & ob æqualem ad sensum distantiam a Sole, æqualem ad sensum vi, qua centrum gravitat. Hæc secunda statum respectivum partium non mutabit: illa prima gravitatem in Terram augebit. Quare sublatum jam erit æquilibrium, & si fluidum momento temporis possit æquilibrium recuperare, momento temporis se componeret in sphæroidem oblongam, affurgentem æquè in locis habentibus Solem ad Zenith, ac Nadir, & compressam circumquaque in locis per Terræ quadrantem inde distantibus, & habentibus Solem in Horizonte: & quo Sol magis alicubi distat ab Horizonte, sive supra, sive infra ipsum; eo altius ibi esset fluidum, & magis distans a centro.

45. Si jam motu diurno vel Terra convertatur circa proprium Axem, vel Sol circa Terram; bina loca maximæ altitudinis fluidi e diametro opposita, ac axis Ovalis Solidi, vel diameter Terræ longissima gyrauerint per superficiem Terræ ipsius, & in locis singulis, quibus Sol quotidie oritur, & occidit, haberentur in ipso Meridiei, ac mediæ noctis momento elevatio, aquæ maxima, in ipso Ortus & Occasus momento maxima depresso; ac proinde bini singulis diebus affluxus aquæ, & bini refluxus.

46. Si eodem pacto consideretur motus menstruus, & gravitas in Lunam, seculo interea Sole, & concipiatur fluidum spoliatum vi inertiarum, quatenus eadem prohibet momento temporis acquire formam ab æquilibrio requisitam; induet fluidum figuram sphæroidis oblongæ, cuius maxima altitudo in puncto Lunæ subjecto, & in altero ipsi e diametro opposito; ac in singulis Terræ locis habebitur maxima elevatio aquæ quotidie, dum Luna appellit ad Meridianum sive supra, sive infra Horizontem, & eâ oriente, ac occidente maxima depresso.

47. Ut jam simul conjugantur effectus utriusque Luminaris, porteret definire utrius Planetae actio prævaleat. Solis actio facile comparatur cum gravitate in Terram, ut in secundâ parte videbimus, eo quod gravitas absoluta in eum tendens ex motu Planetarum circa ipsum innotescat. Actio Lunæ immediate comparari non potest cum gravitate in Terram, aut cum actione Solis; cum eam nullum habeat circa se Planetam. Sed partim ex ipsis Æstus Marini phænomenis, partim ex præcessione illa Æquinoctiorum, quam supera innuimus, & quæ pendet ab actione Solis ac Lunæ, infertur, ut vide-

videbimus, actionem Lunæ in ordine ad Aëstum Marinum actionem Solis aliquot vicibus superare, quod prima etiam fronte fit non admodum improbabile ob tantam Lunæ quamquam tanto minoris viciniam.

48. Hinc jam statim patet in Syzygiis, in quibus Sol, & Lunæ cum Terra in directum jacent, debere conjungi utriusque effectum, & Aëstum esse maximum. In Quadraturis ubi Sol per Quadrantem distat a Luna, Sol ipse aquas elevabit, ubi Luna deprimit, & viceversa. Quare Aëstus erunt minimi, sed elevatio erit sub Luna, non sub Sole ob ejus vim prævalentem. In reliquis omnibus positionibus diameter Terræ longissima jacebit in acutis ex angulis, quos continent diametri directæ ad Solem, & Lunam, ut in secunda parte demonstrabimus, sed multo propior diametro directæ ad Lunam: ac proinde maxima aquæ altitudo erit in punctis quibusdam mediis inter vertices diametri directæ ad Solem, & diametri directæ ad Lunam, quæ puncta geometricè determinantur data ratione virium Solis, & Lunæ, & ex ipsa determinatione infertur diametrum longissimum nunquam multum abesse a diametro directa ad Lunam; & eandem quidem in Syzygiis congruere cum ipsâ diametro directâ ad Lunam, tum ab ea recedere in Orientem usque ad Octantes, post hos regredi in Occidentem ita, ut in quadraturis iterum congruat cum diametro directa ad Lunam, & pergit moveri in Occidentem usque ad novos Octantes: post hos iterum regredi in Orientem usque ad sequentem Syzygiam, in qua iterum congruat cum eadem diametro directa ad Lunam. Quamobrem eadem est oscillatio verticum hujus diametri longissimæ, sive punctorum, in quibus habetur maxima intumescensia. Si igitur consideretur horum positio respectu verticum diametri transeuntis per Lunam; ea puncta ab Octante præcedentes utramlibet Syzygiam usque ad Octantem, qui eam sequitur, & præcedit alteram Quadraturam moventur in Orientem: tum ab Octante, qui præcedit utramlibet Quadraturam usque ad Octantem, qui eam sequitur, moventur in Occidentem: & motus in Orientem velocissimus est in Syzygiis, velocissimus in Occidentem in Quadraturis.

49. Hæc ita se haberent, si aqua inertia careret, & momento temporis acquireret figuram, quam æquilibrium requirit. At ob inertiam fiet 1. ut fluidum, dum ascendit, vel descendit, velocitatem quandam acquirat, qua procurrat ultra limites æquilibrii; ac proinde sit elevatio, ac depressio major etiam, quam requirat æquilibrium. 2. Fluidum sibi relictum cessante omni actione Luminarium conaretur se restituere in sphæram, eoque eonatu acquireret oscillationes quafdam, quarum tempora sine arbitrariis hypothesibus per Mechanicam huc usque cognitam arbitramur definiri non posse, & nobis omnino non placet methodus ab Eulerio adhibita. Sed si for-

Si forte ejusmodi oscillationes eo tempore peragi debeant vel accuratè, vel proximè, quo actiones ipsæ Luminarium eodem in loco aquam deprimunt, atque elevant, nimirum intervallo circiter horarum 6. min. 12., quæ est pars quarta temporis, quo Luna absolvit unam revolutionem diurnam, & quo bis fluidum intumescit, bis detumescit; oscillationes ipsæ augebuntur, prorsus, ut oscillatio Campaniæ augetur vi novâ perpetuo ipsum, dum descendit, urgente ad descensum; donec frictio partium, atque alia impedimenta æquentur vi novâ perpetuo exercitâ, & augenti oscillationem. 3. Ob ipsam vim inertiae maxima elevationes, ac depressiones fluidi in quovis loco non contingent eo momento, in quo id æquilibrium exigeret, sed aliquanto post.

50. Hæc ita se habebunt, si Terra sit tota fluida. Eadem contingent, si solum versus superficiem sit fluida fundo solido, & utcunque inæquali. Nam si fluido ad æquilibrium redacto, quæcumque ejus pars concrescat repente; reliquum in eodem manebit statu. Ita invase fundi utcunque inæqualis, superficies æquabilem figuram induit. Si autem sit superficies ipsa partim solida, & partim fluida; superficies fluida debebit affectare eam figuram, quæ haberetur, si tota fluida esset, in qua sola potest stare in æquilibrio. Et si magna aliqua superficie portio continua sit, & aperta, quæ possit sentire totam virium inæqualitatem simul; in ea eodem pacto res contingent. Sed si aliquæ pares clausæ circumquaque sint, nec ita extensa; in iis nulla sentietur reciprocatio æstus: si sint aliæ, quæ per angusta freta, & circa interjectos scopulos communicent cum mari aperto, debebit fluidum, dum intumescit, ac detumescit, ita lateraliter excurrere; ut alibi eo serius deferatur, citius alibi, pro diversa locorum, & impedimentorum positione.

51. Hisce præmissis jam evidentissima est explicatio phænomenorum omnium, quæ num. 5. 6. 7. proposuimus. Singulis diebus in aperto Oceano bis intumescit mare bis detumescit; ubicunque nimirum Sol, & potissimum Luna quotidie oritur, & occidit. Nam ubi aliquando sub Zonis Frigidis, vel prope ipsas non oriuntur aut non occidunt; semel in die elevabitur aqua, & semel deprimetur; cum altitudo aquæ sequatur recessum Luminarium supra Horizontem, juxta num. 44. & 46. Intumescentia fiet aliquanto post appulsum Luna ad Meridianum, sive supravice infra Horizontem, detumescentia paulò post ortum, & occasum, ob inertiam materiæ expositam num. 49. ita tamen, ut hora pendeat etiam a positione Lunæ respectu Solis; cum etiam Solaris aëstum cieat juxta num. 44. licet minus quam Lunaris juxta num. 47. nimirum in primo & tertio quadrante mensis Lunaris anticipet, in secundo & quarto posticipet; quia diameter Terræ maxima, quæ juxta num. 48. oscillat hinc inde a diametro directâ ad Lunam, & puncta maximæ intumescentiae jacent in primo, & ter-

rio quadrante ad Occidentem in secundo & quarto ad Orientem respectu ejusdem. Id verò intervallum erit in aliis portibus aliquanto *majus*, in aliis aliquanto *minus*; quia ad aliquos portis iuncta quædam æstus deferetur longiore viâ, & per freta ac sinus magis impeditos, quo pacto fieri potest; ut aliquem in portum deferatur post horas 9., & jam videatur præcedere appulsum Lunæ sequentem ad Meridianum, non sequi præcedentem. Sed in iisdem portibus cæteris partibus retardatio erit semper ad sensum eadem; ac proinde hora media æstus in iisdem Lunæ phasibus eadem. *Bini illi Aëstus, Luna extra Äquatorem sita, sunt inæquales ita; ut cæteris paribus in Europa major sit ille, qui habetur Luna supra Horizontem sita, quando ejus declinatio est Borealis, & habetur ea sita infra Horizontem, quando est Australis;* quia Luna extra Äquatorem sita, si habeat declinationem Borealem, altius ascendit supra Horizontem, quam deprimatur infra per totum Hemispherium Boreale, & contra minus elevatur supra Horizontem, quam deprimatur infra, si habeat declinationem Australis, quod & Soli contingit, ut patet ex elementis Sphaeræ. Hic tamen notandum 1. hanc inæqualitem minui ab oscillatione præceptâ, quæ tendit ad æstuum æqualitatem, 2. Jam minui, jam augeri ab inæqualitate, quæ ob menstruas, & annuas variationes haberi debet post integrum diem, quæ influunt etiam in æstus se duodecim horis succedentes. 3. Pendere minus quidem, sed tamen nonnihil etiam, a declinatione Solis. 4. Sub Äquatore, ubi Luminaria semper æquè ascendunt supra, & descendunt infra Horizontem, nullam debere esse hanc inæqualitatem.

52. *Mare semper celerius ascendere, quam descendere, Cassinus censet iceirco;* quia etiam post transitum luminarium per Meridianum perseverat actio maria elevans, quæ ea aliquantulum suspensa tenet. Nos putamus ad eam inæqualitatem plurimum conferre positionem locorum. Nam si procedente undâ æstus perpetuo ab Oriente in Occidentem, sit ora quædam, quæ habeat multò magis impeditum tractum superficie Terrestris ex una, quam ex alia parte; fieri poterit; ut unda ipsa non æqualibus celeritatibus appellat ad eam oram, & recedat. Id phænomenum nusquam alibi legimus, præterquam in observationibus per Galliæ oram habitis Oceano conterminis, ubi ex Occidentali quidem plaga continua Oceani tractus usque ad Americam extenditur, ab Orientali verò Europa & Africa Oceum interrumpunt. Unda æstus ex Orientali Oceano sensim advenire non potest, sed ea exurgit, & quodammodo nascitur nova, Luminibus Africam, & Europam motu diurno prætergressis, tum iisdem in Occidentem vergentibus, paulatim procedit Occidentem versus; ubi cum America progressum turbet, suspenditur nonnihil, quæ potest esse causa; cur citius ascendet aqua in oris Europeæ, & Africa Occidentalibus, quam descendat. Certe seclusâ inertia, status virium,

virium ante appulsum, & post appulsum Luminarium ad Meridianum in Syzygiis & Quadraturis in æqualibus a Meridiano distantiis est prorsus idem. Quare in iis casibus seclusâ inertiae deberent esse prorsus æquales celeritates ascensus, & descensus. Inertia potius horam differt, quam inæqualitatem celeritatum inducat. Ubi Luminaria in alia positione sunt, habetur aliqua in ipsis viribus inæqualitas, quæ aliquando ascensui favet, aliquando descensui, quod etiam aliæ præstant variationes menstruæ, & annuæ. Sed ea exiguae sunt, & nobis hic immorari non licet.

53. Circa Syzygias Aëstus sunt multo majores, circa Quadraturas multo minores ita, ut maximi, vel minimi sint primi, vel secundi post Syzygias ipsas, & Quadraturas, ob actionem Solis in primo casu additam, in secundo subduxit actioni Lunæ juxta num. 48. Sed maximi, vel minimi sunt primi, vel secundi post Syzygias ipsas, & Quadraturas, ob inertiam materiae juxta num. 49. Aëstus cæteris paribus, multo minores sunt Luna recedente ad Apogaeum, quam accedente ad Perigeum ob imminutam gravitatem in Lunam ex Lunæ recessu juxta num. 38.

54. Quod cæteris paribus majores esse soleant Luna existente in Äquatore, quam extra, Nevtonus sic explicat. Si Luna esset in Polo, maria ibi nonnihil assurerent, sed nulla haberetur reciprocatio diurna ob locum Lunæ non mutatum. Quare in recessu ab Äquatore ad Polum utrumlibet, perpetuo minuitur effectus Lunæ ipsius; quam rationem & Bernoullius probat. Is discursus omnino videtur nobis evidenter falsus. Si concipiamus superficiem Terræ penitus inundatam, ubi cunpue sit Luna, elevatio marium sub ipsa Luna, & in puncto opposito orta ab ejus actione esset eadem juxta num. 44. & 46. Ea motum Lunæ diurnum sequeretur, Luna motu diurno translata. In quovis loco, eo major esset reciprocatio elevationis, & depressionis, quo Luna distantiam suam ab Horizonte magis mutare posset. Porro donec Luna est in Äquatore, in nullo ex locis extra Äquatorem sitis, potest pertingere ad Zenith, vel ad Nadir, & dum ea recedit ab Äquatore crescente ejus Declinatione, crescit accessus ad Zenith supra Horizontem vel ad Nadir infra, & ubi fiat Declinatio æqualis Latitudini loci, ascendit Luna ad ipsum Zenith, vel descendit ad Nadir. Tum adhuc crescente Declinatione, iterum incipit non posse accedere nec ad Zenith nec ad Nadir; & quo magis deinde accedit ad Polum utrumlibet, eo minus mutat distantiam ab Horizonte. Hinc pro locis sitis extra Äquatorem recedente Luna ab Äquatore, reciprocatio æstus ex ea orti deberet perpetuo augeri, & ibi fieri maxima, ubi Latitudo æquatur Declinationi loci; tum decrescere, & eadem ad Polum appellente, fieri nulla. Ex eo, quod in Äquatore sit aliqua, in Polo nulla, nullo modo inferri potest, quod perpetuo decrescat. Quamobrem Nevtoni ratiocinatio est penitus vitiola.

55. Nos

55. Nos censemus phænomeni causam esse vim inertiarum, & oscillationem illam, quam diximus conservari debere etiam cœlante Luminarium actione. Hæc oscillatio fieret æqualibus temporibus, & aquam deprimere maximè ibi, ubi maximè elevatur, ac secundavice iterum eodem in loco maximè elevaret. Porro quando Luna est in Æquatore, per 12. horas ubique est supra Horizontem, per 12. infra, & punctum ipsi oppositum, eâ appellente ad Meridianum infra Horizontem, fit illud ipsum, quod, ea supra Horizontem appellente ad Meridianum, erat ipsi subiectum. Quare Lunaris quoque actio æqualibus ubique temporis intervallis ntitur elevare aquam, & deprimere, ac eodem in loco elevare secunda vice, quo prima. Utriusque oppositum contingit Lunâ extra Æquatorem sitâ; & quo major est declinatio, eo major est inæqualitas more infra & supra Horizontem, & eo major distantia punctorum, in quibus binæ proximæ elevationes aquarum maximæ fiunt, quæ puncta debent esse in parallelis æquè hinc inde distantibus ab Æquatore. Quare in Lunâ in Æquatore positâ, magis congruit actio Lunaris cum oscillatione jam concepta, & quo ea magis ab Æquatore recedit; eo magis se invicem ista duo turbant. Hinc eo major in primo casu fit æstus, & minor in secundo. Porro quæ de recessu Lunæ ab Æquatore sunt dicta, eadem intelligenda quoque sunt de recessu Solis; sed minus ob minorem ejus actionem sensibilis erit ejus effectus.

56. *Intervalla inter binos æstus sibi post integrum diem succedentes aliquanto majora sunt in Syzygiis, quam in Quadraturis;* quia juxta num. 48. puncta maximæ elevationis aquæ circa Syzygias mouentur in Occidentem respectu Lunæ, circa Quadraturas in Orientem. Ac proinde circa Syzygias eadem maxima intumescentia quotidie accelerabit appulsum, ad quemvis datum locum, & retardabit circa Quadraturas. *Multo majus erit intervallum inter oppulsum Lunæ, ad Meridianum, & affluxum Aquæ in Syzygiis, quam in Quadraturis;* quia uno vel altero die ante Syzygias puncta maximæ intumescentiarum juxta num. 48. jacent ad Orientem respectu Lunæ, & puncti ei oppositi, at uno, vel altero die ante Quadraturas ad Occidentem. Quare cum phænomena ob vim inertiarum juxta num. 49. accidant eo pacto, quo accidere deberent uno, vel altero die ante; in Syzygiis ipsis puncta maximæ intumescentiarum accedunt sibi, in Quadraturis citius, quam par effet. *Irregularitates omnes in Syzygiis multo minores sunt quam in Quadraturis;* tum quia ipse verus Luna motus in Quadraturis est maximè inæqualis, ut constat ex Astronomia: tum quia irregularitates omnes, undecunque proveniant sunt magis sensibiles in exiguis æstibus Quadraturarum, quam in maximis Syzygiarum.

57. *Æstus ceteris paribus majores sunt circa Æquinoctia in Syzygiis, quam circa Solstitia;* quia in Syzygiis Luna occupat partem

can-

cædern Coeli, ac Sol, vel oppositam: at in Quadraturis distat a Sole per quadrantem: Ac proinde cum Sol circa Æquinoctia sit Æquatori proximus, erit Luna quoque ipsi proxima in Syzygiis, & ab eo remotissima in Quadraturis; ac proinde juxta num. 55. æstus majores erunt in Syzygiis circa Æquinoctia, quam circa Solstitia; ut contra ob similem rationem majores erunt in Quadraturis circa Solstitia, quam circa Æquinoctia. Nec hoc phænomenum differt a tertio numeri 6. exposito num. 55. *Maximi tamen erunt primi vel secundi vel tertii post Æquinoctia in Syzygiis,* ob vim inertiarum juxta num. 49. *Ceteris autem paribus in majoribus Solis distantiis a Terra minores sunt, quam in minoribus æstus Syzygiarum,* ob imminutam gravitatem in Solem in ejus recessu juxta num. 39.

58. Explicatis hoc pacto omnibus phænomenis, diurnis, mensbris, annuis, expositis num. 5. 6. 7. æquè patent ea, quæ num. 9. sunt exposita. *Minora maria, & potissimum clausa undecunque, ac Lacus æstu carere debent;* quia ad hoc ut uno in loco elevetur aqua, requiritur, ut in alio deprimatur, adeoque ut eodem tempore in diversis suis partibus sentiat inæqualitatem actionis Luminarium. Id verò requirit ingentem tractum, juxta num. 50. *Æstus ad littora, & in angustioribus fretis erit multò major, quam in aperto mari;* quia ubi aqua impetu concepto se effundens obſtagulum invenit, antequam refluat, debet necessario elevari multo magis, quod potissimum contingit ubi littora non descensu præcipiti ad mare apertum spectant juxta num. 19. *Alicubi in quibusdam portibus aliqua anni tempestate nullus æstus observatur, ut in Portu Batsham Luna existente in Æquatore,* vel quia ut Newtonus explicavit in eum portum ex una parte tum temporis adveniat Æstus, dum ex alia recedit; vel quia ut notavit Eulerius in tractu maris extenso a Borea in Austrum, & magis in Austrum, quam in Boream certò quodam limite, Lunâ, ac Sole in Æquatore sitis nullus æstus ad marginem Borealem haberit, aquâ, quæ sub Æquatore detumescendo subsidet, se effundente in illud magis Australis intervallum: quod in secunda parte ope Geometriæ clarius exponemus, ubi & Eulerianam determinationem limitis corrigemus. Similem autem ob causam potest aliquando in eodem portu unicus haberit æstus singulis diebus, & possunt etiam plures, aquâ per diversas vias diversis temporibus eo delatâ juxta num. 50. Perturbari autem debere hæc phænomena ventorum & procellarum vi, per se est manifestum.

59. Quamobrem evidentissimè patet in sententia Telluris motæ admissâ gravitate Generali Newtoniana necessariò consequi ea ipsa phænomena marini Æstus, quæ observantur, quod num. 30. proposueramus secundo loco. Nec illud obest quod astumpferimus Terram tanquam sphæricam independenter ab ipso æstu; quæ ob vim centri fugum motus diurni debeat esse compressa potius ad Polos. Nam

cam

cum ea compressio, debeat esse perquam exigua; idem ad sensum erunt effectus actionis Luminarium in globum in aequilibrio positum, ac in sphæroidem ellipticam parum admodum differentem a globo. Nec obest quod in Barometro non sentiamus effectum imminuti ponderis Lunâ appellente ad Meridianum, & aucti appellente ad Horizontem; tum quia perquam exiguum est decrementum gravitatis, ac incrementum, & prorsus insensibile respectu gravitatis totius, ut suo loco videbimus; tum quia dum augetur, ac minuitur pondus mercurii tubo inclusi, augetur æquè ad sensum, ac minuitur pondus aeris, cum quo ille in aequilibrio consistit. Nec ex eo, quod insensibile sit incrementum, ac decrementum gravitatis respectu gravitatis totius infertur insensibile esse debere utcunque elevationem marium, sed solum debere esse insensibilem respectu totius semidiametri Terrestris, respectu cujus insensibiles sunt etiam 8. vel 10. vel etiam 100. pedes.

60. Ut autem possint ad calculum revocari præcipua ex his phænomenis, Geometriâ, & Arithmeticâ saltem est opus; & quidem in Geometriâ methodo infinitesimorum, sine qua nihil sanè in hujusmodi quæstionibus determinari potest. Hinc eam investigationem secundæ parti reservamus. In ea autem quæremus primò vim Solis & Lunæ ad mare movendum, quam in singulis particulis Terræ invenimus Nevvtoni methodo proximè proportionalem distantiae earundem perpendiculari a plano, quod perpendicularare sit rectæ jungenti centrum Terræ & alterius Luminaris, & directam ad partes ipsi plano oppositas, ac proportionalem reciprocè cubo distantiae ejusdem Luminaris a Terra, sive directè cubo diametri apparentis; Easdemque in mediis Luminarium distantiis, & in punctis ipsis subjectis, vel oppositis conferemus tam inter se, quam cum gravitate nostra in Terram: tum figuram, quam Terra alterius Luminaris viribus, & verò etiam quibusdam aliis agitata induere debet, si homogenea sit, investigabimus, ubi elegantissimam Mac-Laurini ellipticæ figuræ determinationem inservientem etiam figuræ Terræ ex solo motu diurno oriundæ, quæ a Nevvtono incassum quæsita fuerat, & solum per indirectas methodos utcunque definita, ac eadem determinatione demonstratur pariter Elliptica, partim accuratiore, partim contrariore ræthodo demonstrabimus. Ubi, & elevatio aquæ ad aequilibrium necessaria innotescet, quam Eulerus erroneam tradidit. Hinc gradu factò ad Hypothesim densitatis in accessu ad centrum utcunque mutatae, ostendemus ex hac mutatione densitatis non mutari ad sensum elevationem aquæ. Bernoullius censuit ex hac mutatione densitatis posse æstum augeri duplo, triplo, & in quibusdam hypothesibus infinites magis; & æstum fluidi aquæ substituti fore majorem, vel minorem in eadem ratione, in qua e contrario minor, vel major sit ejus densitas; ac proinde aeris æstum millies majorem circiter, quam

quam aquæ. Hinc aerem duobus saltet milliariis assurgere, ac deprimi hoc æstu; nec tamen hoc discrimen altitudinis in barometro sentiri debere; quia barometrum non exhibeat pondus aeris sibi verticaliter incumbentis, sed pondus medium totius Atmosphæræ. Demonstrabimus hæc omnia falsa esse, & aperiemus vitium ejus methodi, quod ipsum vitium nos monebit, quam cautè procedendum sit in contemnendis quibusdam quantitatibus infinitesimis, vel insensibilibus, ex quarum tamen contemptu errores maximi subrepant.

61. Ejus methodus hoc reducitur. Concipit Terram totam Fluidam: ejus orbes sphæricos concentricos tenuissimos concipit homogeneos, ita tamen, ut qui centro propiores sint, sint diversæ densitatis. Quoniam in hoc fluido ob imminutam gravitatem sub Planeta, & in parte oppositâ, auctam verò ad latera, non potest haberi aequilibrium: concipit sub ipso Planeta, & ad partes oppositas affusum esse fluidum diversæ densitatis homogeneum, quod globum ipsum mutet in sphæroidem oblongatam. Ut hujus fluidi affusi determinet altitudinem, concipit binos canales egressos e centro Terræ, alterum directum ad Planetam, alterum huic perpendicularē, & computat utriusque pondus, ac ex ponderum aequalitate in binis iis canaliculis infert altitudinem quæsitam. Porro si concipientur segmenta orbium illorum sphæricorum inclusa canaliculis ante affusum illud fluidum in suprema globi superficie sub Planeta, & ad partes oppositas singula eorum orbium segmenta in canali directo ad Planetam amittunt aliquid de sua gravitate ob actionem Planetæ, & segmenta inclusa canali perpendiculari acquirunt aliquid; ac tam quod in priori amittitur, quam quod in posteriori acquiritur, est in singulis particulis, ut earum distantia a centro; & in segmentis totis præterea, ut numerus particularum, seu densitas. Quare discrimen ponderis segmentorum singulorum, a quo pendet aequilibrii amisso, est ut densitas singulorum segmentorum, & ut distantia a centro conjunctim. Hinc tantum fluidi affundendum est, ut adæquet summam horum omnium discriminum: sed eo affuso fluido, jam iterum nonnulli turbatur aequilibrium, eo quod gravitas particularum in primo canali positarum orta ex attractione fluidi affusi detrahit nonnulli singulis particulis de gravitate directa in centrum, & in secundo canali addita; ut adhuc, quod ibi detrahitur, & hic additur, sit in eadem ratione. Quare addendum est iterum tantum fluidi, ut & hoc discrimen compensari possit, & illud quod oritur ex eo ipso.

62. Quoniam utrumque discrimen ponderis in canali directo ad Planetam a pondere in canali perpendiculari est in omnibus segmentis orbium inclusis canali directo ad Planetam, ut distantia a centro, & densitas; patet statim densitate crescente in accessu ad centrum, force totum defectum ponderis in primo canali multo majorem, quam si den-

si densitas esset eadem; quia in cuiusvis orbis segmento plus deerit si idem segmentum habuerit plus materiae, quam si habuerit minus: & si densitas crescat plusquam in ratione reciproca distantiae a centro, adeoque plusquam decrescit in singulis particulis actio Planetæ; satis patet, posse discrimen defectus ponderis in ea hypothesi densitatis auctæ, a defectu ponderis in hypothesi densitatis constantis augeri etiam in infinitum. Quare etiam sine accuratiore calculo patet, si æquilibrium restitui debeat affusione illa fluidi factâ in suprema superficie, manentibus sphæricis orbibus reliquis, debere i. haberri majorem hujus altitudinem in hypothesi densitatis auctæ, quam in hypothesi constantis: 2. eam altitudinem esse eo majorem, quo hoc fluidum est minus densum. 3. hinc sequi necessitatem elevationis aeris fere millies majoris elevatione aquæ, qua fere millies est rarius; & cum ea non sentiatur in barometro, necessitatem recurrenti ad pondus illud medium Athmospæræ, quod barometro ipso indicetur.

63. Falsum esse, quod hic infertur, manifesto constabit in secunda parte, ubi aliâ methodo demonstraverimus aquarum elevationem dehere esse eandem ad sensum in quacunque hypothesi densitatis constantis, vel mutatae. Considerabimus autem nucleus Terræ solidum, & circa superficiem inundatum fluido. Si hujus orbes sint densitatis auctæ in minoribus a centro distantiis, considerabimus repente colligi in ipso centro quidquid in singulis orbibus redundant, qua translatione materiae ad centrum non mutabitur æquilibrium fluidi circumfusi nucleo, cum gravitas singularium ejus particularum in orbem sphæricum quemvis sit ex demonstratis a *Nevvtono* eadem prorsus, ac si tota ejus materia in centro ipso colligeretur, ac proinde non mutetur. Tum reliquum solidum nucleus jam homogeneum solvemus, qua solutione pariter non mutatur æquilibrium. Eo pacto jam habebimus Terram constantem fluido homogeneo, se attrahente gravitate mutua, quæ decrescat in ratione reciproca duplicata distantiarum, & solicitato præterea vi Planetae decrescente in ratione directa distantiarum a centro, ac etiam aliâ vi in illam massam collectam in centro decrescente in ratione reciproca duplicata distantiarum. Demonstrabimus, si haec tercia vis cresceret in ratione distantiarum a centro; debere eandem obvenire altitudinem, quæ obvenit in hypothesi fluidi homogenei considerata a *Nevvtono*, nihil ad sensum turbante altitudinem ipsam illo densitatis incremento: discrimen autem altitudinis, quod oritur ex eo, quod haec massa collecta in centro trahet in ratione reciproca duplicata distantiarum, & non in ratione distantiarum directa, inveniemus esse prorsus insensibile respectu elevationis aquæ, & esse non multis vicibus diversum a tertia proportionali post semidiametrum Terræ, & fluidi elevationem ipsam. Hoc pacto patebit non haberri discrimen affirmatum a *Bernoullio*.

64. Illa hypothesis nuclei solidi necessaria omnino est, si Orbis retinendi sunt sphærici, & adhuc diversæ densitatis. Nam si Orbis essent fluidi; oportet singulos produci, & ovalem figuram substitui. Eam productionem *Bernoullius* cenit non posse impedimento esse suo discursui, ob nimis exiguum discrimen ab Orbe sphærico, quod discrimen siccirco putat tuto contemptus posse. At is ipse contemptus errorem parit, & quidem aliquando infinitum. Nam cum actione Planetæ singulis orbibus sphæricis æquilibrium auferatur, debent singuli ita componi, ut semper totum fluidum homogeneum in equilibrio sit. Hoc pacto afflurent singuli orbes sub Planeta, & introductis canalibus post æquilibrium comparatum, segmentum cuiusvis Orbis in canali directo ad Planetam erit altius segmento orbis in canali perpendiculari; & compensabitur in eodem discrimen perderis, quod habet id ipsum segmentum, a segmento homogeneo inclusu canali perpendiculari, ac ea elevatio erit ad sensum eadem, sive reliqui orbes sint densiores, sive homogenei; cum major orbium reliquorum densitas non turbet ad sensum partem ponderis actione Planetæ amissi, vel acquisiti. Qui orbes sphæricos retinet, totam inæqualitatem, quam deberet compensare quodlibet segmentum cuiuslibet orbis, compensari ponit a fluido illo supremo rariore. Porro, quod præstat elevatio quamminima fluidi illius multo densioris pertinentis ad orbem centro propriem, non potest præstare nisi multo major, & aliquando infinites major elevatio fluidi multo rariores positi in suprema superficie. Nam ejus particulae gravitas directa ad centrum, in hypothesi quidem densitatis constantis, est ad gravitatem particulae in minori distantia sitæ major in ratione distantiarum, at in hypothesi densitatis auctæ in ratione reciproca simplici distantiae, est ubique æqualis: in hypothesi densitatis adhuc magis auctæ, est è contrario minor ita, ut si densitas sit in ratione reciproca multiplicata per m ; gravitas in superficie sit ad gravitatem in quavis aliâ distantia a centro in ratione reciproca multiplicata per m unitate minutum. Indefiet, ut si densitas crescat magis, quam in ratione reciproca simplici distantiarum, fluidum in supram superficie assundendum ita, ut ejus elevatio gerat vices elevationis fluidi densioris proprioris centro, debeat esse multo copiosius, tum ob minorem gravitatem singularium particularum, tum ob minorem numerum particularum fluidi rariores; & cum densitas illius, & gravitas possit esse infinites minor, quam densitas, & gravitas fluidi centro proximi; fieri poterit, ut ad compensandam perquam exiguum elevationem hujus fluidi existentis in singulis orbibus centro proximis, requiratur infinites major elevatio illius, ac summa elevationum omnium fluidi tenuioris proximi superficie necessaria ad compensandam exiguum summam perquam exiguarum elevationum, quæ haberri deberent in singulis orbium segmentis, sit infinites major, quam exigua summa elevationum.

tionum segmentorum omnium : quod ipsum omnino accidit in *Bernoullii* calculo.

65. Cæterum si aeris altitudo mutaretur per duo milliaria ; mercurius deberet jam elevari in barometro jam deprimi multis digitis . Altitudo mercurii semper æquatur ponderi aeris supra mercuriū elevati usque ad superficiem supremam Atmosphæræ , adeoque non exhibet pondus medium Atmosphæræ totius , sed pondus columnæ Atmosphæræ sibi incumbentis . Gerit enim ejus vices , & perfstaret in æquilibrio cum columna ipsi æquali , si tubus inflexus ex altera parte protenderetur usque ad ipsam Atmosphæræ superficiem . *Bernoullius* confugit ad elasticitatem aeris , qua pressio propagatur per Atmosphærā , & Atmosphéra ipsa ad æquilibrium tota reducitur . At æquilibrium nihil aliud requirit , nisi ut quodvis punctum secundum directionem quancunque æquè prematur , non autem ut pressio , quam habet unum punctum uno in loco situm æquetur pressioni , quam habet alibi aliud punctum . Sic licet Atmosphéra tota in æquilibrio sit ; adhuc tamen pressio in diversis altitudinibus diversa est , & iccirco si barometrum elevetur in montes , mercurius descendit . Sed hæc omnia post Geometricas demonstrationes , & calculos fiuent in 2. parte multo clariora iis , qui Geometriæ ipsi assueverunt . Interea hæc satis erunt ad vindicandam *Nevvtoni* methodum , qui licet adhibuerit hypothesim densitatis constantis : tamen non iccirco in determinandâ marini æstu magnitudine aberravit .

66. His expeditis circa actionem Luminaris alterius , investigabimus effectum actionis utriusque simul ; ubi motum illum punctorum maximæ elevationis fluidi , sive illam oscillationem diametri longissimæ proprioris semper diametro directæ ad Lunam , quam diametro directæ ad Solem , quam exposuimus num. 44. determinabimus methodo synthetica , & multo simpliciore determinatione , quam ea sit , quæ a *Bernoullio* per calculum inventa est ; ut innotescat Geometriæ multo præstantior aliquando , quam calculi usus , potissimum in iis , quæ solum calculum differentialem requirunt . Hic generalissimè soluto problemate , quo queratur in dato loco elevatio aquæ ad datum tempus , spectâ solum æquilibrii lege , & abstrahendo ab impedimentis Terræ superantibus a quas , quod non minus accurate determinari potest , quam determinentur Eclipses , attingemus aliqua ex iis , quæ ad loca impedita pertinent , & definiemus , ea , quæ per synthesim puram definiri poterunt circa aestus marium extensorum secundum positionem Meridiani vel Paralleli methodo minus generali quam sit proposita ab *Eulero* , at multo correctiore , & tutiore . Determinationem eorum , quæ ab inertia materiae pendent , ne fictitiis , & fortasse etiam repugnantibus Hypothesibus utamur , omittemus , memores ejus consilii ; & quæ desperata trattata nitescere posse , relinque .

67. Hæc quidem in secundam Dissertationis partem rejeclta , in qua Geometriam sublimiorem adhibemus , hic adumbravimus , ut iis , quibus molestior est figurarum inspectio , & contemplatio Geometrica , quæ maximè ad argumenti tractationem necessaria sunt , ut cunque innotescant .

68. Sed ostendendum hic demum est , quo pacto & hæc theoria , & universa *Nevvtoni* Physica cum Telluris quiete conciliari possit quod num. 29. proposuimus tertio loco . Eam quidem methodum , superiorē quoque anno indicavimus , eademque iis omnibus , a quibus Telluris quies ut in sacris litteris revelata omnino admitti debet , per quam necessaria est , si pulcherrimis quibusque nostri ævi inventis in Naturæ explicatione uti velint . Explicabimus autem hic primò nostrum Systema : deinde ostendemus in eo phænomena omnia eodem pacto debere contingere , quo in hypothesi *Nevvtoniana* Terræ motæ : tum exponemus , qua via ad id Systema direcťe deducimur a phænomenis naturæ , si quies Terræ aslumatur , tanquam datum quoddam : demum demonstrabimus nihil , quod alicuius ponderis sit , posse contra Systema ipsum objici ; ac proinde etiam si Terræ nec quies nec motus aliunde aslumatur , nihil esse in naturæ phænomenis , quod recta ratiocinatione usum , & præjudicia seponentem potius ad motum determinet quam ad quietem Telluris , immo etiam ad quietem , si libeat , sive Planetæ , sive Fixæ cujuslibet , sive cujuslibet puncti materiae ita ; ut eodem prorsus pacto salva esse , posscant phænomena omnia , sive quævis mundanæ materiae particula quiescat , sive moveantur omnes ; nimur ab unius Conditoris arbitrio dependere , utrum omnes moveri debeant , an una quævis quiescere reliquis omnibus motu quopiam traslati , salvâ prorsus phænomenorum serie , & alvis eorundem causis Mechanicis .

69. Concipiatur spatium illud , quod continet omnes Fixas , Planetas , & Cometas , quod dicatur *Spatium Sydereum* . Id spatium potest concipi vel immobile , vel mobile quocunque motu , eo pacto , quo Geometræ concipiunt moveri puncta , lineas , & superficies . Habeant omnia corpora vim inertiae respectivam respectu hujus spatiæ ; ut nimur quodlibet corpus vi inertiae debeat quiescere vel moveri uniformiter in directum , non quiete , & motu absolutis , sed quiete , & motu respectivis respectu hujus spatiæ ; & sive spatium illud moveatur , sive quiescat , semper debeat corpus quodlibet manere in eodem ejus spatiæ puncto utcunque translato , vel moveri per rectam lineam ejus spatiæ , utcunque translatam , prout aliquandiū manserit in eodem punto , vel moveri cooperit in eadem rectâ , nisi quatenus ab aliis viribus cogatur eum statum mutare . Tum habeant corpora omnes eas vires , quas alii Philosophi , qui Terram movent , admittunt , & *Nevvtonianam* quoque gravitatem generalem . Præterea spatium illud moveatur motibus contrariis , & æqualibus prorsus

sus iis motibus, quos in hypothesi *Nevvtoniana* haberet Tellus. In hoc Systemate dicimus phænomena omnia eodem prorsus modo debere contingere, quo in Systemate *Nevvtoniano* Terræ motæ.

70. In hoc Systemate duæ tantum leges naturæ adduntur legibus communiter admissis. Prima est toti materiae generalis, qua vis inertiae quam alii admittunt absolutam respectu spati infiniti immobili, nos admittimus respectivam respectu spati syderei mobilis. Secunda est propria totius spati ipsius syderei, quod ponimus moveri motibus æqualibus, & contrariis iis, quibus movetur Tellus. Ii motus adduos reduci posunt. Alterum quo id spatiū convertatur motu vertiginis singulis diebus in Occidentem circa certum axem, qui dicitur axis Æquatoris, sed axis ipse interea motu lentissimo circa alium axem Eclipticæ convertatur, & nutet etiam nonnihil, motibus semper contrariis iis, quibus Terræ axis movetur in *Nevvtoniana* sententia. Alterum, quo idem spatiū moveatur motu progressivo fere elliptico, sed nonnihil degenerante ab Ellipse, eo quod Terra in hypothesi *Nevvtoniana* describit fere Ellipsem circa Solem; nam quominus sit accurata Ellipsis, impedit motus, quem habet circa commune gravitatis centrum cum Lunâ, & impediunt motus exigui orti a gravitatione in Planetas reliquos, atque Cometas.

71. Translatio hæc spatiū solâ mente concepti ad explicandam analogiam, & certam legem motuum simplicium, a quibus motus verus & unicus componitur, difficultatem apud Astronomos habere nequaquam debet. Sic orbitæ Satellitum Jovis, & Lunæ concipiuntur translatæ simul cum ipsis Satellitibus vel Luna, & interea ea ründem orbitalium varii motus concipiuntur, licet ipsæ orbitæ reales nullæ sint. Verum si cui durior videatur alligatio hæc vis inertiae ad spatiū imaginarium, & mobile, & spatiū finiti pure imaginari motum in spatio imaginario infinito immobili prorsus reipuat; is potest tres orbes reales, & e materia compactos concipere, quorum ope Systema idem sic absolvet. Sit primum orbis sphæricus æquè crassus prorsus immobiles, quem poterit appellare *Firmamentum*. Sit intra hunc alias Orbis priori concentricus, qui revolvatur circa proprium axem Æquatoris immobilem motu diurno. Is secundus orbis poterit dici *Primum mobile*. Sit intra hunc tertius orbis, cuius centrum describat Ellipsem turbatam æqualem, & contrariam illi, quam describit Terræ centrum in Hypothesi *Nevvtoniana*, & præterea habeat vim inertiae respectivam respectu orbis secundi, eujus ictice motum diurnum participet, ac præterea omnia ejus puncta moveantur motu lentissimo circa alium axem nonnihil mutantem, contrario & æquali ei, quo axis Terræ circa axem Eclipticæ convertitur, & nutat. Is orbis poterit dici *Cœlum sydereum*. Intra hunc orbem omnia sydera, & reliqua corpora sita sint, & habeant vim inertiae respectivam respectu hujus Cœli syderei in sensu supra

supra exposito. Cœlum Sydereum habebit motus æquales sed contrarios iis, quos Terra habet in sententia *Nevvtoniana*, cum hoc tantum discrimine, quod motus diurnus Terræ fit in sententia *Nevvtoniana* semper circa centrum Terræ ipsius, motus diurnus hujus Cœli syderei fit circa centrum primi Mobilis. Ad hosce binos cœlestes orbes transferentur bini motus Terræ, quorum alter fit circa ejus centrum, alter fit ab ejus centro in ipsa *Nevvtoniana* sententiā. Quies respectiva respectu Cœli syderei erit distantia non mutata ab ejusdem punctis quibuscumque, utcunque translatis: motus per rectam respectivus respectu ejus Cœli erit motus in linea restâ jungeente bina quævis ejus puncta utcunque translata. Ceterum quod attinet ad nostri Systematis constitutionem, unicè ut Telluris quies cum *Nevvtoniano* Systemate, & cum mechanicis rationibus consentiat, nulla est necessitas hujusmodi Cœlorum realium; ut nulla est necessitas realis orbitæ Lunaris jam productæ, jani contractæ, jam magis jam minus inclinatae ad Eclipticam, jam in his iam in illis punctis secantis Eclipticam ipsam.

72. Jam vero illud est nobis omnino persuasum, neminem fore Mechanicæ & Astronomiæ peritum, qui non videat, Terram semel initio Mundi ritè collocatam in hoc Systemate debere prorsus quiescere, & tamen omnia phænomena debere eodem prorsus modo contingere, quo in hypothesi *Nevvtoniana* Terræ motæ contingunt. Ut tamen id clarius innotescat, duo præmittimus: 1. illud in Mechanicâ notissimum. Si Mobile quodvis respectu cuiusvis spatiū moveatur motu quolibet, & interea illud spatiū moveatur motu opposito, & æquali ei, quem mobile describit respectu spatiū ipsius; illud mobile nullo motu vero, & absoluto movetur, sed prorsus quiescit. Si globulum per regulam promoveas, sed tantundem regulam retrahas; globulus verè eundem semper locum occupabit, licet respectu regulæ moveatur, & stanti in ipsa regula, vel regulæ motum non sentienti videatur moveri. Si per rotæ peripheriam moveatur in gyrum Formica, sed tantundem in oppositam partem regrediatur rota; Formica locum semel occupatum non deseret. Res clarus etiam apparebit, si in chartâ describatur curva quævis linea, tum alia charta exiguo foramine perforata moveatur motu parallello ita; ut centrum foraminis sit semper in illâ curvâ: Styli autem vertex immotus teneatur ita, ut mobilem chartam contingat. Describet hic in chartâ mobili curvam æqualem prorsus ei, quæ in chartâ immotâ descripta fuerat, sed situ contrario positam. Styli vertex movebitur respectu chartæ per curvam illam, quam in ea describit: sed quia interea ipsa charta movetur tantundem motu contrario, & æquali; vertex ille styli binis hisce motibus oppositis sese elidentibus, prorsus quiescat.

73. Præmittimus 2., quod pariter est omnino evidens: quod-

(XXXVI)

cunque materiae punctum in hoc nostro Systemate, respectu spatii syderei descriptorum eosdem illos motus, quos in Systemate *Nevtoniano* describit motu absoluto. Nam corpus semel quiescens respectu hujus spatii, semper quiescit respectu ipsius ut cunque translati, ob vim inertiae; donec ab aliqua vi determinetur ad motum. Corpus semel in motu positum, perget moveri eadem in recta ejusdem spatii, sive ita, ut bina puncta spatii syderei, quae semel jacebant indirectum cum eo corpore, semper indirectum jaceant, & moveri perget velocitate respectivâ eadem, sive ita, ut æqualia sint segmenta ejusdem rectæ ut cunque translatae æqualibus temporibus percursa; nisi quatenus aliae vires cogent deflectere a motu rectilineo. Quare Terræ centrum eodem prorsus respectivo motu movebitur respectu ejus spatii syderei. Nimis projectis per rectam quandam ejus spatii ipsâ Terrâ, & Lunâ, ex detorquebuntur ab eo motu rectilineo ad curvam Ellipticam. Interea alio impulsu habito, procederet motu rectilineo totum hoc Systema, sed gravitate in Solem deflectet ad orbem curvum in eodem spatio delineandum proximo ellipticum, & singula superficie puncta eundem prorsus motum habebunt respectu spatii syderei ut cunque moti, & respectu cuiusvis corporis eodem inclusi, quem haberent, si id spatiū quiesceret.

74. At his duobus præmissis manifesto illud consequitur: si Terræ centrum semel collocatum fuerit in punto spatii syderei, quod ipsi respondet, & axes congruant; debere quiescere Terræ centrum, & axem; elisis prorsus motibus contrariis Terræ tam progressivo, quam vertiginis respectu spatii syderei, & motibus spatii syderei respectu spatii immobilis, sive Terræ respectu Cæli syderei, & hujus respectu Firmamenti. Phænomena autem omnia eodem modo contingunt; quia quodvis aliud corpus, quodvis aliud materiae punctum habebit eosdem motus respectu hujus spatii syderei translati, sive quod idem est, occupabit iisdem temporibus eadem ejus puncta, quos haberet, sive que occuparet, si spatiū quievisset. Exempli gratia idem æstus maris continget; quia inæqualitas gravitatis in Solem, & Lunam efficient, ut maria sub Sole, & Luna, ac in partibus oppositis magis recedant ab eo punto spatii syderei, in quo erit centrum Terræ, quam circumquaque per unum quadrantem. Terra Planetas singulos spectabit in eadem positione ad se invicem, vel ad fixas, & eandem ab iis distantiam habebit; quia ipsa Terra & ipsi Planetæ, & Fixæ omnes, occupabunt eadem puncta hujus spatii syderei, quæ occuparent, si spatiū ipsum quiesceret.

75. Ad rem adhuc clarius intelligendum, concipiatur in navi cubiculum, in quo dum navis adhuc quiescit, moveatur quispiam in gyrum circa punctum in medio pavimento designatum, & simul alii pariter circa idem punctum moveantur in gyrum in iisdem distantiis. Interea incipiat navi transferri motu prorsus contrario; & æquali

ei.

(XXXVII)

ei. quo is movetur intra Navim; ac cum Navi ipsâ moveatur eodem motu quidquid in eâ est. Profecto idem ille eandem perget habere positionem respectu partium Navis ipsius, respectu omnium ejus punctorum, respectu cæterorum omnium, qui sunt in Navi; nec mutationem novam, nec translationem navis ipse sentiet. Et tamen ipse, qui navi quiescente, movebatur motu vero, navi jam contrario motu delatâ, quiescit, quod certissimum est; & ut ex primis ipsis Mechanicæ, ac Geometriæ elementis notissimum est, ita quiescit; ut si quis eum tubo optico immobili e littore contemplaret, videret prorsus immotum. Actio illa qua ipse motum suum in navi immota producebat, conservabatque, manebit eadem translata navi; sed quæ ipsius motum generabat verum, & absolute, nunc generando motum tantum respectivum, solum impedit ejus translationem cum Navi. Idem verò adhuc continget si is etiam se circa se ipsum converteret, sed navis interea circa ipsum motu æquali, & contrario converteretur.

76. Id ipsum Telluri accidit in nostro Systemate. Spatium illud sydereum est velut illa navi. Si hoc spatiū per aliquot annos quiescat, habebitur *Nevtoniana* Hypothesis Terræ motæ omnibus iis motibus, quos exposuimus, & habebitur explicatio tot naturæ phænomenorum redacta ad simplicissimam generalis gravitatis legem. Incipiat jam illud spatiū moveri motu contrario, & æquali iis omnibus motibus, & ipsius motum comitentur corpora omnia in eodem spatio inclusa. Nullum sanè ex iis corporibus eo spatio inclusis poterit mutationem ullam sentire; & quicunque in Terra fuerit, eodem prorsus pacto phænomena omnia contemplabitur, eandem particularum omnium materiae positionem ad se ipsum, eandem earundem ad se invicem deprehendet. Et tamen quiescit Tellus, quam etiam omnino quiescentem videret, qui extra illud spatiū constitutus contemplaretur. Gravitas ex.gr., quam habet in Solem non id efficiet, ut in Solem recidat, sed ipsa & projectio per rectam tangentem orbitæ Ellipticæ designatae in eo spatio circa centrum gravitatis commune cum Sole id efficiat, ut semper debeat esse in arcu orbitæ ipsius in eo ejusdem punto, quod motu spatii contrario retractum semper idem occupabit punctum spatii immobilis infiniti. Nisi id gravitas, & vis tangentialis præstant; Terra etiam eodem spatii motu abriperetur, ut Planetæ omnes: eodemque pacto Terra superficies in gyrum diurno motu vero cum Astris omnibus in gyrum abriperetur, nisi vis tangentialis, ex rotatione ipsi in contrariam partem impressa, & gravitas in ejus centrum directa obstant, quibus fit, ut Terræ superficies respectu ejusdem spatii, eundem habeat motum circularem, quem spatiū habet in partem oppositam, quod ipsum requiritur, ne cum aliis Astris abrepta in gyrum diurno motu abeat etiam ipsa. Solum sub Æquatore vis centrifuga orta ex determina-

C 3

tione

(XXXVIII)

tione abeundi respectu spatii mobilis potius per rectam, quam per circulum detrahet aliquid de gravitate; ac proinde æquilibrio sublato intumescent ibidem maria, & figura Telluris erit ad Polos compresa eodem prorsus modo, quo in Hypothesi *Newtoniana*.

77. Unicum, sed maximum descrimen habebitur in ea Navi, & in nostro Systemate. Quoniam corpora intra Navim posita gravitatem habent in centrum Terræ positum extra Navim; corpus in medio cubiculo sibi relictum non stabit, sed cadet deorsum: & quoniam corpora in ea sita non habent vim inertiae respectivam respectu ejus Navis, sed respectu spatii extra Navim positi; corpus intra illud cubiculum situm non statim accipiet motum, quem Navis habet, & si Navis motu curvilineo movebitur, conabitur abire per rectam lineam, ac vim centrifugam concipiet, quæ statum ejus respectu Navis turbabit: & hoc pacto si citius Navis ipsa circa axem quendam rotaretur, sentiret profecto unusquisque intra eam positus rotationem ipsam ope frictionis sibi communicatam. Si musca volaret in immotâ Navi, tum Navis moveri inciperet; musca ipsa suo ipsius motui motum Navis non adjungeret, nisi posteaquam aer cubiculo inclusus a lateribus ipsis paulatim eundem motum reciperet, & cum volante muscâ communicaret. Secus in nostro Systemate, ubi cum ponamus inertiae vim respectivam respectu spatii syderei, in quo omnia inclusa sunt Astra, & omnia corpora, quæ hinc a nobis, usque ad remotissimas Fixarum omnium regiones protenduntur, spatii motum corpora ipsa inclusa statim cum eodem spatio participant, sine ullâ difficultate, aut resistentiâ, aut morâ; & licet Fixæ omnes & Planetæ motu vero velocissimo describant circulos, & hosce maximè inæquales, nulla tamen ex iis motibus vis centrifuga orietur, quæ Fixarum quietem respectivam, aut Planetarum, & Cometarum proprios motus a gravitate ortos perturbet. Cum enim vim centrifugam patiat vis inertiae, qua corpus determinatur ad quietem, vel ad motum rectilineum, nisi aliæ vires obsint; nullam vim centrifugam generabit nostra inertiae vis ei spatio alligata, respectu cuius tum potissimum quiescent corpora, cum eosdem ipsius spatii motus coitanter. Fac repente corpora intra Navis cubiculum posita amittant gravitatem in Terram, nec in alia quævis corpora extra Navim sita ullâ vi sollicitentur, & vis eorum inertiae, quæ a Navi ipsâ non dependet, fiat respectiva respectu Navis ipsius; & jam nostrum Systema cum eo Navis casu prorsus congruit, & intra eam jam poterit concipi adumbratum totum nostrum Systema mundanum, velut in quodam *Achimedeo* vitro, quod omnia phænomena exhibebit prorsus eadem, sive quiescente Navi moveatur verè ille globulus, qui Terram refert, sive eâdem motibus contrariis agitatâ, idem verè quiescat, & motu tantum respectivo agitetur. Si corpora, quæ intra Navim sunt, connexa essent invicem, & cum Navi per solidas regulas ferreas vel

li-

(XXXIX)

ligneas; soliditas illa cogeret sequi motus omnes Navis, & servare positionem respectivam respectu Navis ipsius; sed impediret omnino motus respectivos ab aliis viribus productos. Nostra vis inertiae idem præstat, quod soliditas in ordine ad communicandos statim omnes motus spatii corporibus inclusis: sed permittit liberam actionem omnibus aliis viribus motus respectivos producentibus intra spatiū.

78. Atque hic illud etiam fit manifestum, eodem prorsus pacto, quo Terra in hoc Systemate immota ponitur, spatio translato motibus contrariis & æqualibus iis, quos ea in hypothesi *Newtoniana* habet, eodem pacto posse quiescere Planetam alium quemlibet, & aliud punctum quodcumque; dummodo spatiū illud mobile, quod sydereum diximus, habeat motus contrarios & æquales motibus ejusdem Planetæ vel puncti; & vis inertiae sit ut prius respectiva respectu ejusdem spatii: quod ostendit infinita Systemata ab hoc etiam nostro Telluris quiescentis diversa, & quæ omnia phænomenis probe respondeant.

79. Ut autem constet non arbitrarium esse hoc nostrum Systema, si Terræ quies assūmatur tanquam datum quoddam; sed eò nos a naturæ phænomenis direclè deduci; diligenter notandum est in motibus maxime implexis, qui ex aliis simplicioribus componuntur, ut ipsorum leges definiri possint, & causæ investigari, non esse ipsos motus compositos considerandos in se ipsis, sed illos simplices, ex quorum combinatione iidem oriuntur. Sic si Horologium rotis, & elastica lamina compositum oblique projicias, & notare possis viam per aërem descriptam a dente quopiam velocioris rotæ, invenies profecto spiram quan- dam maximè prima fronte irregularem, quæ tamen componitur ex parabolico motu orto a projectione, & gravitate, & ex circulari orto ab elaterio laminæ se expandentis, & trahentis rotas, ope catenulae. Hujus compositi motus singula puncta immediate admodum, difficulter determinabis; causam physicam, nisi a se invicem componentes motus se junxeris, nunquam invenies. Jam vero si quiescente Terrâ motus Planetæ cujuspiam aut Cometæ observetur; is prima fronte admodum implexus est, & irregularis, spiris nunquam in se redeuntibus implicatus, iis omnibus motibus, & motuum legibus, quas in natura cernimus, prorsus repugnans. At idem in simplicissimos quosdam resolvitur, qui si ritè considerentur seorsim, & eorum leges, & causæ etiam physicæ poterunt determinari.

80. Considerata tota hac massa Fixarum, Cometarum, & Planetarum, videmus respectivos eorum motus, & proprios, eosdem esse illos, ex quibus *Newtonianum* Systema profluxit: Quietem Fixarum respectivam parum admodum exiguis mutationibus perturbatam; unde etiam Fixarum nomen adeptæ sunt: Planetarum & Cometarum. Orbitas e sectionum Conicarum genere cum foco Secundariorum in Primariis, Primariorum, ac Cometarum omnium in Sole, cum areis

C 4

tem-

tempori proportionalibus , cum quadratis temporum periodicorum proportionalibus cubis distantiarum mediarum . Terra ipsa licet absolute quiescens , adhuc successive occupat diversa puncta hujus massæ , seu spatii , in quo haec ipsa massa concipitur , & in hoc spatio designat orbitam easdem leges servantem , quam Planetæ ; Simil autem dum hi motus peraguntur respectu massæ totius , sive respectu spatii , in quo inclusa sunt ea omnia corpora , videmus binos motus alterum diurnum & communem omnibus Fixis , Planetis , Cometis , quo circa Axem Aequatoris ferantur , alterum annum quo Sol circa Terram convertitur per Eclipticam , communem saltem Planetis omnibus , & Cometis demptâ Lunâ , quorum orbitæ cum Sole ipso transferuntur . Nec hi duo motus quidquam perturbant motus illos particulares , nec positionem respectivam Fixarum , ac Planetarum ad se invicem , & respectu spatii totam hanc massam continentis , respectu cujus Terra sola mutat positionem , iisdem ejus superficie punctis jam respondentibus uni , jam alteri puncto totius massæ motu diurno translatæ , & sola Terra cum Lunâ mutat positionem respectu systematis Planetarii , & Cometici cum Sole translati , occupando successivè diversa ejus puncta .

81. Hic jam statim illud directe eruitur , corpora hoc spatio inclusa habere vim inertiae alligatam spatio ipsi , & non habere determinacionem abeundi per rectam lineam utcunque , sed per rectam hujus spatii translati motu diurno , & annuo . Nam aliter , quod ex Mechanica facile deducitur , motus diurnus , & annuus turbarent prorsus motus particulares Planetarum potissimum , & Cometarum : nec utcunque complicatissimis etiam viribus adhibitis , quas & David Gregorius in sua Astronomiâ innuit , ad elidendas vires centrifugas ex tot motibus oriundas , turbatio impediri posset : nam vires tangentiales adhuc perturbarentur , quod facile admodum in Mechanicâ demonstratur . Respectivam autem vim inertiae respectu spatii ipsius illud etiam probat , quod radiis luminis a Fixis , & a Planetis ad nos transmissis diurnus motus cum omnibus cœlestibus corporibus tribuendus omnino est . Si radii luminis deferantur ad nostros oculos per lineam verè rectam , non rectam respectu spatii continentis massam illam omnem Cœlestium corporum ; perturbarentur & Planetarum , & Cometarum ipsorum orbitæ , ut in disquisitione in universam Astronomiam fusi exponsuimus , & motus , qui ordinatissimi apparent , revera essent inordinatissimi , ac in Fixis quoque vel quædam prorsus improbabilis hypotheses configendæ essent , vel motus observationibus omnibus prorsus contrarii necessario consequerentur . Nam lumen successivè propagari , & spatio 7. vel 8. minutorum e Sole deferri in Terram , fatis accuratis observationibus ; & fatis firmâ ratiocinatione deducitur . Quamobrem radii , quos excipimus , profecti sunt a Planetis post multa minuta temporis , & quidem ab aliis plura ab aliis pauciora ,

(XLI)
ciora , & ab eodem Planeta post plura vel pauciora minuta , prout magis , vel minus distant a Terra : a Fixis verò post horas , dies , & menses etiam , ac a remotioribus fortasse etiam post annos . Cum igitur quaternis quibusque minutis sydera omnia confiant diurno motu unum gradum ; si lux eâ directione deveniret ad oculos , quæ discedit , & diurnus motus verus esset motus syderum ; Planetæ & Cometæ occuparent loca pluribus gradibus diversa ab iis , in quibus apparent , & quidem numero graduum fere semper diverso ab eo , per quem Sol a loco viso distaret , & jam majore , jam minore : quod orbitam Ellipticam transformat in aliam prorsus irregularē , nec habentem Solem pro foco , nec areas proportionales tempori , nec quadrata temporum proportionalia cubis distantiarum ; vel oscillationem quandam orbitalium inducit in aliis Planetis longè aliam , perturbato miro illo ordine , & tota analogiâ Cœlestium motuum funditus eversa . Incredibile autem est perturbatissimos motus ita per propagationem luminis successivam restitui , ut hinc ē Terra spectati , atque ope trigonometriæ redacti ad Solem ordinatissimi fiant ; sed vel ex ipso Sole , vel quocunque alio ē loco spectati adhuc inordinatissimi debeant apparere .

82. In Fixis autem , nisi eadem æquè omnes a Terrâ distent , vel intervalla distantiarum respondeant accurate uni , vel pluribus conversionibus diurnis , distantiae quæ nobis apparent , essent majores vel minores , quam revera sint ita , ut si binæ Fixæ in directum jacent cum Terrâ , sed ab aliâ per aliquot horas prius deferretur lumen , quam ab aliâ ; totidem quindenis sui parallelî gradibus apparet distantes a se invicem ; cumque ob motum , quem habent Fixæ omnes circa axem Eclipticæ lentissimum quidem , sed ab Astronomiâ excultâ huc usque nou ita exiguum ; aliæ ad Polos Acquateris accesserint , aliæ recesserint , ac magnitudinem parallelî , in quo motum diurnum peragunt , mutaverint ; mutatae fuissent distantiae ipsæ apparentes ad se invicem : & eodem pacto distantias apparentes reliquarum omnium Fixarum non æquè a Terrâ distantium mutari oportet , contra quam observamus : eadem enim ad sensum ab Astronomiâ excultâ perseverant . Ea omnia evitantur si radius luminis , dum per hoc mundanum spatiū defertur ad Terram , progreditur etiam ipse motu diurno cum reliquis omnibus Cœlestibus corporibus , & spatii totius motum comitatur .

83. En igitur , quo nos , positâ Terræ quietæ , phænomena deduxerunt . Corpora omnia Cœlestia diurnum quendam communem motum habent , quem habet & lumen ipsum , nec eo motu perturbantur peculiares motus ordinatissimi Planetarum , & Cometarum . Quid ni igitur ad universam hanc materiam transferatur ejusdem motus necessitas orta ex translatione spatii , in quo eadem materia versatur , & affixione materiæ ad spatiū ipsum , cum quo debeat

quiescere si quiescat , moveri si moveatur , & respectu ipsius in directum moveri , si motu aliunde accepto statum respectivum in eodem spatio mutare debet? Terra ipsa deberet eo pacto abripi in gyrum : sed impressus ipsi Terra motus contrarius ei similis , quo Sol , quo Jupiter , quo Mars , quo Venus , quo Luna etiam circa proprium axem convertitur , id efficiet , ut ea respectu ejusdem spatii feratur in oppositam partem , & jam aliae Fixæ , jam aliae iisdem ejus superficiei punctis respondeant , sed verè & absolutè quiescat . En utrunque ideam translationis spatii , & vis inertiarum corporum eodem inclusorum respectivæ respectu ipsius spatii è phænomenis immediate erutam , quæ applicata annuo motui totius Planetarii systematis circa Terram extenso pariter ad materiam omnem spatio sydereο inclusam , ac ad motus reliquos omnes necessarios , ut Terra licet agitetur gravitate universali , quæ ex consideratione motuum particularium deducitur , prorsus ut in Systemate *Nevvtoniano* , quiescat , ad nostrum nos Systema totum paulatim ducit : quod posita Terræ quiete ut dato quodam , non solum arbitrarium non est , sed directa , & solidissima ratiocinatione colligitur ex ipsis naturæ phænomenis .

84. Illud jam reliquum est , ut demonstremus nihil , quod aliquis ponderis sit posse contra Systema ipsum objici . Perturbationem motuum in hoc Systemate nullam haberi debere , si quæ bina principia principiis Mechanicæ communiter admissis adieciimus , admittantur ; nec Terram a gravitate in Solem de loco suo dimoveri posse , & multo minus in Solem recidere , evidentius est , quam ut iterum hic immorandum esse videatur . Duo tantum obiici possunt , quæ iis omnibus , qui Telluris quietem ut aliunde cognitam non admittunt , summam difficultatem facessent ; & nostrum systema omnino respundendum esse persuadebunt . Primum est illud : vim inertiarum corporum non esse respectivam , seu alligatam spatio cuiquam , sed absolutam ita ; ut corpus etiam in vacuo collocatum debeat moveri per rectam lineam . Secundum : translationem illam spatii factam motibus contrariis & æqualibus iis , quibus movetur Terra in *Nevvtoniano* Systemate gravitatis generalis , nullo pacto admitti posse ; vel quia sit contraria Mechanicæ legibus , vel quia opponatur simplicitati Naturæ , vel saltem , quia sit arbitraria , & una ex infinitis aliis , quæ haberri possint , quam præcæteris existere in natura fit magis improbabile tot vicibus , quot vicibus plures sunt infiniti alii possibles motus , quam is unicus .

85. Quod ad vim inertiarum pertinet , sive ad determinationem , quam habent corpora perseverandi in eodem statu quietis , vel motus uniformis in directum , id principium nobis innotescit unicè ex observationibus , atque experimentis , & ut ajunt , *a posteriori* . Nam *a priori* omnino innotescere non potest , cum ipsa nobis natura corporum non innotescat . Jam verò observations & experimenta omnia instituta profecte sunt in hoc ipso sydereο spatio , quo nomine illud

illud appellavimus spatum , quod Terram continet , & omnia sydera . Ac proinde indicant perseverantiam in eodem statu , non absolutam , sed respectivam respectu spatii ejusdem ; quod spatum si quiescat , ea perseverantia absoluta erit ; si moveatur , erit tantummodo respectiva .

86. Conati quidem sunt nonnulli deducere necessitatem vis inertiarum absolutarum , qua nimirum corpus ubique possum semper conetur perseverare in quiete , vel in motu uniformi in directum vero & absoluto , ex principiis Metaphysicis . Ita *Eulerus* sub ipsum initium Mechanicæ sua eam ex principio rationis sufficientis demonstrare nititur prop . 7. 8. 9. in quibus sic proponit . *Corpus absolutè quiescens perpetuo in quiete perseverare debet , nisi a causa externa ad motum sollicitetur . Corpus absolutum habens motum , aquabiliter perpetuo movebitur , & eadem celeritate jam antea quovis tempore fuit motum , nisi causa externa in id agat , aut egerit . Corpus absoluto motu prædictum progrediatur in linea recta . Vis autem demonstrationis huc reducitur . Concipit corpus hoc existere in spatio infinito , atque vacuo , & affirmat nullam esse rationem : quare potius in hac vel illam plagam moveatur : quare potius in hoc majorem , minoremve habebat celeritatem , quam in illo loco : quare in hac potius quam aliam regionem declinet . Unde concludit ex defectu sufficientis rationis consequi , perpetuo quiescere debere , si quiescit , perpetuo eadem moveri celeritate , si movetur , & in directum progredi .* Tum ut evincat idem in Mundo etiam ita se habere debere . Non est credendum , inquit , in spatio infinito illo , & vacuo defectum sufficientis rationis , unicūm esse causam permanētis in quiete : sed nullam est dubium , quin in ipsa corporis natura sit causa hujus phænomeni . Defectus scilicet sufficientis rationis non potest pro vera & essentiali cuiuscumque eventus causa haberi , sed tantum veritatem , idque rigidè demonstrat . Quin & simul indicat in ipsa rei natura occultam esse causam veram essentialem , quæ non cessat cessante illo sufficientis rationis defectu .

87. In primis illud ipsum principium sufficientis rationis necessitatem ad hoc ut è binis æquè possibilibus alterum potius fiat , quam alterum , nos omnino probare non possumus saltem tam latè sumptum , quam sumi solet : Manifesto enim pugnat cum libertatis notione , qua qui prædicti sunt , possunt pro unico arbitrio suo alterum præ altero eligere , quin ulla sit potior ratio cur illud velint , quod seligunt , præ eo , quod respunnt . Erit semper ratio aliqua cur velint ; sed non semper erit ratio potior , cur velint alterum præ altero ; & stabit pro ratione voluntas ipsa . Deinde principium idem , quod nunc maximè usque adeo adhiberi solet , putamus omnino nunquam posse ulli esse usui ad quidpiam utcunque determinandum , & multo minus ad demonstrandum . Nam aliud sanè est , quod nulla sit ratio sufficiens , aliud quod nulla nobis innotescat . Quam hebes sit mentis nostræ acies ,

acies , atque obtusa ; satis profecto experimur . Ex infinitis tot effe-
ctuum causis , quæ in mundo existunt five ex physicæ sint , five fina-
les , quam paucas novimus , quam multas penitus ignoramus ? Quid
de iis quæ esse possunt ? Quis unquam sanæ mentis homo , sufficien-
tem rationem , iccirco , quia nullam videat , nullam esse affirmet ?

88. Sed ut ad rem nostram proprius accedamus : illud in primis
præmittimus , observari quidem a nobis perseverantiam in eodem
statu in Mundo , nisi causa aliqua ad mutationem determinet ; sed re-
altius inspeclâ nullam apparere metaphysicam necessitatem ejus prin-
cipii . Neque enim videmus , cur perseverantia in aliquo statu per
aliquod tempus debeat necessario trahere perseverantiam per reli-
quum tempus omne , quod sequitur . Deinde ut æquabilitas motus est
quidam status corporis , ita incrementum vel decrementum motus
factum datâ quacunque lege est pariter quidam status . Äquabilis
motus celeritatem exprimunt ordinatae ad rectam lineam parallelam
rectæ infinitæ tempus infinitum exprimenti : motus accelerati unifor-
miter , vel retardati celeritatem , ordinatae ad lineam pariter rectam
sed inclinatam ; celeritatem motus accelerati aliâ quavis lege , ordi-
natæ ad alias curvas continuas , regulares , in se ipsis æquè simplices ,
licet respectu nostri maximè compositas . Cur ille unicus status motus
æquabilis expressus per rectam parallelam perseverare debeat , si se-
mel coepit , vel acquiri , si causæ externæ cessent , per se ipsum ab
ipso corpore , & non potius quivis alius ex statibus expressis per rectas
inclinatas , vel per quasvis alias curvas .

89. At in motu accelerato , inquit Eulerus , corpus ex quiete per-
venisse censemendum esset , in motu retardato ad quietem inclinaret ,
quod fieri nequit , quia corpus semel quiescens perpetuo quiescere debe-
ret . In primis si curva celeritates exprimens pro assymptoto habeat
rectam exprimentem tempus , ad eam semper accedens , cum ea nun-
ciuam congruens , vel ultra eam perpetuo sinuata jam recedat jam
accedit per vices ; fieri sane potest , ut per utranque infinitam æter-
nitatem motus habeatur perpetuo retardatus , vel perpetuo accelera-
tus , vel acceleratus , & retardatus per vices , manente statu per ean-
dem curvam in se simplicissimam expressio , quin unquam celeritas
extinguatur . Deinde si curva illa contigerit alicubi axem , vel etiam
secuerit ; haberetur quidem decrementum celeritatis factum ultra
quoscunque limites , & in punto quodam temporis celeritas nulla ,
sed quies vera non haberetur ; quia ad quietis ideam pertinet , ut cor-
pus aliquo continuo tempore nullam habeat celeritatem , & idem
spatii punctum occupet ; quod quidem in eo casu nequaquam contin-
geret , nulla enim continua pars curvæ celeritatem exprimentis con-
grueret cum recta exprimente tempus , adeoque nullo continuo tem-
pore celeritas cessaret , sed ea esset nulla in punto temporis , ex quo
quies non habetur . Quare etiam si transmittatur septima Euleri pro-

positio , cum ejus corollariis , in quibus statuit corpus , quando ali-
quando absolute quiescit , semper antea absolute quieville , & quiet-
rum , ac corpus semel motum non posse quietem assequi , nisi cau-
sa externa in illud agat ; adhuc tamen propositio octava de motus uni-
formitate conservanda nullo modo probari potest .

90. Quid vero de rectilineo motu additur , necessariò vel con-
servando , vel acquirendo a corpore in infinito vacuo posito , id ve-
ro a nobis æquè improbatur . Recta linea est una ex infinitis lineis , quæ
omnes , utcunque in sece redcant , utcunque quoquo versus , quotcum-
que vicibus inflectantur , in se ipsis sunt omnes æquè simplices ac rectas
licet nobis recta ipsa simplicissima appareat . Et quidem rectam lineam
apparere simplicissimam arbitramur iis tantum , qui in intima qua-
dam , atque abdita secretioris , atque profundioris Geometriæ arca-
na , ac penetralia nondum irruperint . Cæterum recta linea ipsa Infini-
ti notionem quandam involvit , quæ humanae mentis aciem pror-
sus excedit . Integrum hinc quidem locus , & quidem fusiorem disser-
tationem requirit , quam nostris Sectionum Conicarum elementis
maximâ jam ex parte diggestis , & ultimam tantummodo manu
desiderantibus reservamus inter alias multas , qua miram Locorum
Geometricorum indolem , miram transformationem , & nexus , &
Infiniti arcana omnino necessaria , si Infinitum admittatur , at om-
nem humanum captum longe excedentia proferemus . Illa hinc in-
nuemus , quæ maximè ad rem faciunt . In primis Recta linea naturâ
suâ utrinque in infinitum excurrit , nec ullos limites habet . Qui ter-
minatam assumit lineam rectam , segmentum loci Geometrici as-
sumit , eodem prorsus pacto , quo qui assumit circuli arcum , seg-
mentum assumit peripheriæ Porro linea ipsa recta infinita , est quod-
ammodo veluti quedam infiniti circuli peripheria , quæ in infinitâ il-
la distantiâ quodammodo in se ipsam redit , & velut conjungitur ,
quod & Parabolæ cruribus , & oppositis Hyperbolæ ramis contingit ,
& vero etiam omnium geometricorum locorum infinitis cruribus ,
quæ quidem omnia nusquam interrumpuntur , & si Infinitum ad-
mitti possit , in infinitâ & plerunque hinc inde oppositâ distantiâ con-
junguntur inter se invicem , & copulantur : quo pacto , & Parabola , &
quidem etiam uterque Hyperbolæ ramus , ab unica quadam & con-
tinua Ellipsi non discrepant , si quedam Infiniti mysteria ritè intelli-
gantur , & applicentur .

91. Ut ea , quæ ad rectam pertinent , utcunque animo repræsen-
temus , sit quidam circulus , cuius quæpiam chorda in infinitum pro-
ducatur utrinque . Tum manentibus extremis chordæ punctis , &
utroque ex arcibus ab eâdem chordâ terminatis bifariam secto , con-
cipiatur perpetuo recedere centrum a chordâ circuli , & circulus
augeatur infinitum . Perpetuo circuli arcus hinc inde circa binas in-
tersectiones cum ipsâ chordâ ad chordam accedit , & punctum , quo
minor

(XLVI)

minor arcus bifariam secatur, accedet ad medium chordam; majoris vero arcus medium punctum in infinitum recedet. Si circuli centrum concipiatur jam abisse in infinitum, & circulus infinitus evaserit; abit minor arcus in ipsam chordam, sive in rectam lineam finitam extremis illis punctis inclusam, & punctum medium arcus ipsius in medium ipsam chordam. Reliquus major arcus abit hinc inde in reliquum omne infinitae chordae tractum extra bina illa extrema chordae positum, & punctum medium arcus majoris, in quo arcus ipse flectebat cursum, jam in infinitum ita abiit, ut in eo adhuc in illâ infinitâ nobis prorsus incognitâ distantia continuuntur quodammodo, & inter se copulentur bina illa veluti crura infinita rectæ lineæ a binis illis extremis chordæ punctis in infinitum producta.

92. Et quidem ea veluti conjunctio quedam sic etiam melius innotescet. Assumatur extra infinitam lineam punctum fixum ad arbitrium, per quod concipiatur transire alia recta pariter infinita, quæ circa illud punctum perpetuo gyret, & perpetuo fecet priorem infinitam rectam immobilem. Dum mobilis recta gyrat defigatur mentis acies in illud punctum immobilis rectæ, in quo hæc a mobili secatur. Apparebit statim hoc punctum recedere lentiore quidem motu, ubi mobilis recta ad immobilem perpendicularis est, vel inclinatur in angulis parum a recto differentibus. At inclinatione crescente, crescit intersectionis velocitas, quæ ita recedet; ut rectâ mobili factâ parallelâ rectæ immobili, nusquam inveniatur a nobis, & in infinitâ illâ distantia nostræ mentis aciem penitus effugiente delitescat. At per gente motu mobilis rectæ, eaque in oppositam partem inclinata, jam illud punctum ex oppositâ parte ex infinitâ distantia regreditur. tanquam si Infinitum, in quod abierat, cum Infinito opposito, ex quo regreditur in infinitâ illâ distantia conjungeretur; & bina illa crura, tanquam bini infiniti arcus infiniti circuli in medio illo punto, quod in infinitum recesserat, copularentur, atque unicum infinitum quidem, sed continuum geometricum locum efficent. Et hoc quidem pacto continuato circulari motu mobilis rectæ in infinitum, continuabitur intersectionis excursus per rectam infinitam immobilem. Ea intersectione in singulis revolutionibus rectæ mobilis totam immobilem rectam percurret bis, & bis per infinitum transibit. Videbitur ibi saltus quidam infinitus haberi; sed saltus esse desinet; si hæc prorsus intelligibilis conjunctio infinitæ distantie, quounque demum pacto concipiatur. Incredibile dictu est, quam hæc infinitæ lineæ in se redeuntis idea quædam, comparandis inter se geometricis locis inserviat, & potissimum Conicarum Sectionum uniformitati cuidam, & proprietatum omnium generalitati intelligendæ, ac determinandæ inserviat.

93. Porro in hæc rectæ lineæ arcana incurrit quodammodo, qui motum in recta linea concipit uniformiter continuatum; licet enim hoc

(XLVII)

hoc motu transitus ille per infinitum haberi non possit; tamen infinitam rectæ ipsius lineæ extensionem concipiatur necesse est, quæ si alicubi abrumperetur, motus per eam continuari non posset, & punctum illud temporis determinaretur, in quo motus ipse abrumpi deberet.

94. Hasce difficultates non habet circulus, nec curva ulla in se ipsum rediens ut Ellipsis. Ipse quidem circulus infinitis rotationibus in se ipsum regreditur, nec originem habens, nec terminum; unde fit ut Cyclois ab eo genita infinitas Cycloides motu continuo descriptas, & se invicem succidentes contineat, quæ omnes unicum geometricum locum continent, quod infinitis aliis curvis ope circuli generatis contingit. Adhuc tamen ex eo ipso, quod in se redeat, quod in se ipsum contorqueatur, finitum tantummodo spatiū amplectens, nusquam in infinitum recedit. Totus mentis nostræ, & vero etiam frontis oculis patet, recessu illo infinito rectæ lineæ, densissimi quibusdam ipsius infiniti tenebris obruto, & viribus nostræ mentis impervio. Quamobrem si res ritè consideretur, simplicior potius videri debet circularis motus, quam rectilineus, & circulus, ac curva quævis, quæ in orbem redeat, rectâ ipsâ simplicior.

95. Hisce autem omnibus illud etiam addendum: errare profecto eos omnes, qui circulum, vel curvam aliam quancunque putant e rectis lineolis constare. Solent quidem pro rectis lineis usurpari minimi curvarum arcus, contempto spatiolo illo, quod inter arcum & chordam intercedit; quod ipsum si ritè fiat, tuto fit. At sunt infiniti casus, in quibus id ipsum non licet, & circuli arcus curvarum arcubus substitui debent potius quam recta; sunt alii infiniti, qui ne circulum quidem patiuntur, & in quibus substitutio errores parceret infinitos. Ejusmodi substitutio iccirco fit, quia nos multo clariorem ideam habemus segmenti lineæ rectæ, quam circuli, & circuli quam reliquarum curvarum. Intuemur mentis acie pulcherrimam rectilinei segmenti proprietatem, qua fit, ut utrâlibet ex parte alteri segmento superpositum congruat; & quæ inde innumera sanè conestaria sponte fluunt, facili ratiocinatione colligimus. Huic succedit circularis arcus, non quidem utrâque ex parte, sed tamen ex alterâ, cum arcu æqualis circuli congruens. Hinc elementa Geometriæ digressimus continentia proprietates rectiarum & circuli, quæ binis æqualitatis principiis innituntur: Congruentiae quantitatum, & subtractioni, vel additioni æqualium ab æqualibus, æqualitate tamen per congruentiam prius determinata. In iis Elementis ad rectas circulum ipsum exigimus: cum recta cæteras omnes curvas comparamus: deviationes a rectilineâ directione tanquam errores quodam, & evagationes consideramus. Hinc, que curvæ à rectis redudent magis, eas magis compositas dicimus, & complicatas. Reputudo est nobis quædam velut mensura, quædam velut unitas, cum qua cæteros positionis modos comparamus.

96. At

96. At curva quævis est ita in se ipsâ simplex , ut nullus ejus arcus cunctiuus utcunque exiguis cum rectâ , vel cum alia curvâ contiguâ congruere possit , quod quidem generaliter etiam demonstrari potest . Hinc si quod forte Creaturarum genus aliam curvarum speciem intimius perspiceret ; id sanè iis pro mensurâ , vel pro unitate , quadam usum , ad eas exigeret , cum iis compararet , & ex earum proprietatibus aestimaret curvas alias , & ipsam rectam : ac rectâ ipsius segmentis infinitè parvis earum videlicet curvarum segmenta substitueret .

97. Hinc jam illud sequitur errare eos , qui censeant idcirco per tangentem rectam debere abire corpus aliquod , cessante actione externâ ; quod recta linea sit quædam continuatio arcus curvilinei infinitè parvi . Profecto arcus circuli osculantis curvæ cujusvis arcum infinites magis ad eum accedit circa ipsum osculum , quam recta linea , quæ ipsum ibidem contingit . Et demonstrari facile potest esse curvas curvarum osculatrices , quarum aliæ ad eas infinites magis accedant , quam aliæ ; licet nusquam congruant ; ac proinde infinitos esse contactuum angulos alios alii minores , neque novit Natura limitem : ut Newtonus de angulis ipsis contactuum affirmavit . Quamobrem quotiescumque a motu curvilineo transiretur ad rectilineum ; saltus profecto quidam fieret , multo utique major , quam si ex una curva in alias ipsi finitimas transi- retur .

98. Hinc nisus abeundi per rectam tangentem in cirvilineis motibus non ex ipsâ rei in se consideratae naturâ oritur , nec rei natura possulat motum rectilineum potius , quam curvilineum cujuscunque curvæ : sed ea Naturæ lex est arbitraria , quam nihil obest , quomodo pro arbitrio suo mutare potuerit ipse Supremus Conditor , dum rerum seriem ordinaret . Status movendi per rectam lineam , est unus corporis statibus , ut sunt status movendi per curvam lineam quamcumque . Unum ex hisce statibus præ alio eligere , & unius nobis , quam alterius clariorem ideam ingenerare , id vero , nostrâ quidem sententiâ , Supremi Conditoris fuit . Qui ipse quam potissimum rationem in Mundo sic ordinando secutus fuerit ; id vero non quærimus ; cum inventuros non speremus . Neque enim infinitæ mentis illius sapientissima , ac divina consilia in hebetem hunc & tam arctis limitibus circumscriptum nostrum animum cadunt . Non adest sufficiens ratio , cur corpus motu aliquo delatum ad dextram potius deflectat , quam ad sinistram . At nec adest sufficiens ratio , cur per rectam perget : nec adest , cur ad centrum quodcumque accedat potius , quam recedat : nec adest , cur a curvæ cujusvis positione introrsum deflectat potius quam extrorsum .

99. Hinc en quo nos maximè in hisce omnibus propendemus : Materiam naturâ suâ putamus prorsus inertem , nimurum prorsus inde-

differentem ad motum , & ad quietem ita , ut & determinatio perseverandi in eodem statu , & electio motus uniformis , ac rectilinei præ aliis , & reliquarum virium omnium impressio pendeant unicè a libera quadam voluntate Supremi Naturæ Opificis , qui ut materiam potuit pro liberrimo arbitrio suo creare , ut ipsi libuit , vel non creare ; ita etiam potuerit eandem creare cum his conditionibus , & proprietatibus , quas habet , vel cum oppositis prorsus , nullâ iis illatâ vi , utcunque deinde physicè explicandæ sint proprietates ipsæ , quæ ab unico etiam ipsius nutu , & quadam purè extrinseca lege pendere possent : a quo proprietatum a D.O.M. pro libito suo inditarum numero , ne impenetrabilitatem quidem , atque extensionem excludimus , quas per vires quasdam in minimis distantiis repulsivas exposimus duobus ab hinc annis in Dissertatione de Viribus Viviis . Atque hoc demum pacto materia erit substantia quædam prorsus iners , & de se neque quid , neque quale , neque quantum ; sed Supremi Naturæ Conditoris nutibus prorsus obsequens , & æque ad omnia indiferens . Natura erit aggregatum earum omnium legum , quas pro arbitrio suo idem , dum orbem conderet , sanguit . Naturæ investigatio erit inquisitio in easdem leges , ex phænomenis eruendas , ex quibus cognitis illud utilitatis profluet ; ut hujus veluti Reipublicæ cujusdam leges , quibus nos etiam subjecti sumus , habeamus perspectas , ac noxia fugere , & salubria nobis sectari possimus ; sed in primis sapientiam illam infinitam , Divinumque Conditoris consilium suspiciamus assidue , ac veneremur . Nec hoc erit Physicam paucis absolvere , pro singulorum effectuum causis reponendo : Quia Deus voluit ; ut nec pro causis ipsis in aliorum sententiâ reponi debet , Quia rerum natura exigit . Ipsa illa Conditoris voluntas inquirenda est , & illæ ipsæ , quanquam liberæ leges , quibus hæc ordinatissima Universi compages tam aptè inter se cohæret , & donec ipsi libuerit , cohæbit .

100. Et hæc quidem paulo fusius ex Metaphysicis ipsis principiis ad Eulerianum argumentum pro inertia corporis in vacuo positi . Cum vero ipse id argumentum transfert ad corpus in Mundo constitutum ; ejusdem vis omnis manifesto languescit . Habeat corpus in vacuo determinationem quiescendi vel abeundi per rectam lineam ; Eam habeat ex ipsâ naturâ , non autem ex liberâ Conditoris lege . Non iccirco sequitur corporis naturam exigere , ut in Mundo quoque quiescat , vel abeat per rectam lineam . Exigentia erit quidem eadem in Vacuo , & in Mundo , sed terminus qui exigitur , erit diversus . In Vacuo positum potest id exigitur , ut quiescat in vacuo , & non quiescat in Mundo , & in Mundo pariter positum idem exigit . Ponamus gravitatem mutuam esse ipsi materiæ intrinsecam , & essentialem ; in cæteris autem vis inertiae maneat . Ponamus unicum globum in immenso vacuo . Quiescat , id ejus naturâ exigeant . Impleamus

mus Vacuum corporibus Mundum constituentibus ; jam cōrpus illud ipsum versus alia movetur, eādem illa naturā, quae prius exīgebat quietem, nūc exigente motum. Hoc pacto etiam omīssis iis omnibus, quae supra ex Metaphysicis principiis attulimus ; de inertia in vacuo, possemus nostrum Systema tueri admittendo physicos illos orbes, quos num. 71. exposuimus, & dicendo eorum naturam, & naturam inclusorum corporum eam potissimum inertiam respectivam exigere.

101. Ex iis autem, quae diximus patet etiam quid reponendum sit ad difficultatem secundam num. 84. expositam. Translatio illa spatii Syderei, quam nos admittimus, unicē pendet a Conditoris arbitrio ; qui cum vel quietem, vel hunc potius, quam aliū quemvis motum potuerit ipsi imprimere ; hunc maximē pro libero arbitrio suo impressit. Non erit hic motus Mechanicæ legibus contrarius, cum Mechanicæ constitutio omnis ab ipsius arbitrio pendeat. Non erit simplicitati Naturæ contrarius, cum quicunque curvilineus motus æquè simplex in seipso sit, ac rectilineus. Quod arbitrarius sit, id non obest : quivis aliū arbitrarius esset : sed non ex nostro, verum, ex Conditoris arbitrio. Nobis arbitrarius non est, cum & Telluris quietem, ut datum quoddam, supposuerimus, & eā admissā, eo nos ipsa Naturæ phænomena directā ratiocinatione deduxerint. Quod infiniti alii motus æquè possibiles sint, id illud tantum requirit ; ut nisi aliunde aut quies, aut motus Telluris supponatur, suspensum cohíbeamus animum, & cum tam multa Systemata æquè possibilia videamus, nullum præ cæteris admittamus. Sed cavendum sanè in eo casu non quietem potius spatii, quam hunc, quam quemvis aliū motum affirmandum. Hunc autem suppositā Telluris quiete admittendum præ cæteris, naturæ ipsius phænomena, & discursus num. 79. expositus satis evincunt.

102. Cæterum etiam si ex unico Conditoris arbitrio Natura omnis repetenda non sit ; Non iccirco nostrum Systema cadit. Translatio spatii e phænomenis Naturæ innoteſcit, innoteſcit inertia respectiva ; si Tellus quiescat. Has liceret admittere, & harum ope Constitutionem Mundi, & Naturæ phænomena explicare, licet etiam eorundem causam ignoraremus. Sic Tellure motâ, per generalem gravitatem, incognitâ etiam ejusdem causâ, explicantur phænomena ; quia ipsam existere directā ratiocinatione colligitur. Sic ut supra diximus Horologii constitutio ignoratâ, vel dissimulatâ Gravitatis atque Elasticitatis causâ rite explicatur.

103. Hæc quidem diximus, ut cum Tellure quiescente totam Newtonianam Mechanicam conciliaremus. Illud certè aſſecuti sumus, ut totam de quiete, vel motu Telluris quæſtionem reduxerimus, ad quæſtionem methaphysicam de natura vis inertiae, & de quiete, vel translatione spatii cuiusdam ita, ut Physici omnes efficiamus,

Etus, omnia phænomena in Mundo debeant eodem prorsus pacto contingere in utravisi sententiâ, & quod ad Physico-Mathematicas disciplinas excolendas pertinet, nihil sanè interficit utralibet ex iisdem sententiis adhibeatur. Licebit certè nobis imposterum per motum Terræ respectivum respectu spatii Syderei explicare, quidquid ex vero Telluris motu explicatur ; licet motus ipse respectivus sit vera & absoluta quies : Et hisce quidem hic semel fusiſ declaratis, patebit semper imposterum, quo demum sensu motum Telluris intelligamus, quojescunque ipsum adhibentes, nos ad hanc dissertationem remittemus. Jam ad alterum dissertationis partem faciendus gradus, in qua Æstus Marini phænomena e principiis suis derivata Geometriæ atque Arithmeticæ ope, & dilucidius explicitur, & multo accuratius determinentur.